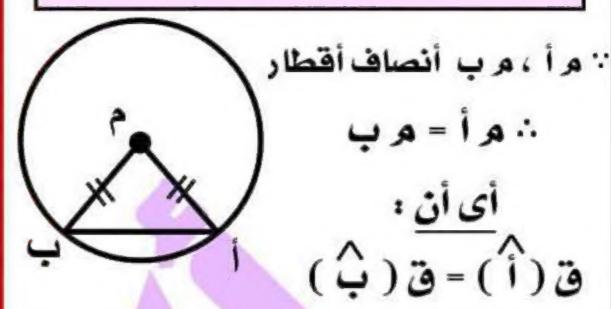
المستقيم الماربمركز الدائرة وعموديآ

على أي وتر فيها ينصف هذا الوتر

مفاهيم أساسية

أنصاف الأقطارفي الدائرة الواحدة متساوية في الطول

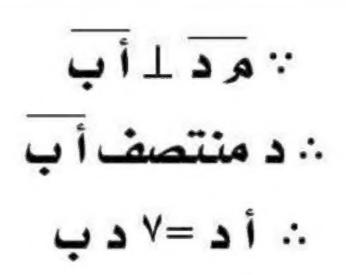


المستقيم الماربمركز الدائرة وبمنتصف أي وتر فيها يكون عموديا على هذا الوتر

٠٠ د منتصف الوتر أ ب

.. م د <u>ل</u> أ ب

نق (م د أ) = ۹۰°



لإثبات أن المستقيم مماس

هنتبت ان الزاوية اللي بينه وبين نصف القطر قياسها = ٩٠

أوضاع مستقيم بالنسبة لدائرة

إذا كانت م دائرة طول نصف قطرها نق ، أ نقطة و المستقيم فإن المستقيم يكون:

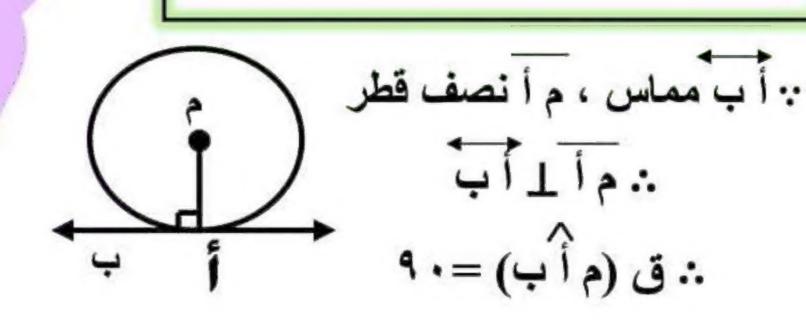
إذا كان: مأحنق

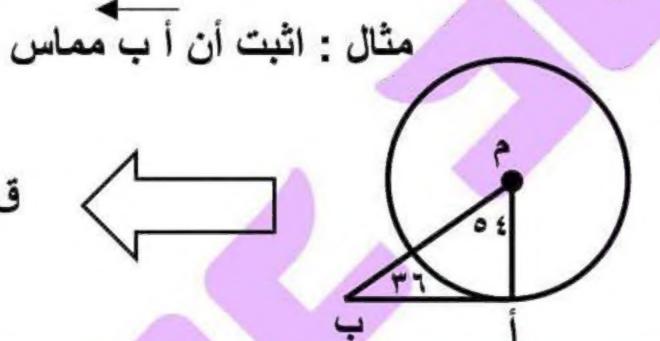
مماس إذا كان: مأ = نق

المماس عمودي على نصف القطر

خارج الدائرة

إذا كان: مأ > نق





∵ أُ بُ مماس مشترك

م ن خط المركزين

∴من ⊥أب

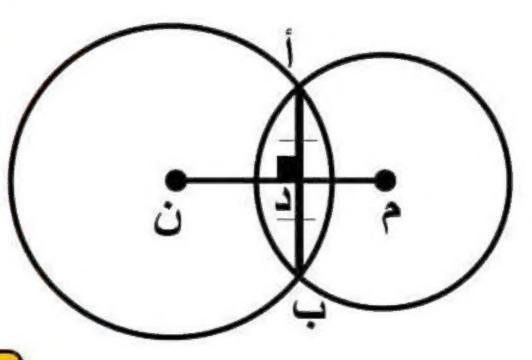
في △ مأب: ق (مأب) = ١٨٠ – (٤٥+٣٦) 9. = 9. - 11. = .: أب مماس

أوضاع دائرة بالنسبة لدائرة

إذا كانت م، ن دائرتان طولا نصفى قطريهما نق، ، نق، ، م ن خط المركزين فإن الدائرتان يكونان:

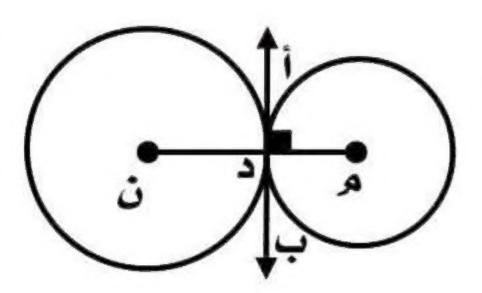
متحدتا المركز	متداخلتان	متباعدتان	متقاطعتان	متماستان من الداخل	متماستان من الخارج
إذا كان:		إذا كان:	إذا كان:	إذا كان :	إذا كان:
۲ من = صفر	م ن < نق، - نق	من > نق۱ + نق۲	نق۱- نق۲ < م ن < نق۱+ نق۲	م ن = نق، _ نق،	م ن = نق۱ + نق۲

خط المركزين عمودي على الوتر المشترك وينصفه



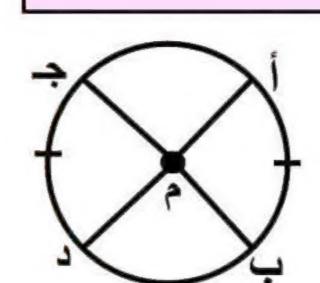
٠٠ أب وتر مشترك ، م ن خط المركزين ∴من ⊥أب ، ق (م د أ) = ۹۰° ، من ينصف أب

خط المركزين عمودي على المماس المشترك

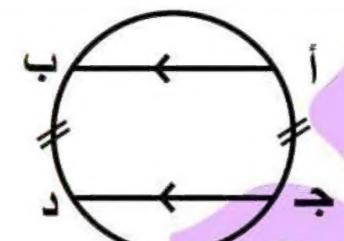


الأقواس المتساوية

الأقواس المتساوية في القياس متساوية في الطول والعكس صحيح



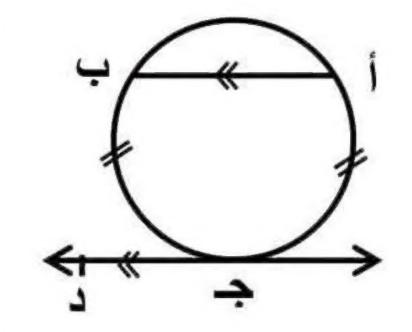
الوتران المتوازيان يحصران بينهما قوسان متساويان



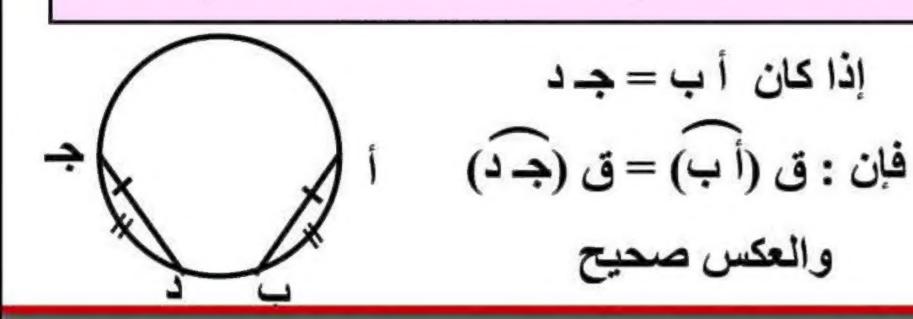
الوتر والمماس المتوازيان يحصران قوسان متساويان

إذا كان أب // جدد

فإن ق (أج) = ق (ب ج)

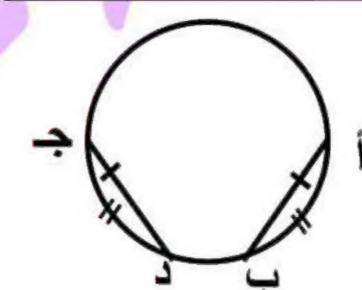


الأوتار المتساوية في الطول أقواسها متساوية في القياس

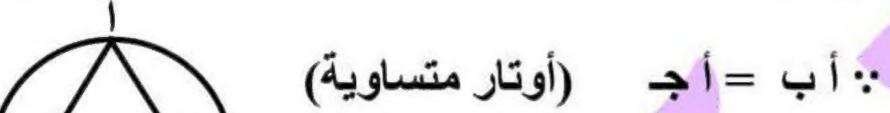


الأوتار المتساوية

الأوتار المتساوية في الطول أقواسها متساوية في القياس



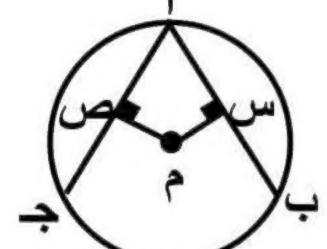
إذا كان أب = جد د
$$(1 + 1)$$
 فإن : ق (أب) = ق (جد) والعكس صحيح



.: م س = م ص (أبعاد متساوية)

والعكس صحيح

الأوتار المتساوية في الطول أبعادها متساوية في الطول

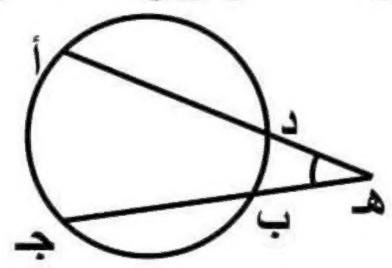


لو عند کو وترین متساویین : استنتج ان البعدین متساویین والعکس.

ولو طلب منك تثبت ان وترين متساويين : حاول تثبت ان البعدين متساويين والعكس.

تمرین مشهور ۲

هنستخدمه لو عندنا وترين متقاطعين خارج الدائرة



$$\widetilde{(a)} = \frac{1}{7} [\widetilde{(a)} + \widetilde{(a)} - \widetilde{(a)}) = \widetilde{(a)} (\widetilde{(a)}) = \widetilde{(a)} (\widetilde{(a)})$$

تمرین مشهور ۱

هنستخدمه لو عندنا وترين متقاطعين داخل الدائرة



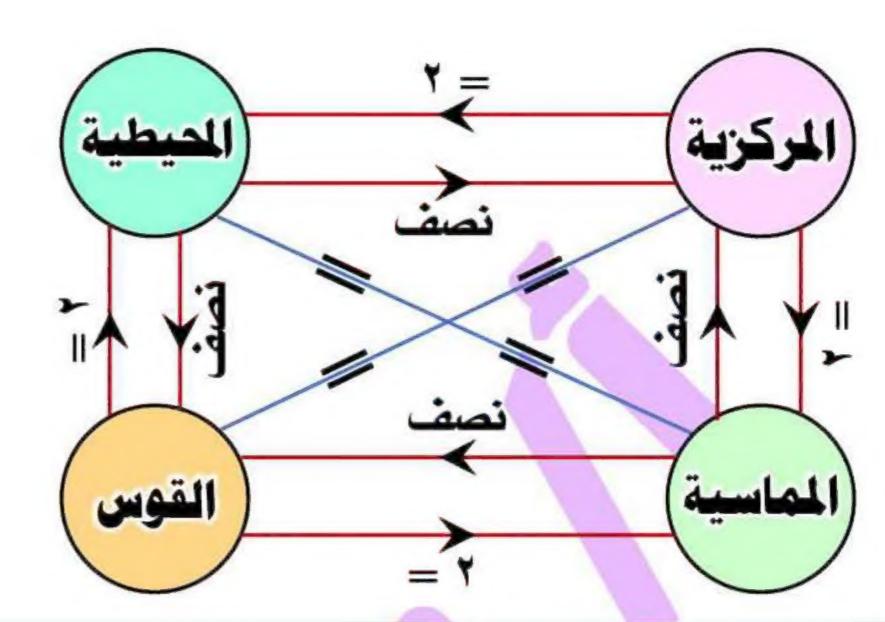
$$\underbrace{(c, \hat{A}, \hat{P})}_{0} = \frac{1}{7} = \underbrace{(c, \hat{A}, \hat{P})}_{0} + \underbrace{(c, \hat{P})}_{0} = \underbrace{(c, \hat{P})}_{0} + \underbrace{(c, \hat{P})}_{0} = \underbrace{(c, \hat$$

ن ق (أب) = ۸۰°

ن ق (م) المركزية = ٨٠٠

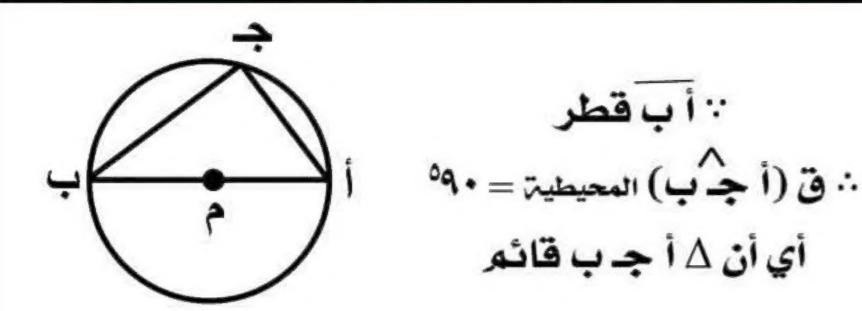
العلاقات بين الزوايا

♦ المحيطية = المماسية = أ المركزية = أ القوس

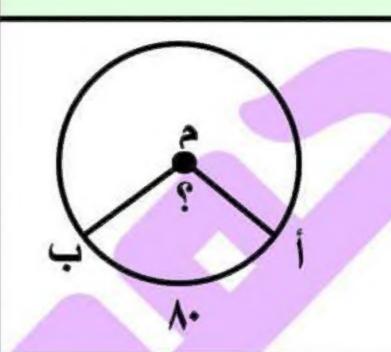


قياس الزاوية المحيطية المرسومة في نصف دائرة = ٥٩٠

♦ المركزية = القوس = ٢ المحيطية = ٢ المماسية

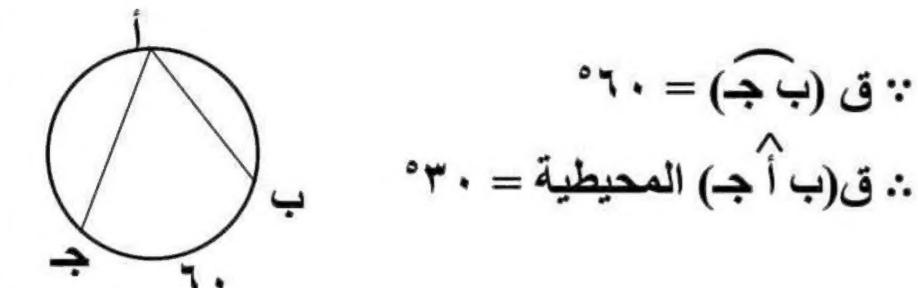


قياس الزاوية المركزية = قياس القوس المقابل لها

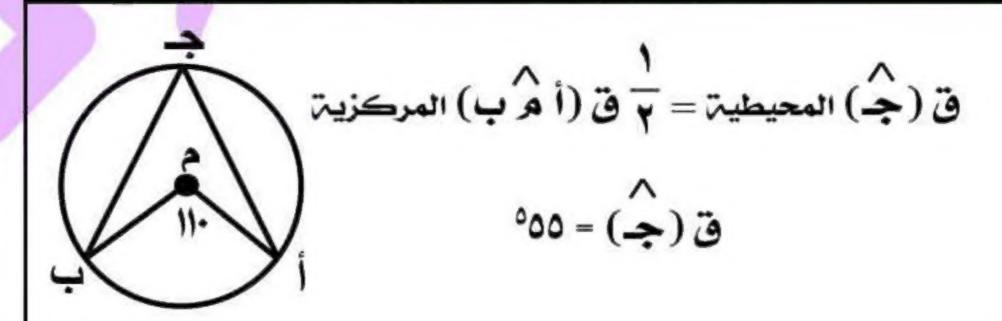


قياس الزاوية المحيطية = $\frac{1}{4}$ قياس القوس المقابل لها

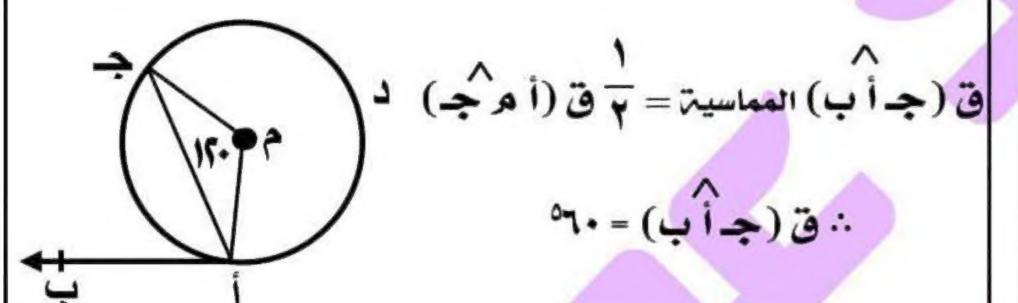
٠٠ ق (ب جَ) = ٢٠°



قياس المحيطية = ٦ قياس المركزية والمنزلة مها في واقوى

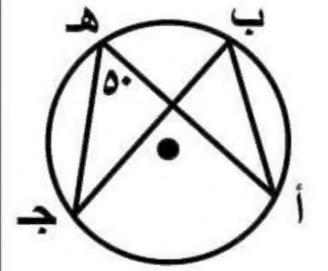


قياس المماسية = ٦ قياس المركزية والمنزكة مها في وهوى



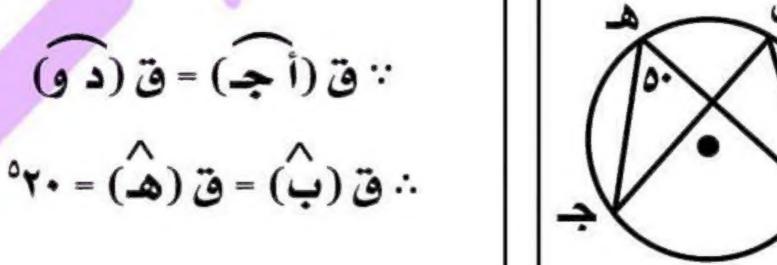
قياس المحيطية = قياس المحيطية وفرلهني ونورسم ساوية

قياس المحيطية = قياس المحيطية والمنزكة مها في واقوى

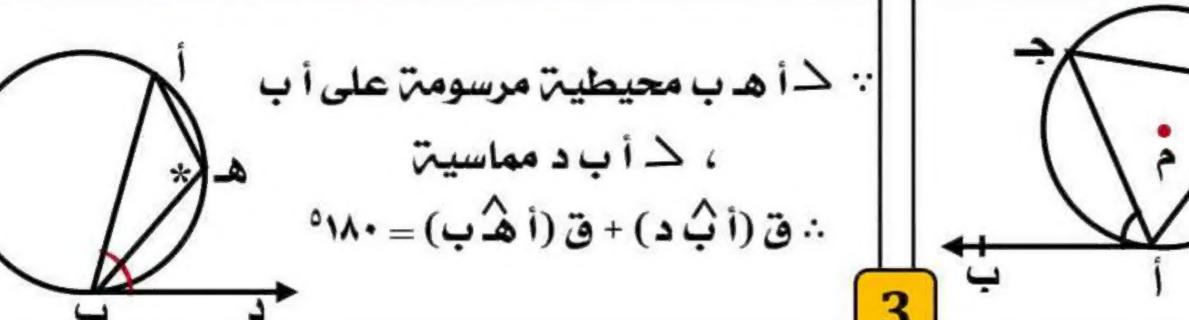


ق (بُ) = ق (هُ) = ٥٥٠

لأنهما محيطيتان مسشتركتان في القوس أج



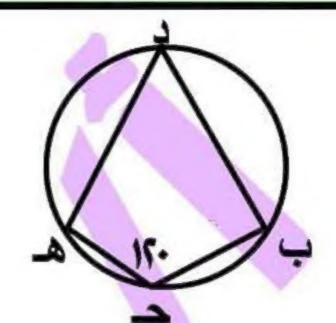
الزاوية المماسية تكمل الزاوية المحيطية المرسومة قياس المحيطية = قياس المماسية والمنزكة مها في واقوى على وتر الزاوية المماسية وفي جهة واحدة منها



الشكل الرباعي الدائري

لو عرفت ان الشكل رباعي دائري (سواء هو قالك في المسألة أو لقيت رؤوسه الأربعة تقع على الدائرة) هنستنتج ٣ حاجات :

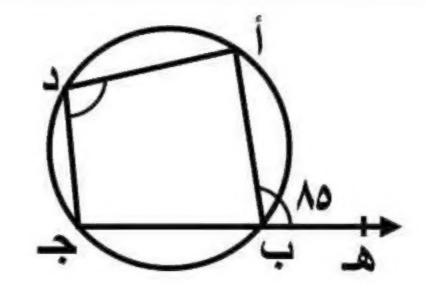
كل زاويتين متقابلتين مجموعهما = ١٨٠



٠٠ الشكل أب جد رباعي دائري ن ق (·) + ق (·) = ١٨٠

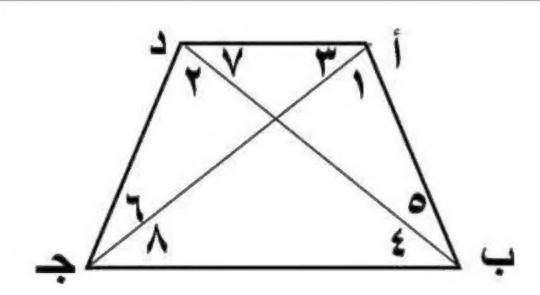
ن ق (٤) = ١٢٠ - ١٢٠ = ٠٢ ...

قياس الزاوية الخارجة = قياس المقابلة للمجاورة



ن الشكل أب جدد رباعي دائري . ق (أبُه) الخارجة = ق (دُ) ن ق (د ُ) = ه ۸ ن ق (د ُ)

أي زاويتين مرسومتين على قاعدة واحدة وفي جهت واحدة متساويتان



إذا كان أب جد رباعي دائري فإن: ق (۱) = ق (۲) مرسومتان على ب ج ق (٣) = ق (٤) مرسومتان على د ج ق (٥) = ق (٦) مرسومتان على أ د

واحدة واثبت انهما متساويتان

لو قالك اثبت أن الشكل رباعي دائري إبحث عن إحدى الحالات الثلاثة الآتية واثبتها وهي :

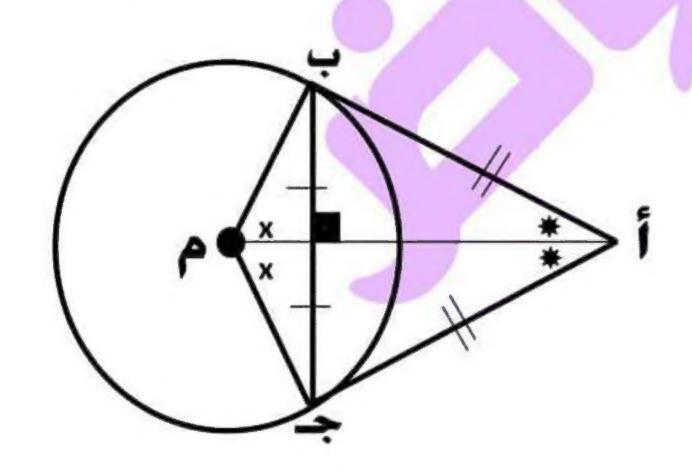
شوف زاويتين مرسومتين على قاعدة زاوية خارجة واثبت انها تساوى المقابلة للمجاورة

زاويتان متقابلتان واثبت أن مجموعهما = ١٨٠

العلاقة بين مماسات الدائرة

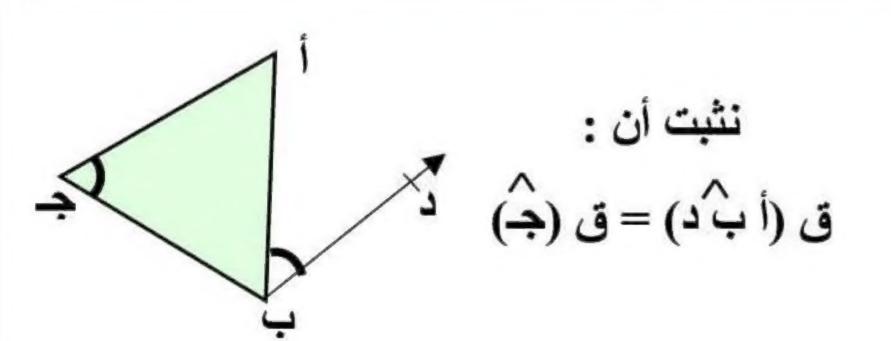
القطعتان المماستان المرسومتان من نقطم خارج دائرة متساويتان في الطول.

إذا كان أب، أج قطعتان مماستان فإن:



أم ينصف زاوية بأج	اً ب = ا ج
أم ينصف زاوية ب م جـ	ق (أ ب ج) = ق (أ ج ب)
أم ⊥ بج وينصفه	أبمج رباعي دائري

لاثبات أن بد مماس للدائرة التي تمر برؤوس ∆ أبج



عدد المماسسات المشتركة

- عدد المماسات المشتركة لدائرتين متباعدتين ٤
- عدد المماسات المشتركة لدائرتين متماستين من الخارج ٣
 - عدد المماسات المشتركة لدائرتين متقاطعتين ٢
- عدد المماسات المشتركة لدائرتين متماستين من الداخل ١
 - عدد المماسات المشتركة لدائرتين متحدتا المركز صفر

ملاحظات على تعيين الدائرة

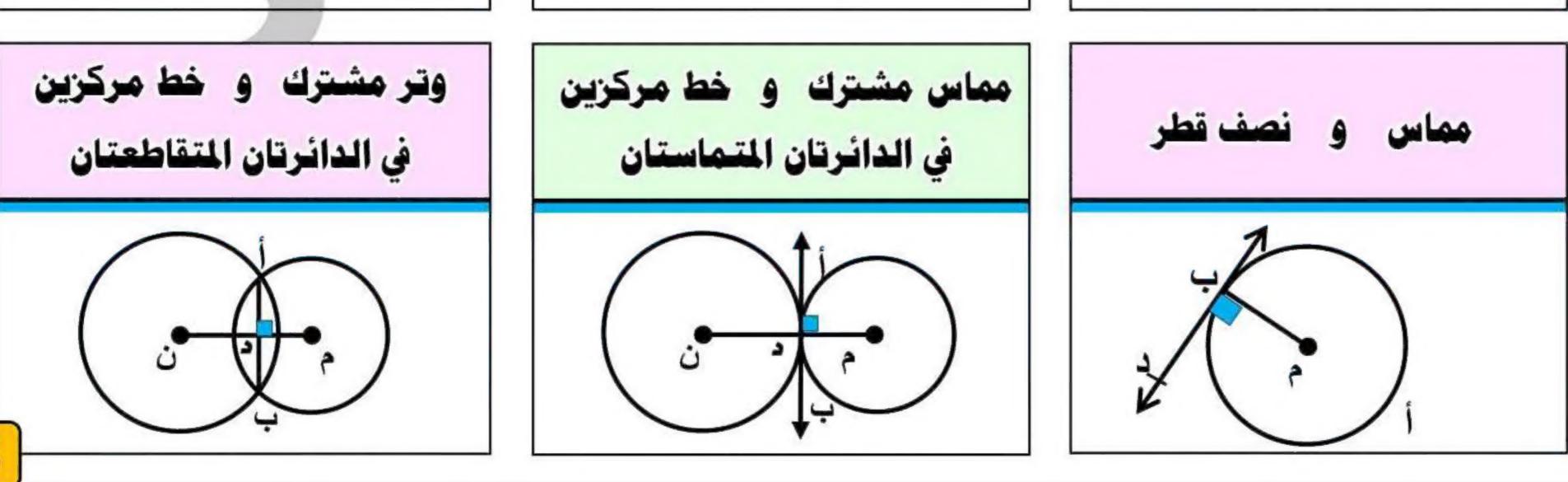
- ١) يمكن رسم دائرة تمر برؤوس كل من : المستطيل والمربع وشبه المنحرف المتساوى الساقين
- ٢) لا يمكن رسم دائرة تمر برؤوس: متوازى الأضلاع والمعين وشبه المنحرف غير المتساوى الساقين
 - ٣) يمكن رسم دائرة وحيدة تمر بثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة
 - ٤) لا يمكن رسم دائرة تمر بثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة.
 - ٥) يمكن رسم عدد لا نهائي من الدوائر تمر بنقطة واحدة.
 - ۱ اصغر دائرة تمر بالنقطتين أ، بهي التي أب قطر فيها وفيها نق $= \frac{1}{7}$ أب
- ۱ $\frac{1}{4}$ اذا کان نق $\frac{1}{4}$ فإنه یمکن رسم دائرتان فقط وإذا کان نق $\frac{1}{4}$ أب فإنه لا یمکن رسم أی دائرة

الحائرة الخارجة للمثلث الحائرة الحاخلة للمثلث مركزها هو نقطة تقاطع الأعمدة المقامة على مركزها هو نقطة تقاطع المثلث من منتصفاتها منتصفاتها من منتصفاتها منتصفاتها من منتصفاتها من منتصفاتها من منتصفاتها

خلاصة الزاوية ٩٠

لو لقيت أي حاجة من دول استنتج ان فيم زاوية قائمة قياسها ٩٠ :

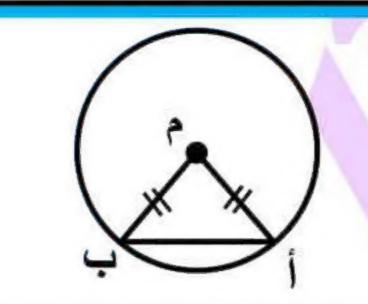




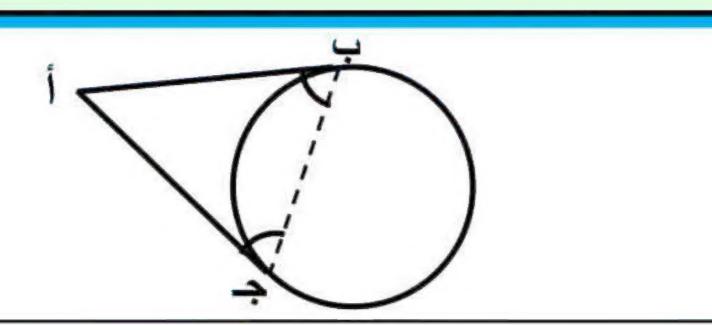
خلاصة المثلث المتساوى الساقين

يكون المثلث متساوى الساقين إذا كان :

ضلعيه أنصاف أقطار



ضلعيه قطعتان مماستان



طول القوس

طول القوس =
$$\frac{\ddot{a}_{\mu l} m l d}{m \pi \times m}$$
 نق

- ♦ قياس نصف الدائرة = ١٨٠°
- - ♦ طول الدائرة = محيط الدائرة = π ۲ تق

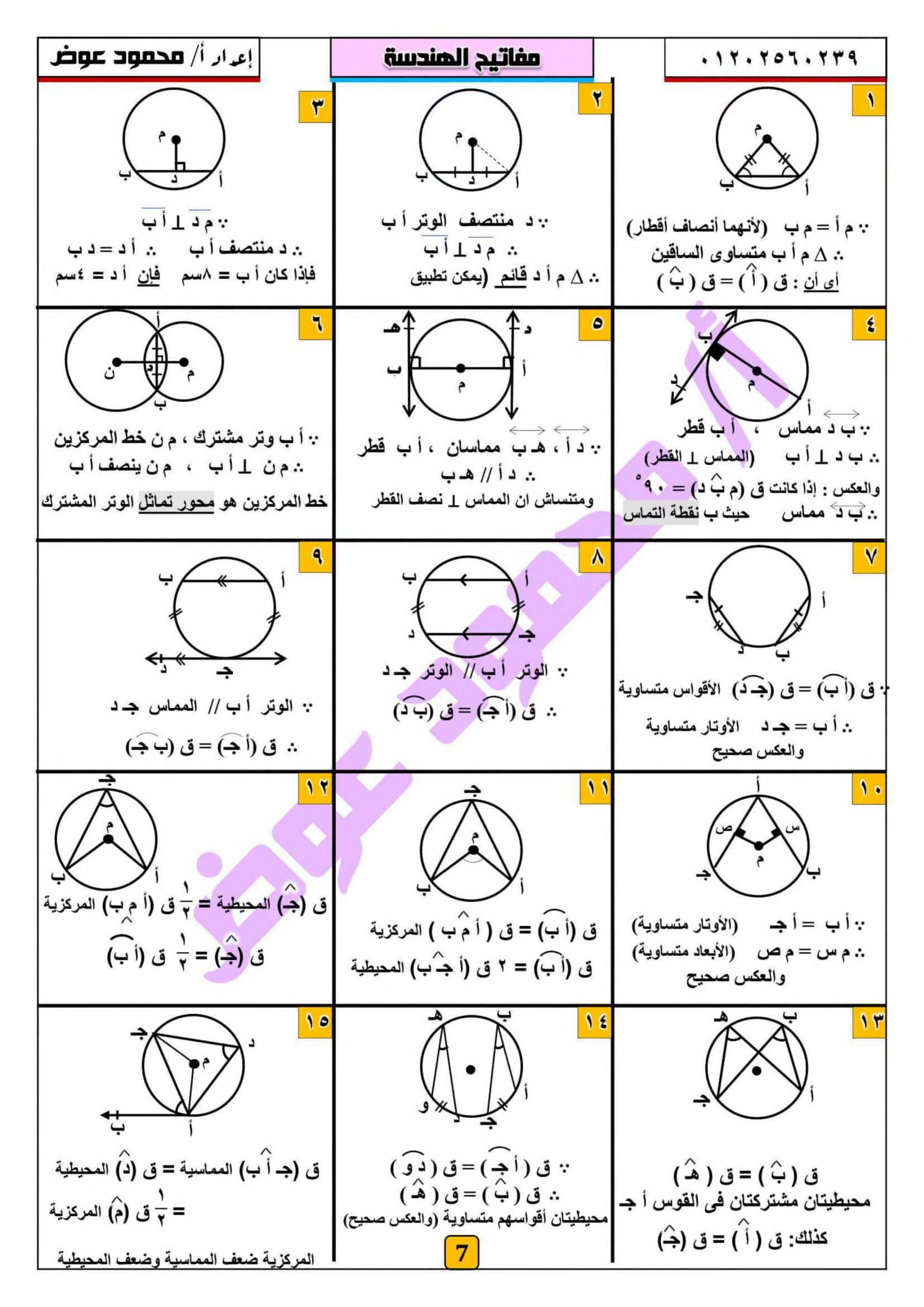
عدد محاور تماثل ربع الدائرة: محور واحد

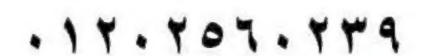
- ♦ قياس الدائرة = ٣٦٠°
- ♦ قياس ربع الدائرة = ٩٠°

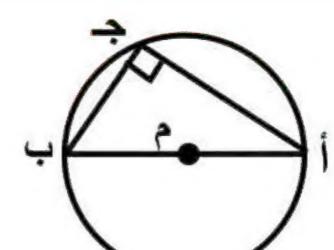
ملاحظات

- ا إذا كان المثلث حاد الزوايا فإن مركز الدائرة الخارجة له يقع داخل المثلث إذا كان المثلث قائم الزاوية فإن مركز الدائرة الخارجة له يقع في منتصف وتر المثلث إذا كان المثلث منفرج الزاوية فإن مركز الدائرة الخارجة له يقع خارج المثلث
 - عدد محاور تماثل الدائرة: عدد لا نهائي عدد محاور تماثل نصف الدائرة: محور واحد عدد محاور تماثل نصف الدائرة: محور واحد
 - اذا کان م ، ن دائرتان متقاطعتان فإن م ن \in] نق، نق، + نق، + نق، + نق، + نق، + نق، + اذا کان م ، ن دائرتان متباعدتان فإن م ن \in] نق، + نق، + نق، + نق، + نق، +
 - الزاوية المحيطية التي تقابل قوسا أصغر من نصف الدائرة تكون حادة الزاوية المحيطية التي تقابل قوسا أكبر من نصف الدائرة تكون منفرجة

تنبيه، لا يُسمُحُ لأي شخص حذف اسم محمود عوض من الملزمن ومن يفعل فأمره موكل إلى الله جل جلاله (ولكن يُسمُح بحذف رقم التليفون فقط)







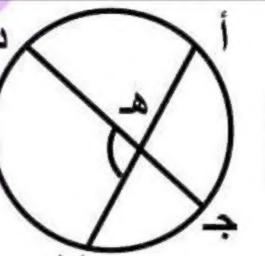
٠٠ أب قطر .. ق (أجـُب) = ٩٠ ..

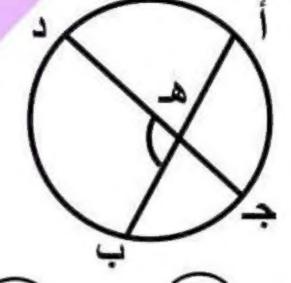
محيطية مرسومة في نصف دائرة



$$\dot{\mathbf{A}}$$
 ن ق $\dot{\mathbf{C}}$ ن ق

کل زاویتان متقابلتان مجموعهما = ۱۸۰

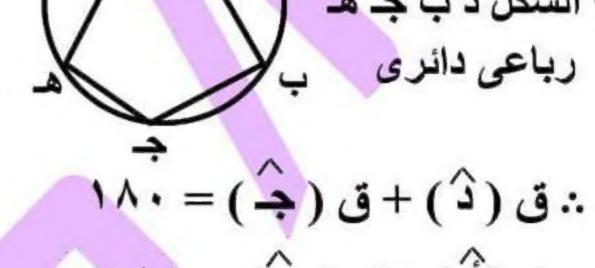




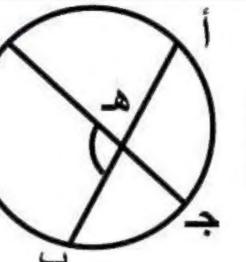
ق (أ ج) = ٢ ق (د هـ ب) - ق (د ب) ق (د ب) = ٢ ق (د هُ ب) - ق (أ ج)

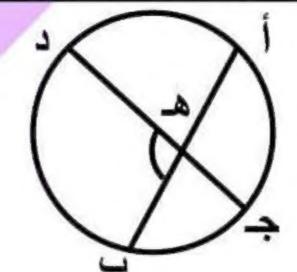
∵ △ م أ ب قائم ، ق (ب) = ۳۰

الضلع المقابل للزاوية ٣٠ = نصف طول الوتر

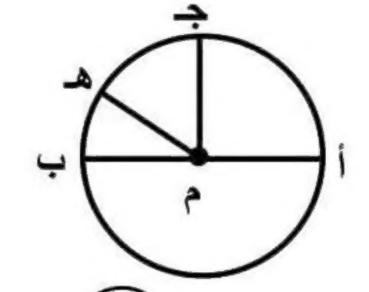


تمرین مشھور 🕦



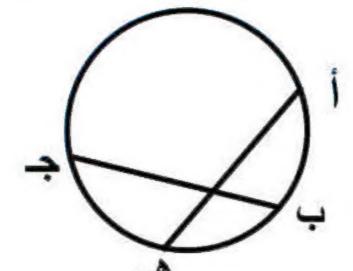


ق (د هرب) = أ ق (أج) + ق (د ب)]



٠٠ أب قطر ٠٠ق(أجب) = ١٨٠ ن ق (أ ج) + ق (ج هـ) + ق (هـ ب) ن ق (أ ج) ب ق (ج هـ)

مراجعة هندسة – تالتة إعدادك

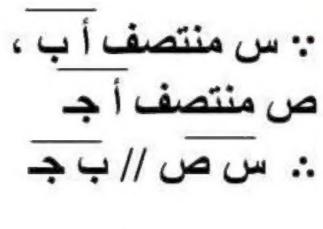


ق (أب هـ) = ق (أب) + ق (ب هـ) ق (ب ه ج) = ق (ج ه) + ق (ب ه) لاحظ أن: القوس ب هـ مشترك بينهما

ن الشكل أب جدد رباعي دائري

. ق (أ ب م الخارجة = ق (د)

الزاوية الخارجة = المقابلة للمجاورة



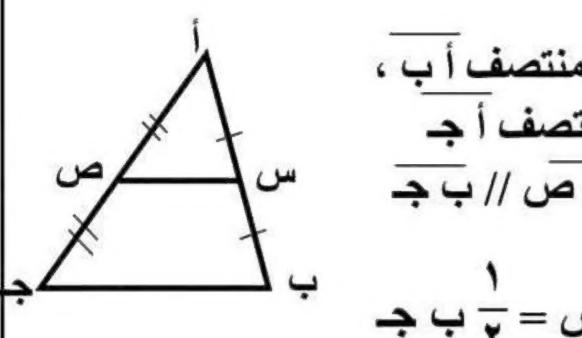
الأقواس المتساوية في الطول

متساوية في القياس

والعكس

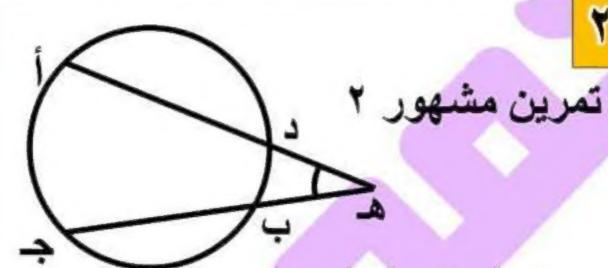
٠٠ طول أب = طول جدد

نق (أب) = ق (جد)



طول القوس = $\frac{\ddot{a}_{\mu} - m}{m_{\tau}} \times \tau$ تق

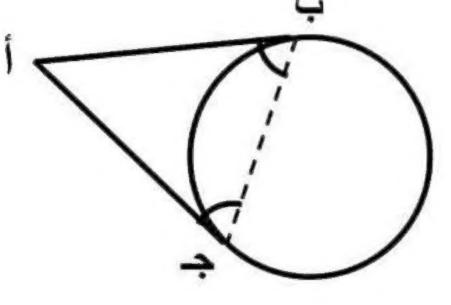
إعداد أ/ محمود عوض



ق (هُ = أ و (أ ج) و (د ب)] ق (أج) = ق (د ب)+ ٢ ق(هـ) ق (د ب) = ق (أ ج) - ٢ ق(هـ)

∴ △ أ ب جـ قائم ، ب د ⊥ الوتر أ جـ

<u>اب×ب</u> .. ب د = اب×ب



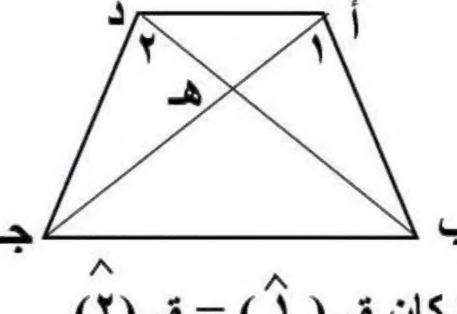
ن أب ، أج قطعتان مماستان $(\hat{-})$ $\vec{0} = (\hat{-})$ $\vec{0}$ $(\hat{-})$ $\vec{0}$

لإثبات أن الشكل رباعي دائري ابحث عن احدى الحالات الآتية:

١- زاويتان متقابلتان متكاملتان ٢- زاوية خارجة تساوى المقابلة للمجاورة ٣- زاويتان مرسومتان على قاعدة واحدة وفي جهة واحدة منها ومتساويتان

49

إقليدس



إذا كان ق (١) = ق (٢) : أب جد درباعي دائري والعكس صحيح

ق (أ ب ج) = ق (أ ج ب)

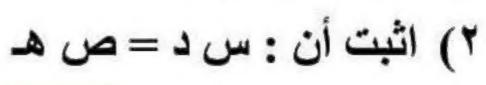
أم ل بج

أبمج رباعی دائری

امثلة محلولة

ا في الشكل المقابل:

أب = أج ، ق (أ) = ٠٧° س منتصف أب ، ص منتصف أج ١) أوجد ق (د م هـ)



· س منتصف أب نمس 1 أب

ن ق (م ش أ) = ۹۰°

· ص منتصف أج م ص 1 أج

ن ق (م ص أ) = ٩٠٠ :

ن ق (دم هـ) = ١١٠ - (٢٠ + ٩٠ + ١١٠) = ١١٠°

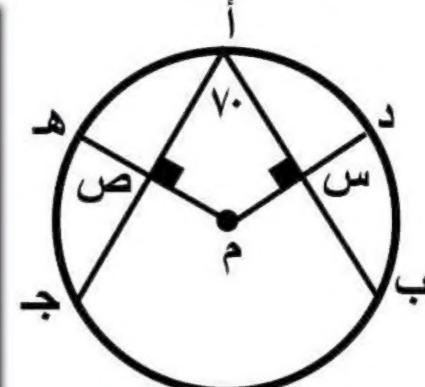
 \therefore م $\omega = \alpha$ س (أبعاد متساوية) \rightarrow ١

· م ه = م د (أنصاف أقطار) - ٢

بطرح ۱ من ۲ بنتج: ص ه = س د

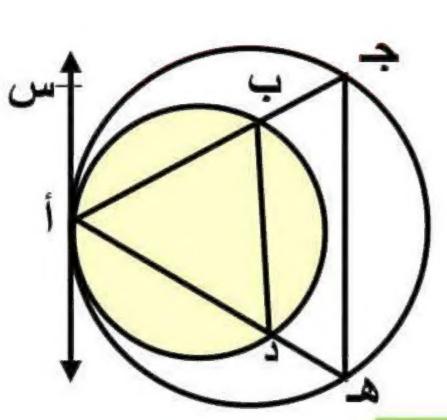
· · مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي أس م ص =

· أج= أب (أوتار متساوية)



٣ في الشكل المقابل:

أس مماس مشترك لدائرتين متماستين اثبت أن: بد//جه



في الدائرة الصغرى:

ن ق (س أب) المماسية = ق (أدب) المحيطية →(١) مشتركتان في أب

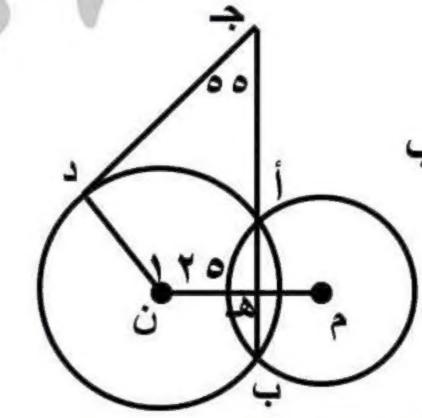
في الدائرة الكبرى:

ق (س أج) المماسية = ق (أ هُج) المحيطية → (٣) لأنهما مشتركتان في أج من ۱ ، ۲ ینتج أن :

ق (أدب) = ق (أهرج) وهما في وضع تناظر ∴ بد//جھ

الشكل المقابل:

م، ن دائرتان متقاطعتان في أ، ب ق (م ن د) = ٥٢١° ق (ب جُد) = ٥٥° اثبت أن جدد مماس



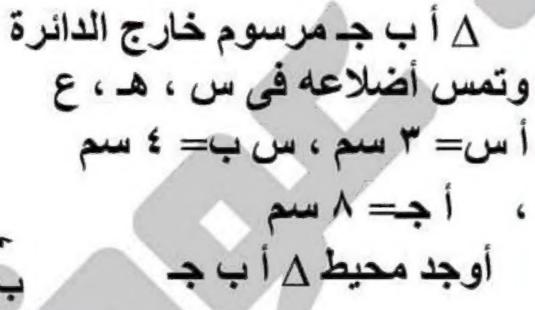
٠٠ أب وترمشترك ، من خط المركزين

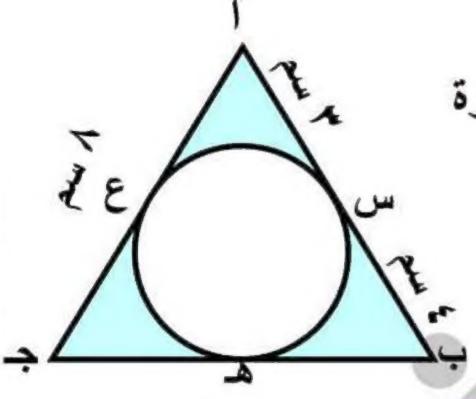
$$^{\circ}$$
 ه $^{\circ}$ ن أ ب $^{\perp}$ ه ن ن ف (أه ن) = ۹۰ ه ن ن أ ب

· : مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي = ٣٦٠°

نند ل جدد ن جدد مماس (وهو المطلوب اثباته)

عي الشكل المقابل؛





ن أس = أع قطعتان مماستان

∴أع = ٣ سم

. ع جـ = ٨ - ٤ = ٥ سم

· ج ع = ج ه قطعتان مماستان

∴ جـ هـ = ٥ سم

تبه = بس قطعتان مماستان

ن ب ه = ٤ سم

. ب ج = ٤ + ٥ = ٩ سم

.: محيط ∆أب ج = ٧ + ٨ + ٩ = ٢٤ سم

مراجعة هندسة – تالتة إعدادى

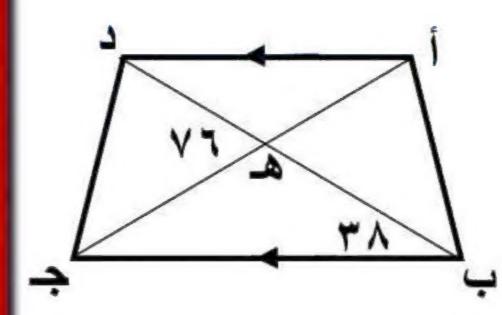
. 17. 707. 749

في الشكل المقابل:

أ ب جـ د شكل رباعى فيه أ د // ب جـ

اثبت أن

الشكل أب جد درباعي دائري



الحل -

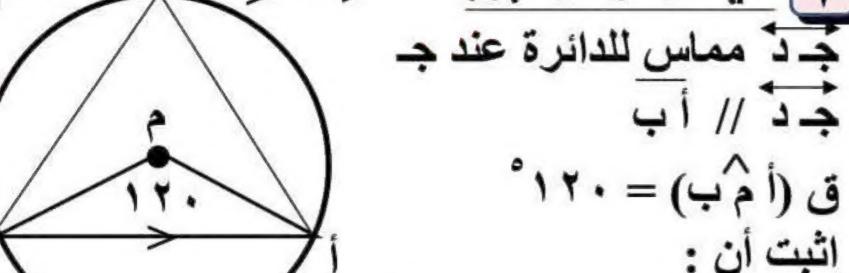
في ∆ ب هـ جـ :

٠٠ أد // بج

وهما مرسومتان على قاعدة واحدة د ج

ن الشكل أب جد رباعي دائري

∨ في الشكل المقابل؛



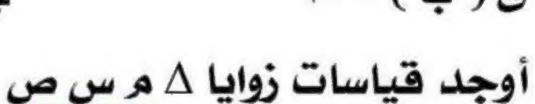
$$\ddot{\cdot}$$
 ق (د $\dot{\uparrow}$ بالتبادل $\dot{\cdot}$ ق (ج $\dot{\uparrow}$ بالتبادل

$$^{\circ}$$
 ق ($^{\circ}$) المركزية = 170 $^{\circ}$ ق (أ $^{\circ}$ ب ق ($^{\circ}$ ب ق (أ $^{\circ}$ ب ق ($^{\circ}$ ب

آ في الشكل المقابل:

<u>م</u> س ⊥ أب،م ص ⊥ أ جـ ^

ق (ب) = ۱۰۰



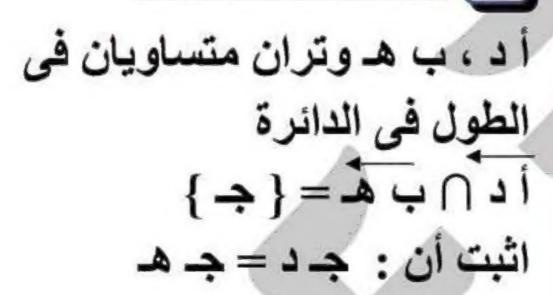
ن س منتصف أ ب
 ن س منتصف أ ب
 ن م ص ⊥ أ ج
 ن ص منتصف أ ج

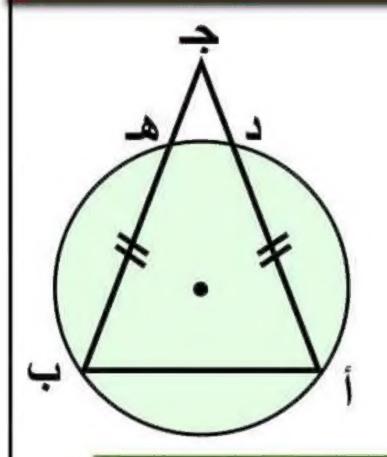
ن س ص // بج (قطعة واصلة بين منتصفى ضلعين)

$$`` ق (أس ص) = ۷۰ مق (أص س) = ۵۰ ما بالتناظر $``$$$

في ∆س م ص:

﴿ لَا فِي الشَّكَلُ الْمُقَابِلُ:





مراجعة الصفه الثالث الإعدادك

الشكل المقابل:

أب جدد شكل رباعي فيه

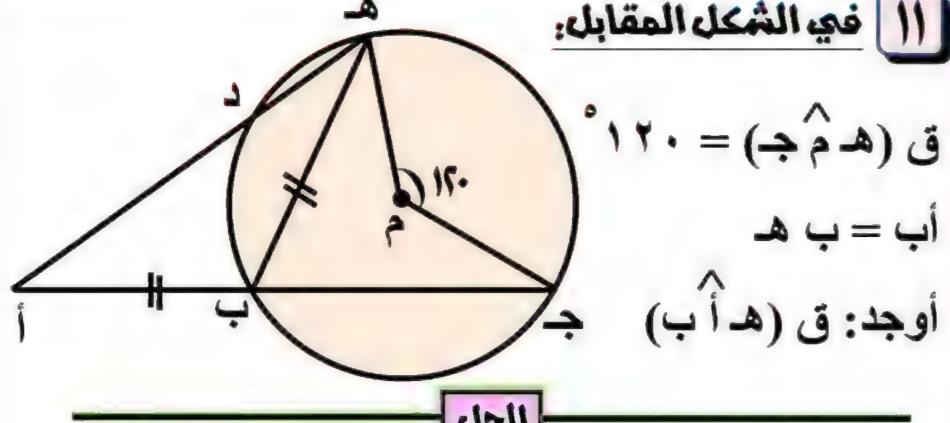
اثبت أن: الشكل أب جدد رباعي دائري

 $: i \rightarrow = i c$ $: \Delta i \rightarrow c$ or $i \rightarrow i \rightarrow c$

وهما زاويتان متقابلتان متكاملتان

ن الشكل أب جد رياعي دائري

ال في الشكل المقابل؛



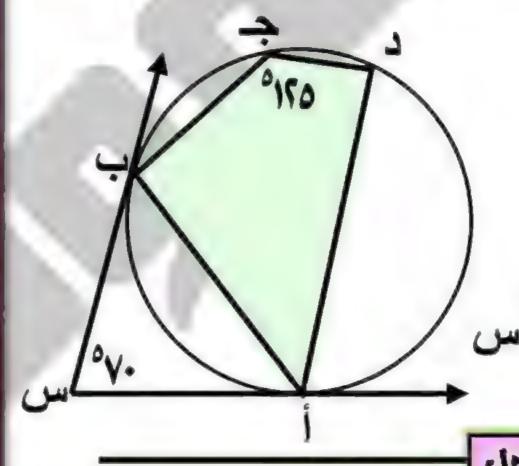
ن ق (ه بُ ج) المحيطية = أ ق (ه) المركزية

لأنهما مشتركتان في أج نق (ه ب ج) = ٦٠

∵أب=به ه ب ج خارجۃ عن ۵ ه ب أ

ا في الشكل المقابل:

س أ ، س ب مماسان ق (أس ب) = ٠٧° ق (د جُب ب) = ۲۵ اثبت أن: ١) أب ينصف دأس ٢) أد // سب



ن أب جد رياعي دائري

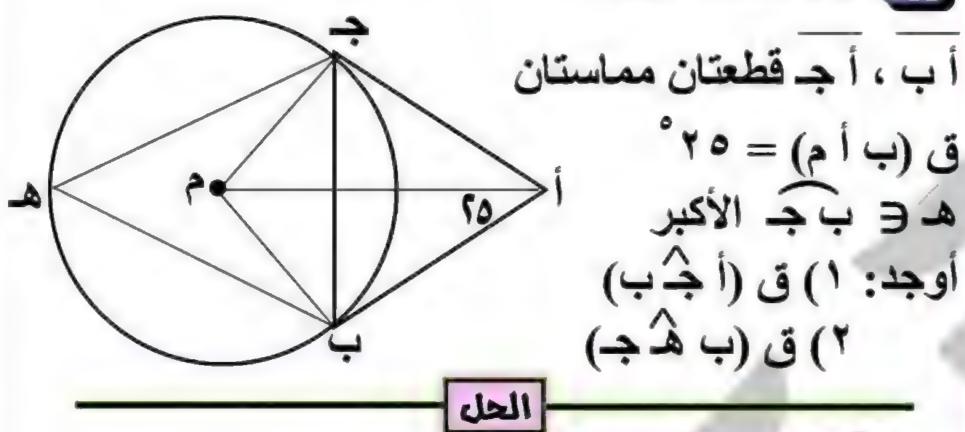
نس أ، سب مماستان للدائرة

 $\Delta \sim \Delta$ س أ ب متساوى الساقين

من ۱، ۲ ینتج أن: ق(د أب) = ق (س أب) ن أب ينصف دأس المطلوب الأول

ن ق (د أُس) + ق (سُ) = ۱۱۰ + ۷۰ + ۱۸۰ وهما متداخلتان ن نأد //سب

ا الشكل المقابل:



تأب،أج قطعتان مماستان نأم ينصف ن ق (أ) = ٢ × ٢٥ = • ٥٠

﴿ أج مماسة ، م ج نصف قطر نم ج ل أ ج ن ق (أ جُم م) = ٩٠°

كذلك : أب مماسي، م ب نصف قطر م ب أ ب ن ق (أ بُ م) = ٩٠٠

في الشكل الرباعي أب م ج

ن ق (به ج) المحيطية = أ ق (ب م ج) المركزية = ٦٥ ·

ا في الشكل المقابل:

أ ب جدد مستطيل مرسوم داخل

ج ه = ج د

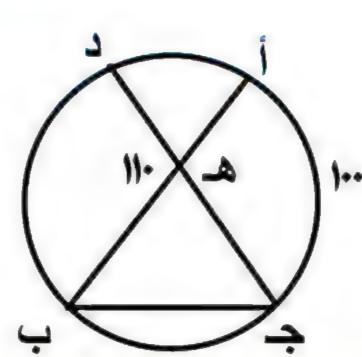
اثبت أن: أه = ب ج

الشكل المقابل؛

ج منتصف أب

ق (مأب) = ۲۰°

الشكل المقابل؛



٠ أ ب = د ج خواص المستطيل ، ه ج = د ج (معطى)

بإضافة ق (به) للطرفين

∴أه=بج هطث

من تمرین مشهور ۱ :

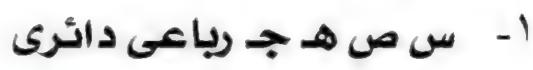
$$(\hat{a}) = \hat{a}(\hat{a}) = \hat{a}(\hat{a}) = \hat{a}(\hat{a})$$

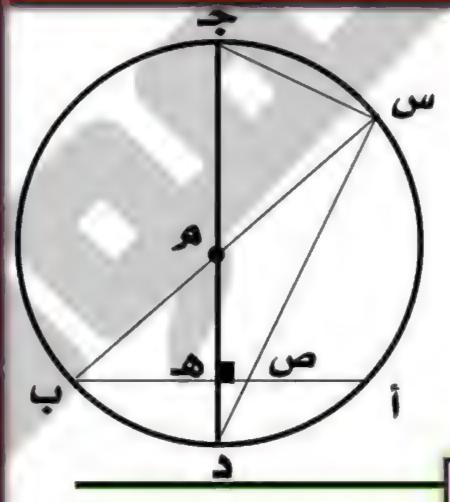
 $= \hat{a}(\hat{a}) = \hat{a}(\hat{a})$
 $= \hat{a}(\hat{a}) = \hat{a}(\hat{a})$

$$(\hat{c},\hat{c},\hat{c},\hat{c},\hat{c},\hat{c})$$
 ق (\hat{c},\hat{c},\hat{c}) ق (\hat{c},\hat{c},\hat{c}) ق (\hat{c},\hat{c},\hat{c})

اع الشكل المقابل:

جد قطر ل أب اثبت أن :





أوجد: ق (ب هُد) ، ق (أدب)

جم أ = مب أنصاف أقطار

 $\Delta \alpha$ أ ب متساوى الساقين $\Delta \alpha$ ن ق $\Delta \alpha$ أ ب متساوى الساقين $\Delta \alpha$

٠٠ ج منتصف أب م ج لـ أب نق (م جُ ب) ٥٠٠ ٢

في ۵ م جـ ب: ق (جـ مُ ب) = ١٨٠ - (٢٠٠ + ٢٠٠) = ٢٠٠ في ۵

· ق (بهُ د) = - ق (دهُ ب)

محيطية ومركزية مشتركتان في أ ب

ن ق (ب هُ د) = ٣٥ المطلوب الأول

فی \triangle أ مر ب: ق (أ مر ب) = ۱۸۰ = (۲۰+ ۲۰) = ۱٤۰

ن ق (أ د ب) = ق (أ م ب) المركزية = ١٤٠

∵ جـد ⊥أب ن ق (ج هُ ص) = ۹۰ د د ت ق (جـ سُ د) = ٩٠ محيطية مرسومة في نصف دائرة نق (جهس) + ق (جس د) = ۱۸۰ (متقابلتان متكاملتان)

المطلوب الأول ن س ص ه ج رباعی دائری

﴿ قُ (د صُ ب) = ق (جُ) لأن قياس الزاوية الخارجة = قياس المقابلة للمجاورة

ن ق(د بُس) = ق (ج) → (٢)

لأنهما محيطيتان مشتركتان في سُ دَ

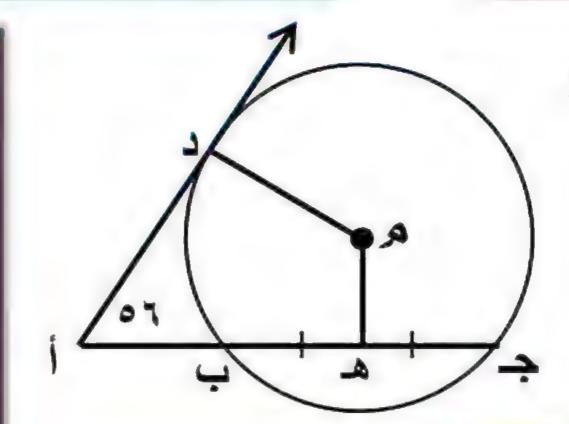
من ۱، ۲ ینتج أن : ق(د ش ب) = ق (د ب س)

مراجعة الصف الثالث الإعدادك

. 17. 707. 749

المقابل؛ في الشكل المقابل؛

ا د مماس للدائرة عند د هـ منتصف \overline{x} منتصف \overline{x} ق $(\hat{t}) = 7°$ ق $(\hat{t}) = 4°$ أو جد ق (\hat{t}) هـ أو جد ق (\hat{t})



الشكل المقابل؛

ج أ = جب

اثبت أن: أد مماس للدائرة المارة برؤوس \ أب ج

٠٠ جا = جب

ن ق (جأب) = ق (ب) = ٥٦°

ن ق (د أحب) = ١٣٠ - ٦٥ = ٥٦°

ن ق (دأج) = ق (بُ) ن ق (دأج)

ن أد مماس للدائرة المارة برؤوس ۵ أ ب ج

الحل

ن أد مماس ، مدنصف قطر ∴مد ل أد

· ه منتصف جب نمه لجب

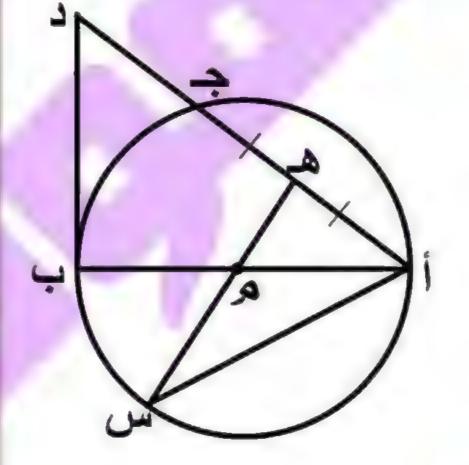
· مجموع قياسات الشكل الرباعي م هـ أ د = ٣٦٠ ·

الشكل المقابل:

أب قطر في الدائرة م هـ منتصف أجر، دب مماس اثبت أن:

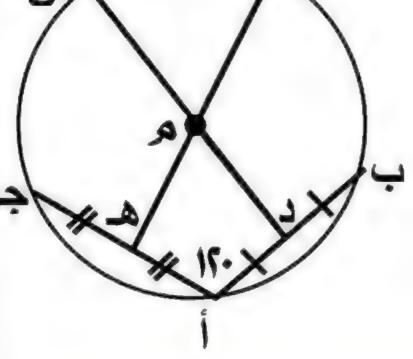
۱) مبده رباعی دائری

$$(\hat{L})$$
 ق (\hat{L}) ق (\hat{L}) ق (\hat{L})



وي الشكل المقابل؛

د، همنتصفا أب، أجعلى الترتيب على الترتيب ق (أ) = ١٢٠ اثبت أن:



 Δ س ص م متساوى الأضلاع

الحل

ت د ب مماس ∴ د ب ۱ أ ب

· ه منتصف أ ج · م ه ل أ ج

من ۱، ۲ ینتج أن: ق (بُ) + ق (م هُد) = ۱۸۰۰

ن الشكل م ب د ه رباعي دائري

$$\ddot{}$$
 ق (\dot{c}) = \ddot{o} (\dot{c}) ق (\dot{c}) ق (\dot{c}) \ddot{o} \ddot{o} \ddot{o}

 \wedge ق (بأس) المحيطية = $\frac{1}{7}$ ق (ب α س) المركزية \rightarrow 3

$$(\hat{c})$$
 من ۲ ، ۶: \dot{c} (\dot{c}) من ۲ ، ۶: \dot{c} \dot{c}

- الحل

ت د منتصف أ ب نم د \perp أ ب نم د منتصف أ ب نم د أ ب نم د أ ب نم ق (م د أ) = ۹۰ د ا

ته منتصف أج نه هـ \bot أج نه منتصف نه في الم ثه أي منتصف نه في الم ثه أي منتصف نه في الم ثم أي منتصف أ

· مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي = ٣٦٠°

ن ق (د مُ هـ) = ۲۲۰ − (۹۰ + ۹۰ + ۱۲۰) = ۰۲°

ت م ص = م س (أنصاف أقطار)

 $3 \cdot = (a \hat{\omega} \omega) = \ddot{\omega} (a \hat{\omega} \omega) = 1 \cdot \ddot{\omega}$

∴ ك س ص هر متساوى الأضلاع (جميع زواياه ٦٠°)

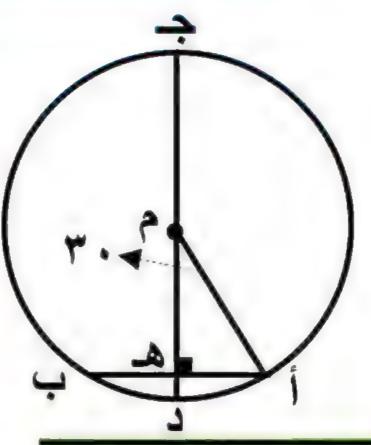
مراجعة هندسة – تالتة إعدادى

. 17. 707. 749

(۱۱ في الشكل المقابل:

مهلأب

جد قطر في الدائرة م ق (أمُ هـ) = ٣٠ أوجد طول جدد، م هـ



نمه ۱ أب نه متصف أب نأهـ = ٥ سم

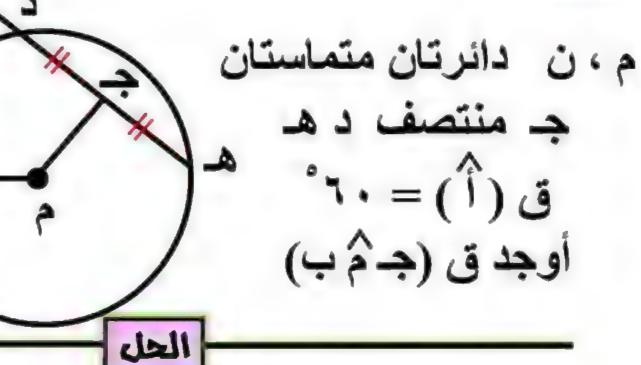
$$: \ddot{o}(\dot{a}) = 0$$
 $\therefore \dot{a} = \frac{1}{4} \dot{a}$ $\therefore \dot{a} = 0$ سم $\therefore \dot{a} = 0$ سم

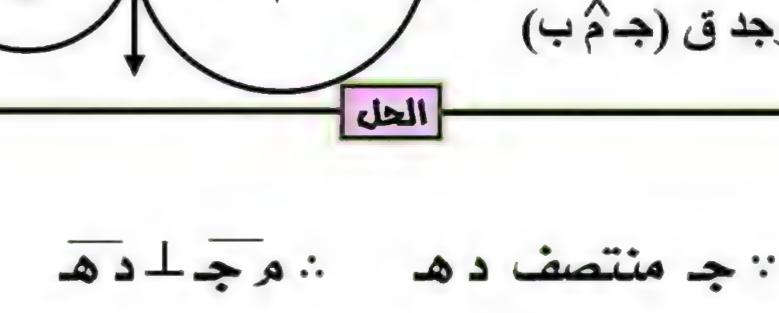
ن القطرح د = ١٠ × ٢ = ٢٠ سم المطلوب الأول

في △ م ها من فيثاغورث:

$$(a a_{-})^{2} = (1 a_{-})^{2$$

المقابل؛ في الشكل المقابل؛





(٢٢ في الشكل المقابل:

بَج قطر، أو مماس دو ل بج، اثبت أن:

- ١) الشكل أبده رباعي دانري
- ٢) ٨ أو ه متساوى الساقين

· ب ج قطر

 ن ق (ب أُ ج) = ۹۰ (محیطیۃ في نصف دائرۃ) → ۱ ن ق (هـ دُ جـ) = ٩٠٠ → ٢ ∵دوً⊥بج

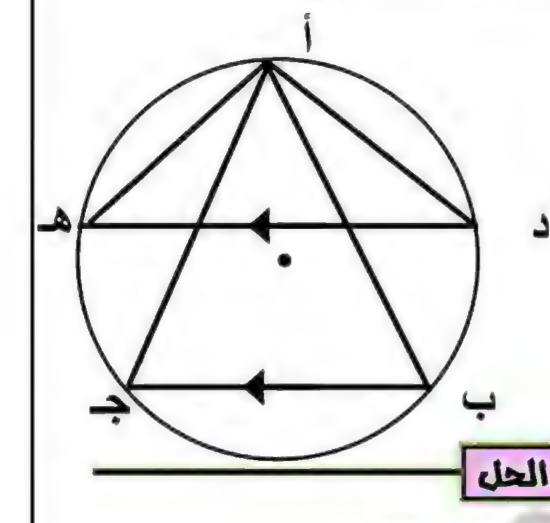
من ۱، ۲ ینتج أن:

ق (هد د ج) الخارجة = ق (ب أج) المقابلة للمجاورة ن الشكل أبده رباعي دائري

 ∴ ق (أ هُ و) الخارجة = ق (بُ) المقابلة للمجاورة → ٣ ن ق (وأهـ) المماسية = ق (بُ) المحيطية → ٤ من ٢ ، ٤ ينتج أن: ق (أهُ و) = ق (وأه) ∴ ۵ أوه متساوى الساقين

الشكل المقابل:

اب جه مثلث مرسوم داخل دائرة د ه // ب ج اثبت أن: ق (د أج) = ق (ب أه)



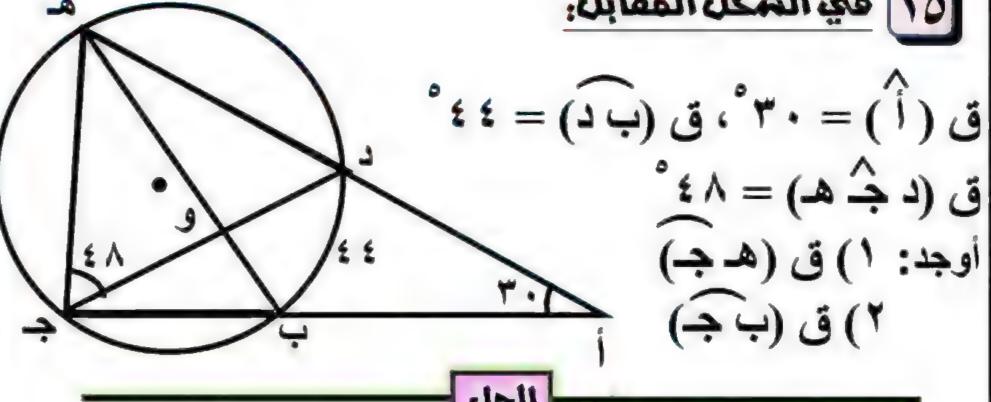
نده//ب

ن ق(دأب) المحيطية = ق (هأج) المحيطية لأنهما محيطيتان أقواسهما متساويت

وبإضافة ق (بأج) للطرفين

ن ق (د أُ ج) = ق (ب أُه)

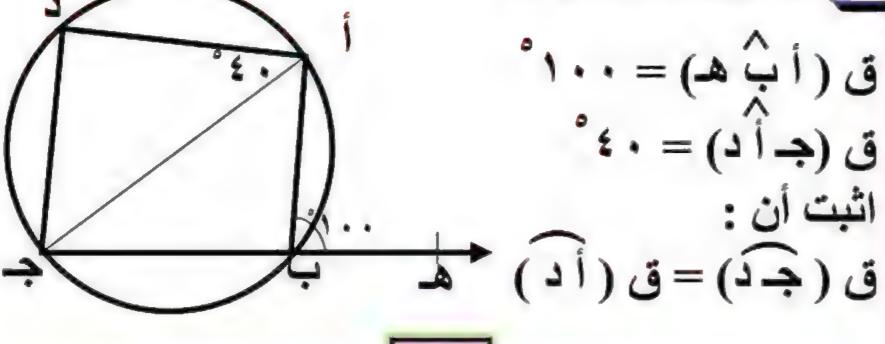
الشكل المقابل؛



من تمرین مشهور ۲ ،

١٦ في الشكل المقابل:

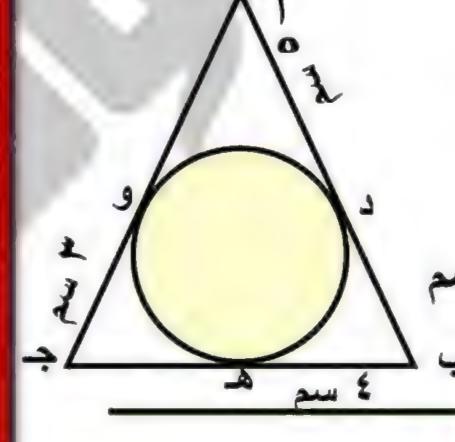
مراجعة الصفه الثالث الإعدادك



الحل

ن أ به ه زاوية خارجة عن الرباعي الدائري أ ب جد

الشكل المقابل:



طول نصف قطرها = ۷ سم $\frac{77}{\sqrt{}} = \pi$ أوجد طول أب حيث $\pi = \frac{100}{\sqrt{}} = \pi$ ألحل $\frac{100}{2}$ ثق (أب) = ۹۰ ثق طول القوس = $\frac{100}{2}$ سم القوس $\pi \times \pi$ نق طول القوس = $\frac{100}{2}$

الشكل المقابل:

م دائرة ، ق (أمُب) = ٩٠ °

$$= \vee \times \frac{\forall \forall}{\forall \forall} \times \forall \times \frac{\forall \forall}{\forall \forall} =$$

أوجد قياس القوس الذي يمثل - الدائرة.

ثم احسب طول هذا القوس إذا كان طول نصف قطرالدائرة ٧ سم .

الحل -

 $^{\circ}$ الد القوس الذي يمثل $\frac{1}{\pi}$ الدائرة = $\frac{770}{\pi}$ = 1۲۰ فياس القوس الذي يمثل الدائرة

طول القوس =
$$\frac{\ddot{a}_{\mu\nu}}{\pi \cdot \tau}$$
 نق

$$=\frac{YY}{Y}\times Y\times \frac{YY}{Y}=$$
 اسم

 $\overline{-}$ جـ هـ ، جـ و قطعتان مماستان $\overline{-}$ جـ هـ = جـ و = ۳سم

ن أد ، أو قطعتان مماستان

∴ أ د = أ و = ٥سم

ت بد ، به قطعتان مماستان

نبد = به = ٤ سم

مراجعة هندسة – تالتة إعدادى

(٢٢ في الشكل المقابل:

ق (ب ج) = ق (د هـ)

٢-اثبت أن: أب = أد

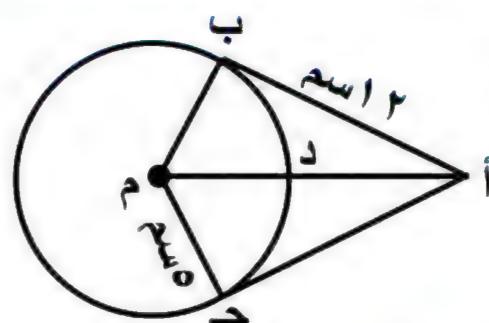
١-أوجد: ق (ب د) الأصغر

ق (أ) = ۳۰°، ق (هـج) = ۲۱°

. 17. 707. 749

الشكل المقابل:

أج، أب مماستان أب = ١٢ سم ، جم = ٥ سم أوجد طول: أج، أد



الحل

ن أب = أج قطعتان مماستان

ن أج مماست ، م ج نصف قطر

في △أجم من فيثاغورث:

$\widetilde{g}(\widehat{a}) = \widetilde{g}(\widehat{a})$ $\widetilde{g}(\widehat{a})$ $\widetilde{g}(\widehat{a})$

من تمرین مشهور ۲ :

ق (بد) = ق (ه ج) - ۲ ق (أ) = ۱۲۰ = ۲۰ - ۲۰

بطرح ٢ من ١ ينتج أن : أب = أد

الآ في الشكل المقابل:

جد الباهد أو ينصف د أهد ق (و أهد) = \cdot ق (\cdot) = \cdot ق (\cdot) = \cdot \cdot ق (\cdot) = \cdot \cdot أق (\cdot) = \cdot \cdot أق (\cdot) = \cdot أو الم أو ا



اثبت أن: الشكل أب جدد رباعي دائري

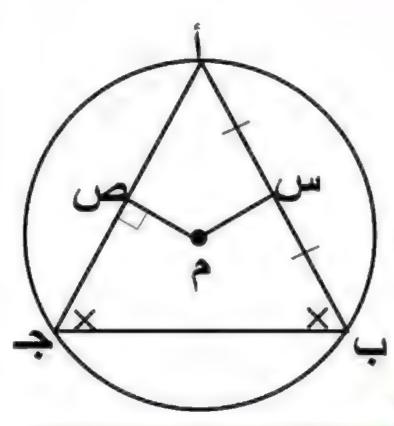
٠٠ أو ينصف دأه

من ۲،۱ ینتج آن:

ق (د أه) الخارجة = ق (جُ) المقابلة للمجاورة ند أها الشكل أب جدد رباعى دائرى

الشكل المقابل:

ا ب ج \triangle مرسوم داخل دائرة م ق (\triangle) = ق (\triangle) ق (\triangle) م منتصف أ ب ، م ص \triangle اثبت أن : م س = م ص



الحل

ن س منتصف أب

ن مرس ١٠ أب

في ∆أبج؛

 $(\hat{\mathbf{x}}) = (\hat{\mathbf{x}}) = (\hat{\mathbf{x}})$

∴أب = أج أوتارمتساويت

∴ م س = م ص (أبعاد متساويت)

الشكل المقابل:

أب، أجفطعتان مماستان أب // جد،

ق (ب م د) = ١٣٠

١-اثبت أن: جب ينصف أجد

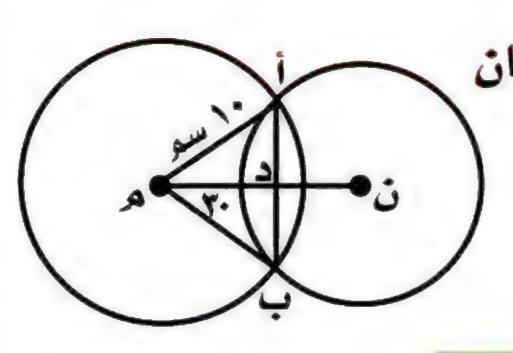
٢- أوجد ق (أ)

 \vec{v} ق (ب بحد) المحیطیۃ = \vec{v} ق (مُ) المرکزیۃ

ن ق (أ ب ج) = ق (ب ج د) = $^{\circ}$ بالتبادل $^{\circ}$ ن ق (أ ب ج ف (ب ج د) = $^{\circ}$ بالتبادل $^{\circ}$ ن أ ب = ب ج (قطعتان مماستان)

ن جب ینصف أ جد المطلوب الأول \hat{a} و بنصف أ جد \hat{c} المطلوب الأول \hat{c} و \hat{c} و \hat{c} (\hat{c}) = \hat{c}

(٢٦ في الشكل المقابل:

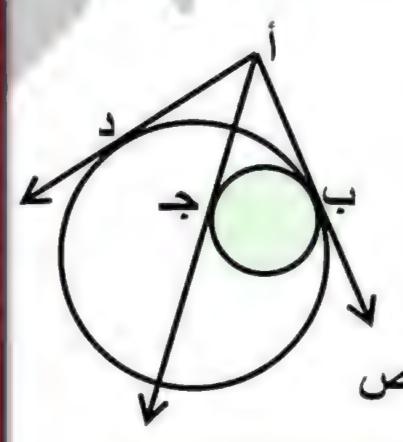


ت م أ = م ب أنصاف أقطار م ب = ١٠ سم

ن من خط مرکزین ، أ ب وتر مشترک می د $\overline{}$ ن من خط مرکزین ، Δ م د ب قائم فی د فی Δ م د ب:

: خط المرکزین م ن ینصف الوتر المشترک أ ب : ا ب : ا ب : ا ب : ا ب : ا ب : ا س م

الشكل المقابل:



دائرتان متماستان من الداخل فی ب أب مماس مشترك للدائرتین أج مماس للصغری، أد مماس للكبری أج مماس للكبری أج = (7 - 1) سم أب = (7 - 1) سم أد = (7 - 1) سم أد = (7 - 1) سم أوجد قيمة س ، ص

1211

ن أب= أج قطعتان مماستان للدائرة الصغرى

∴ أ ب = ١٥

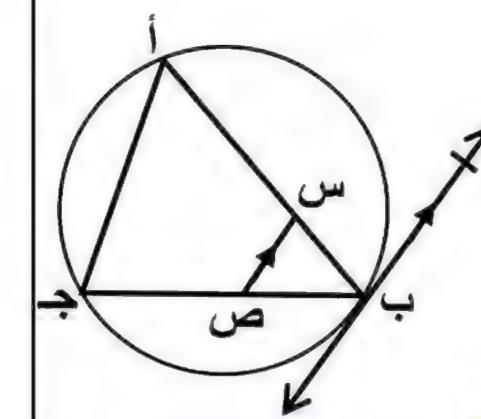
 $1\lambda = \omega Y \quad \Leftrightarrow \quad 10 = W - \omega Y \quad \therefore$ $9 = \omega \quad \therefore$

ن أب=أد قطعتان مماستان للدائرة الكبرى

ن أ د = ١٥ نص - ٢ = ١٥ ∴

ن ص = ۱۷

الشكل المقابل:



أب ج △ مرسوم داخل دائرة س ص // ب د الله الثبت أن: أس ص ج رباعي دائري أس ص ج رباعي دائري

ن س ص ۱۱ بد

ن ق (أ بُ د) = ق (ص شُ ب) بالتبادل → (١)

ن ق (أ بُ د) المماسية = ق (جُ) المحيطية → (١)

من ۱ ، ۲ ینتج أن :

ق (ص ش ب) = ق (جُ

أي أن : قياس الزاوية الخارجة = قياس المقابلة للمجاورة

ن الشكل أس ص جد رباعي دائري

الشكل المقابل:

ه ، ن دائرتان متقاطعتان في أ ، ب م أ = ٢سم ، ن أ = ٨سم ه أ لـ أن

أوجد طول أب

في ∆أمرن (من فيثاغورث):

$$1 \cdot = ^{1} + ^{1} = ^$$

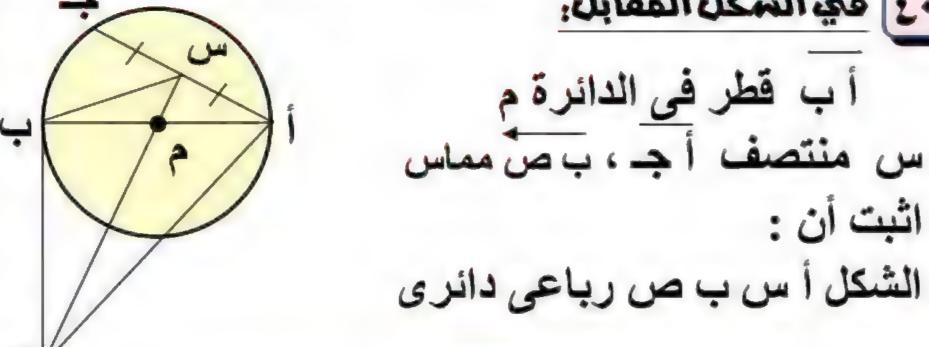
∴من لأب ∵أب وترمشترك

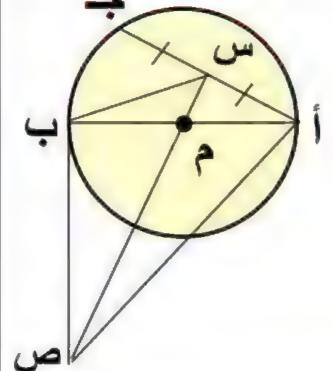
من اقلیدس: أج=
$$\frac{1 \times 10}{0}$$
 = $\frac{1 \times 10}{0}$ = $\frac{1 \times$

ن أ ب = ۲ × ۸۰٤ = ۹۰٦ سمر

٠٤ في الشكل المقابل:

اثبت أن:





ن س منتصف أج نمس أج

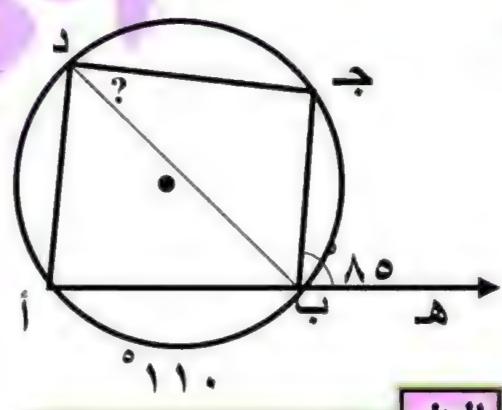
الحل

تبص مماس ،أبقطر نأب بص ن ق (م بُ ص) = ۹۰ - ۱۹۰ نق نه

من ۱ ، ۲ ینتج أن :

ق (أسمص) = ق (أبص) وهما مرسومتان على قاعدة واحدة وهي أ ص وفي جهم واحدة منها ن أس ب ص رباعی دائری

الشكل المقابل:



ه و أب ق (أب) = ١١٠° ق (جب ها) = ٥٨° أوجدق (ب د جـ)

ت ق (أب) = ١١٠°

$$^{\circ}$$
 ق (ب د أ) المحیطیۃ = $\frac{1}{7}$ ق (أب) = $\frac{1}{7}$ = $^{\circ}$ د ق (ب د أ) المحیطیۃ = $\frac{1}{7}$

ت جب به خارجة عن الرباعي الدائري أب جدد

اع في الشكل المقابل؛



ن أب مماس المألأب الم ∴ ۵ م أب قائم

من فيثاغورث ، في 🛆 مرأب (أ ب) = ٢٥٦ = ١٩٢ = ١٩٢

ن أ ب = / ۱۹۲ = ۸ / ۳ سم

نَ أَ جِهِ هو الضلع المقابل للزاوية ٣٠°

ن أ ج = $\frac{1}{7}$ الموتر أ ب ن أ ج = $\frac{1}{7} \times \lambda \times \frac{1}{7} = 3$ سم 18

مراجعة الصف الثالث الإعدادي

عي الشكل المقابل:

أوينصف بأج

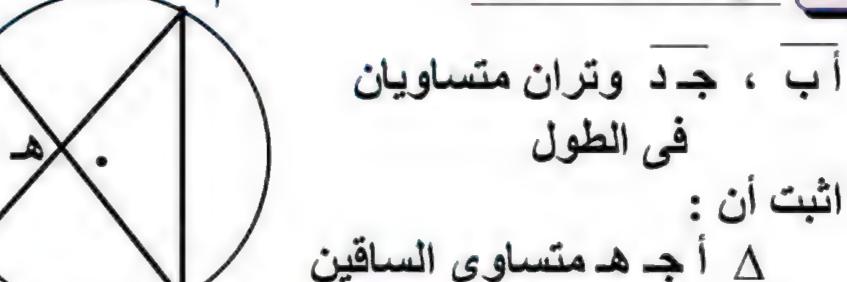
د ب ه و رباعی دائری

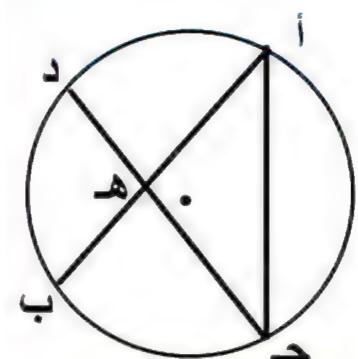
أد=أج،

اثبت أن:

. 17. 707. 749

ا كا في الشكل المقابل:





۵ ۵ اده ، أجه فيهما:

- ق (دأه) = ق (جأه)
 - أد = أج
 - أه ضلع مشترك

(لأنهما محيطيتان مشتركتان في القوس أب)

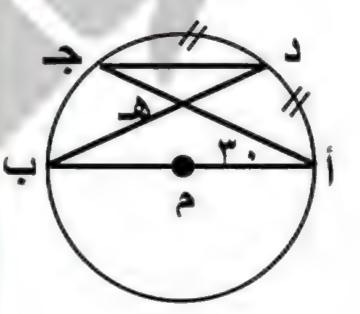
ن الشكل د ب وه رباعي دائري

ن ق (أب) = ق (جدد)

٠٠١٠ = چـ د

 $\triangle 1$ ج ه متساوی الساقین $\triangle 1$

:طباقما الكشااية



أب قطر في الدائرة م ق (جأب)= ۳۰°، د منتصف أج ١- أوجد ق(ب (ج) ، ق (أ د)

٢ - اثبت أن : أب // جد

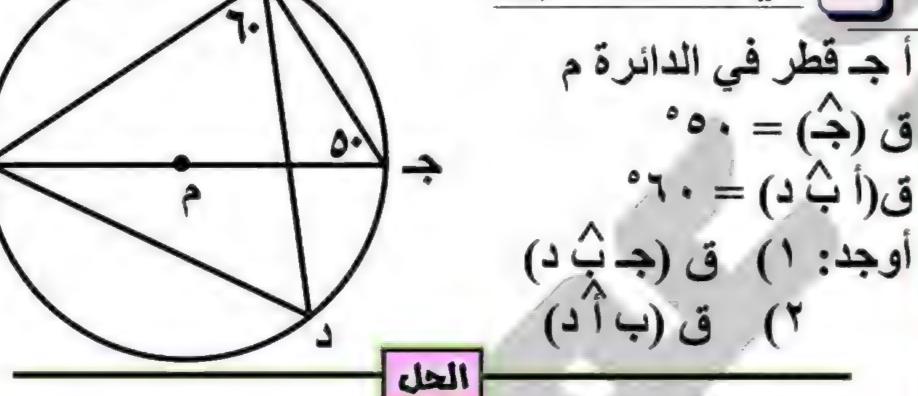
$$(\dot{\mathbf{r}} \cdot \hat{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}}) = \ddot{\mathbf{o}} \cdot (\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}})$$
 $(\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}}) = \ddot{\mathbf{o}} \cdot (\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}})$
 $(\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}}) = \ddot{\mathbf{o}} \cdot (\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}})$
 $(\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}}) = \ddot{\mathbf{o}} \cdot (\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}})$
 $(\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}}) = \ddot{\mathbf{o}} \cdot (\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}})$
 $(\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}}) = \ddot{\mathbf{o}} \cdot (\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}})$
 $(\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}}) = \ddot{\mathbf{o}} \cdot (\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}})$
 $(\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}}) = \ddot{\mathbf{o}} \cdot (\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}})$
 $(\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}}) = \ddot{\mathbf{o}} \cdot (\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}})$
 $(\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}})$
 $(\dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}} \cdot \dot{\mathbf{r}})$

$$^{\circ}$$
را د $= \frac{1}{4} = ($ ا د

$$^{\circ}$$
 ق(د بُ أ) المحیطیۃ = $\frac{7}{7}$ = $^{\circ}$ د ب

 $(-10^{1}) = (-10^{1})$ وهما متبادلتان (-10^{1}) وهما متبادلتان (-10^{1})

طباقما الشكل المقابل:



ن أج قطر ، ج بُ أ محيطية مرسومة في نصف دائرة

محيطيتان مشتركتان في بأ

العائرة م اج وتران متساويان في الطول في الدائرة م س، ص منتصفا أب، أجعلى الترتيب ق (م ش ص) = ۳۰

اثبت أن: ١- ٨ مس ص متساوى الساقين ٢- ١ أس ص متساوى الأضلاع

· س منتصف أ ب نم س ل أ ب ·· ص منتصف أج .: م ص _ أ ج ن أب = أج (أوتار متساوية)

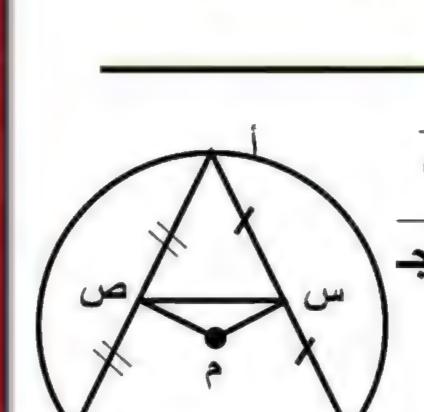
ن م س = م ص (أبعاد متساوية)

∴ ۵ م س ص متساوى الساقين

ن ق (م سُ ص) = ۴۰°، ق (م سُ أ) = ۹۰°

ن ق (أس ص) = ۲۰ - ۲۰ = ۰۲°

: A أس ص متساوى الأضلاع



٥٠ في الشكل المقابل:

الشكل المقابل؛

أب وترفى الدائرة م

اثبت أن: به > أه

جم // أب

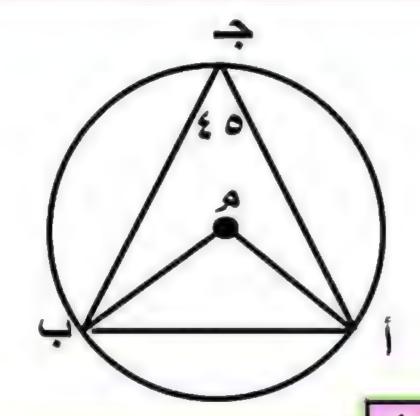
ق (جُ) = ٥٤° أوجد ق (م أب)

ال في الشكل المقابل:

أب قطر في الدائرة م

ق (دم ب) = ۰۰°

أوجد ق (أ جُد)



ن ق (أ هُ ب) المركزية = ٢ ق (جُ) المحيطية لأنهما مشتركتان في القوس أ ب

الحل

 $(\hat{A}) = Y \tilde{B}(\hat{P})$

مركزية ومحيطية مشتركتان في أج

، نجم // أب نق (مُ) = ق (أ) بالتبادل

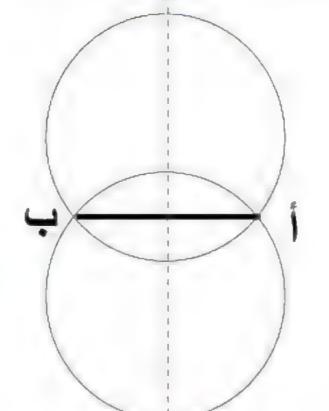
في ١١ هـ ب : ق (أ) = ٢ ق (ب)

نق (أً) > ق (بُ) نبه > أهـ نق (أً) > ق (بُ)

ن ق (أ هُ ب) = ٩٠٠

ن ق (م أ ب) = ق (م بُ أ) = به ف د م به ف الم به ف الم

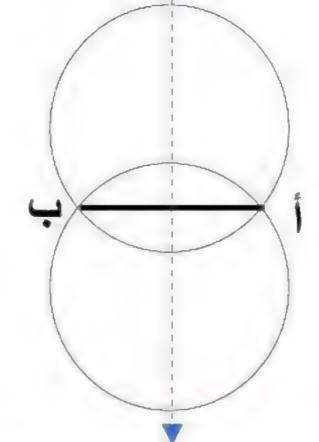
٤٧ باستخدام الأدوات الهندسية ارسم أب = ٦ سم ثم ارسم دائرة قطرها ١٠ سم تمر بالنقطتين أ، ب وكم دائرة يمكن رسمها



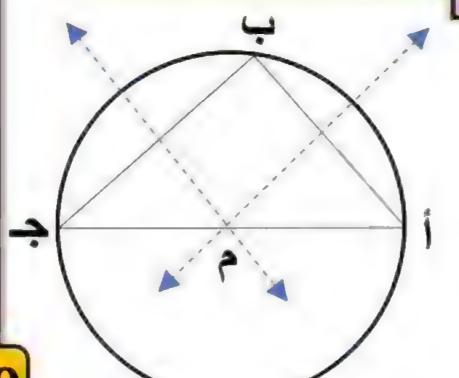
نق = ٥ سم $\frac{1}{\sqrt{2}}$ ا ب = ۳سم

 $\frac{1}{\sqrt{3}} < \frac{1}{\sqrt{3}}$ أب

عدد الحلول دائرتان



﴿ ٤٨ باستخدام الأدوات ارسم المثلث أب جالقائم حيث أب = ٣ سم ، ب ج = ٤ سم ثم ارسم دائرة تمر برؤوس المثلث ثم أوجد طول نصف قطرها



من فيثاغورث اج= ٥ سم ن المركز م ينصف وتر المثلث

ن نق = ۲٫٥ سم

آجب محیطیت مرسومت فی نصف دائرة ن ق (أ جُ ب) = ٩٠ → ١

· ق (د جُ ب) المحيطية = أ ق (د هُ ب) المركزية

ن ق (د جُ ب) = ۲٥ → ٢

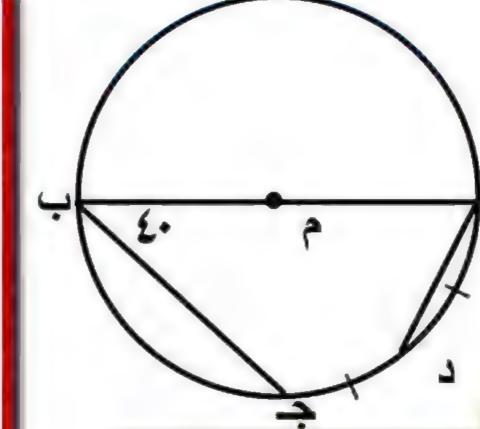
بجمع ۲،۱ ينتج أن: ق (أ جُد) = ۹۰ + ۲۵ = ۱۱۵

مراجعة الصف الثالث الإعدادي

. 17. 707. 749

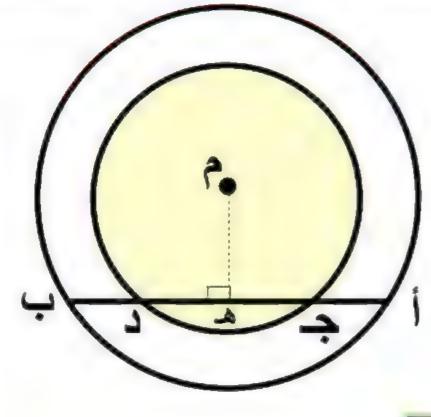
٥٢ في الشكل المقابل:

أ ب قطر في الدائرة م ق (أبُ ج) = ٠٤° $\widehat{(i c)} = \widehat{(i c)}$ أوجد ق (د أ ب)



الشكل المقابل:

دائرتان متحدثا المركز م أب وترفى الدائرة الكبرى يقطع الصغرى في جه، د اثبت أن : أج = بد



العمل: نرسم م ه لأب

في الدائرة الكبرى:

ن م هـ ـ أب ن ه منتصف أب

. أه=هب →۱

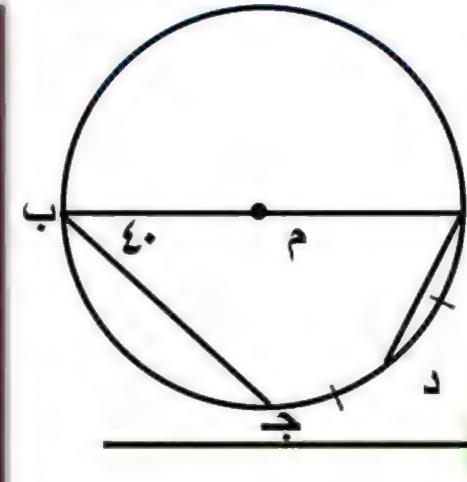
في الدائرة الصغرى:

ن ه منتصف أ ب تم هـ ـ حدد

Y ← 1 = a - :

بطرح ۱، ۲ ینتج أن:

أجـ = دب



الشكل المقابل:

دائرتان متحدتا المركز م $(\hat{A}) = \hat{B}(\hat{A})$

اثبت أن: جد = ع ل



د ا = د ج

اثبت أن:

الشكل أب جد رباعي دائري

الشكل المقابل:

اب جدد شکل رباعی

∵ ق (ب مُ د) = ۱۸۰° زاویۃ مستقیمۃ ن ق (أ هُ د) = ١٨٠ = ١٠٠٠ : ق (أ هُ د)

في∆أمرد:

ق (م أد) = ۱۸۰ - (۲۰۰ + ۲۰۰) = ۵۰

٠٠ اد = د ج

ن ق (د جُ أ) = ق (د أُ ج) = ٥٠٠

 $(i \stackrel{\wedge}{\sim} i) = (i \stackrel{\wedge}{\sim} i)$

وهما مرسومتان على قاعدة واحدة أد

الشکل أب جد رباعی دائری



· ق (بُ) = ق (هُ) ناب = اهـ

ت ق (أ د ج) = ٢ ق (ب) المحيطية

ن ق (أ د ج) = ٢ × ٤٠ = ٠٨٠

٠٤٠ = ٢ ÷ ٨٠ = (د ج) = ١٠٤٠ :

١٠ أب قطر نق (أجب) = ١٨٠٥

ن ق (ب ج) = ۱۸۰ ـ ۱۸۰ = ۱۰۰ ن ق ن

ن ق (د ج ب) = ١٠٠ + ٤٠ = ١٠٠ ن

نق (دأب) المحيطية = \ ق (د جَب) = ٧٠٠

في الدائرة الكبرى:

· أب = أه أوتارمتساوية ، ه س = لـ أب ، ه ص لـ أهـ

ن م س = م ص أبعاد متساوية

في الدائرة الصغرى:

· م س = م ص أبعاد متساوية

ن جدد = ع ل أوتار متساوية

اذكر ثلاث حالات يكون فيها الشكل الرباعي دائريا

الحل

- ١) إذا وجد زاويتان متقابلتان متكاملتان
- ٢) إذا وجد زاوية خارجة قياسها = المقابلة للمجاورة
- ٣) إذا وجد زايتان مرسومتان على قاعدة واحدة وفي جهت

واحدة منها ومتساوبتان

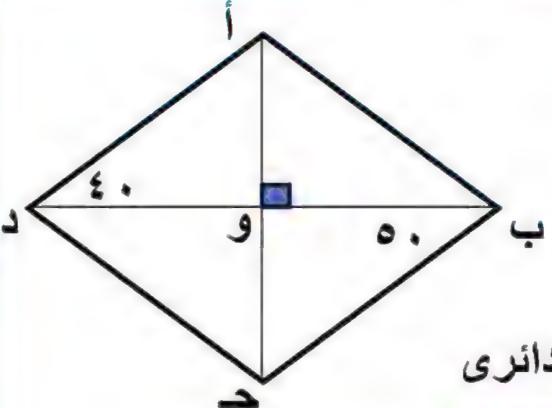
مراجعة هندسة - تالتة إعدادى

. 17. 707. 749

الشكل المقابل:

أب جدد شكل رباعي أجلبد برهن أن:

الشكل أب جدد رباعي دائري



في ۵ ب وج القائم الزاوية في و:

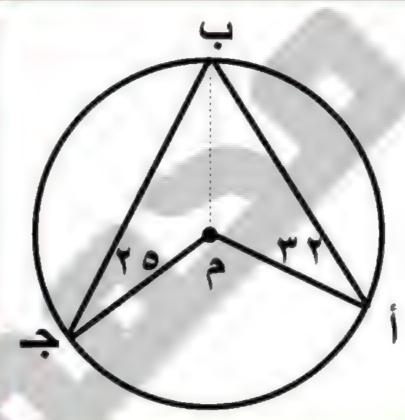
وهما مرسومتان على قاعدة واحدة أب

ن الشكل أب جد رياعي دائري

الم في الشكل المقابل: ق (أ) = ۲۲°

ق (جُ) = ه۲°

أوجد: ق (أم جـ)



العمل: نرسم ب م

تمأ = مب أنصاف أقطار

تمج=مب أنصاف أقطار

 $: \ddot{g}(i \hat{a} +)$ المركزية = ٢ $\ddot{g}(i + \hat{a} +)$ المحيطية

الشكل المقابل:

أج، أهماسان للدائرتان

اثبت أن:

بجدده



الحل

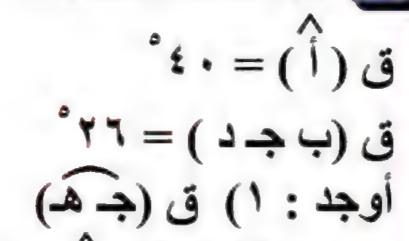
في الدائرة الصغرى:

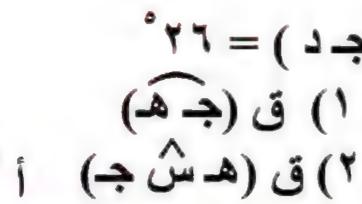
في الدائرة الكبرى:

"أج ،أهمماستان نأج=أه ← ٢

بطرح ۱، ۲ ینتج أن: بج = د ه

٦٠ في الشكل المقابل:





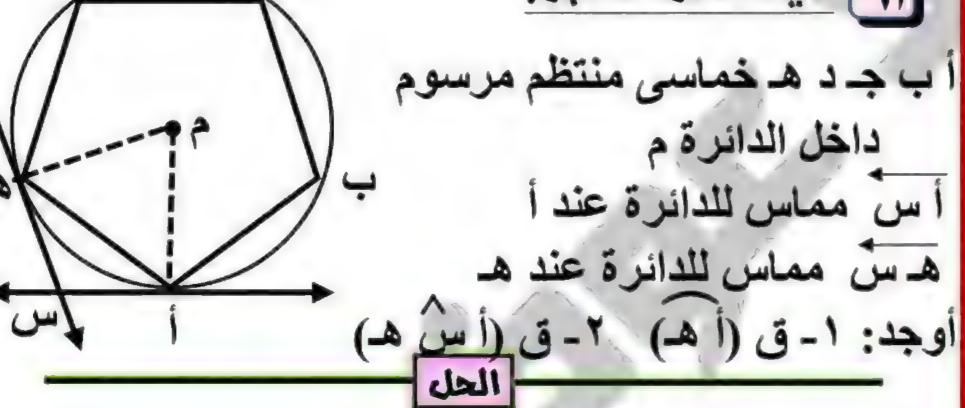
من تمرین مشهور ۲:

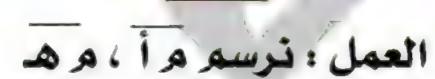
من تمرین مشهور ۱:

$$[\widehat{(a\hat{a}\hat{a})} = \frac{1}{7} = (\widehat{a}\hat{a}) + \widehat{a}(\widehat{a})$$
 اق (ھ شُ ج)

$$^{\circ} \mathbf{97} = (\mathbf{177} + \mathbf{07}) = \mathbf{79}^{\circ}$$

الآ في الشكل المقابل:





ن أب جد ه خماسي منتظم

$$\circ$$
 اس مماس $: \ddot{o}(a^{\dagger}m) = \circ$

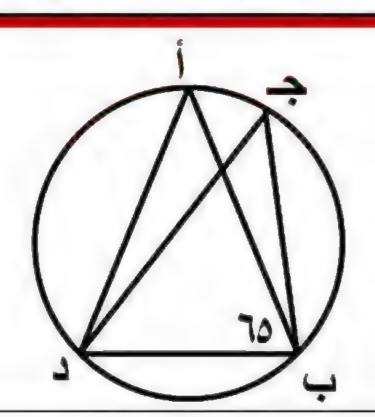
في الشكل الرباعي مرأس ه:

22

اخت الاحابة الصحيحة:

7		*		• • •	
علمين =	בי ב	•••••	• • • • • • • •	لأى دائرة هو	ا عدد محاور التماثل
راعبين	د) عدد لا نهائي (ع	*	(-	ب) (ب	أ) صفر
3	وأيسان			سف الدائة هم	عدد محاورتماثل ند
3	د) عدد لا نهائي	۲	(-	ب) ۱	أ) صفر أ
المهر عا	م ک ها	ه فانه بیعد عن	ها ۵ س	دائدة طول نصف قط	وترطوله ۸ سم في
ي الملاز	۸ (ع		ج- (ب	ب) ع ب) ع	
4'		·	. 11 - 12	т ф — « т. su. vtu ∩ ч	اذا كان المستقيم ا
	د) مماس	سسمیم ن پدون قاطع			
		• - 4 - 4 - 4 - 4 - 4 - 4 - 4 - 4 - 4 -	4.1.		
-	، مرکرها سه د) ۸	سم فإنه يبعد عن ٦	رها ۸ ن جـ)	مهاسا للدانره الني فط ب) 'ع	اذا كان المستقيم الم
	ن المستقيم ل يكون	رکزها ۳ سم فا	عن م	يم والمستقيم ل بيعد	π ٦ دائرة محيطها ٦ س
	د) قطر في الدائرة	خارج الدائرة		ب) قاطع للدائرة	أ) مماس للدائرة
	وينصفه				٧ خط المركزين لداه
	د) المماس	الوتر المشترك	(-	ب) الوتر	أ) القطر
	م فإن من =سم	ارهم ٥سم ، ٩س	ف أقطا	تان من الداخل ، أنصاه	۱ دائرتان م ، ن متماساً
	٩ ()		(-	٤ (ب	1 £ (1
	فإن م ن ∋	٥ سم ، ۲ سم	ريهما	عتان وطولا نصفي قط	م ، ن دائرتان متقاط
] ۷ , ۳ [(أ
سم	طرأحدهما ٣ سم، من=٨				اذا كان سطح الداه
		ي =سم	الأخر	فإن طول نصف قطر	
	17 (2	11	(ب) ٢	o (i
	مداهما ۵ سم ، من = ۹ سم	طول نصف قطر إ	ارج ود	م ، ن متماستان من الخ فإن طول نصف قطر	ال إذا كان الدائرتان
					4 (1
	د) ۱۶ (۵ - ۱۳ - ۱۳		ج) تهي ال	ب) ٥ (ب ٧ سه ١ نقطة في ٩ س	أ) ؛ م دائرة طول قطرها
23	د) على مركز الدائرة	على الدائرة	(- >	ب) خارج الدائرة	أ) داخل الدائرة

		•••	••••••	عصورة بين	زاويت مح	المماسيةهي	الزاوية	77
وتر و قطر	(2	وتر ومماس	(- >	مماسان		تران		
			هو	ائرتين متباعدتان	ڪټ لا	مماسات المشتر	عدد الر	57
4	(7	~	(-	*	(·		1 (1	
	•••••	كون	. ائرة ت	قوسا أصغر في الد	ي تقابل	المحيطية الت	الزاوية	51
حادة	(7			قائمة				
		••••••	هو	لأشكال التالية	ری فی ا	، الرباعي الداد	الشكل	54
شبه المنحرف	(7	متوازى الأضلاع		المستطيل		معین		
A44		ه فان آه =	ما ٦ س	ائرة م التي قطره	على الد	نت أنقطم تقع	ا اذا كا	W.
٦	(2		ب ج)		ب ب		ا · ا	
ن مرڪزها	سم م			لرها ٥سم يكون د	صف قط	لدائرة طول ن	المماسر	<u> </u>
٣	(7	صفر	(- >		· (0 (1	
	. سم	= 5	الدائر	۱ سم فإن محيط	فیها = ۲	طول أكبر وتر	دائرة د	46
π ۲ ٤	(7	π) •	ج)	π٦	ب)	π 1	Y (1	
				مركز الدائرة	يمر ب	و	القطر ه	**
مماس	(2	شعاع	(-	مستقيم	ب)	تر	أ) وأ	
						.t. 7 51 111 17	ائے۔ ا	W (
ماس	د) م	نصف قطر	ج)) قطر	ِد يسمى ف (ب	وتار الدائرة طو	احبر ۱۱ أ) وتر	12
		جـ د = ۳ سم	، ب	ا ج، مج⊥أ ة م تساوى	د منتصف	كل المقابل:	في الش	40
£.)		ام ۲	μπ	ة م تساوى	لمح الدائرة	فإن مساحة سد		
١		47 (2	٩	(-	۲ (ب		r (1	
	م	د = س	فإن م	/ سم ، م ب = ٥ سم ح	ا ب	<u>ىكل المقابل:</u>	في الش	47
		Y (2	٤ (4 (4		0 (1	

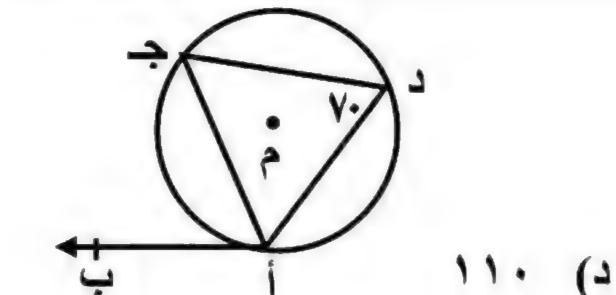


٣٧ في الشكل المقابل: أب=أد ، ق (أبُد) = ٥٦

40 (·

٣٨ في الشكل المقابل: أب مماس للدائرة م عند ب

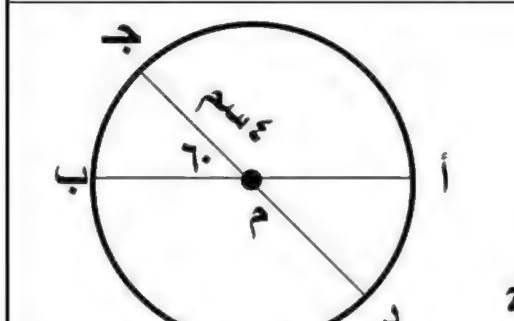
- ٧٠ (ج



٣٩ في الشكل المقابل: مدائرة ، م ج = ٤ سم

ق (جم ب) = ٢٠ فإن طول ب د =

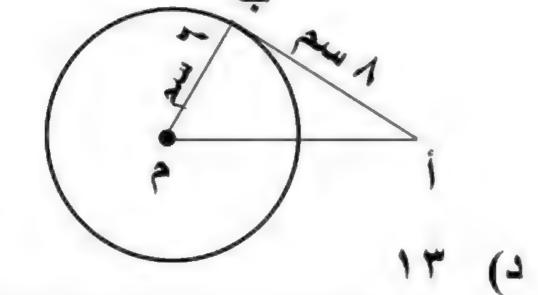
- π ٨ (-



وي الشكل المقابل: أب مماس للدائرة م

م ب = ٦ سم، أب = ٨ سم فإن أم =

١٠ (ب



اع في الشكل المقابل: دائرة مركزها م

إذا كان ق (أب) = ٥٠ فإن ق (أدب) =

- °٥٠ (ب

ا في الشكل المقابل: دائرة مركزها م

ق (م أ ب) = ٥٠ فإن ق (ج) =

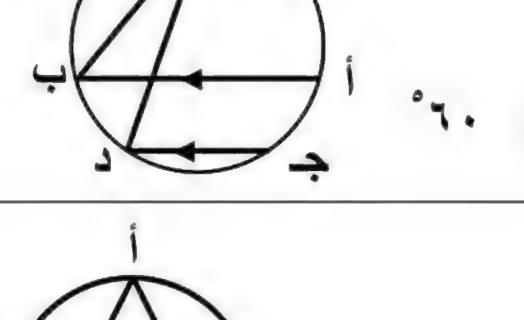
ب) ۸۰ (ب



المعالمة المعابل: أب // جد

ق (أج) = ٣٠ فإن ق (ب هُد) =

- ٠١٥ (ب



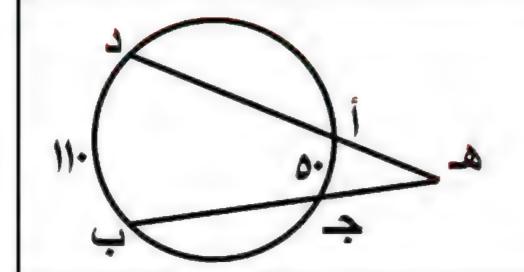
كا في الشكل المقابل: أبج △ متساوى الأضلاع

فإن ق (ب م ج) =

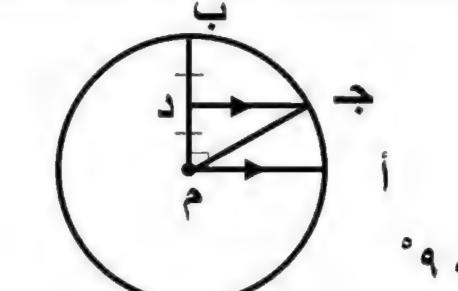
- ÷) ۱۲۰ (ج

 - ۴، (ب

- ه الشكل المقابل: ق (أج) = ، ه °
- ق $(\widehat{L(r)}) = (\widehat{A})$ ق إن ق $(\widehat{A}) = (\widehat{A})$



- دع في الشكل المقابل: أم // جد، مدد ب



- (1) في الشكل المقابل: ق (1) = (1)

فإن ق (جُ) =

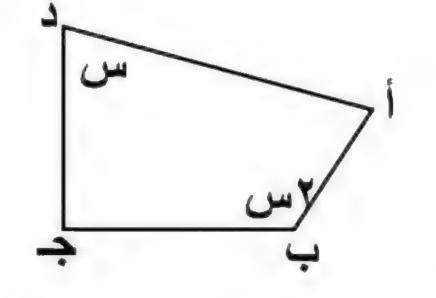
- ÷) ۲۰ (ج
- (٤٨ في الشكل المقابل: دائرة مركزها م



- ب) ۱۱۰ (ب
- قي الشكل المقابل: أب جد شكل رباعي دائري

فإن س =

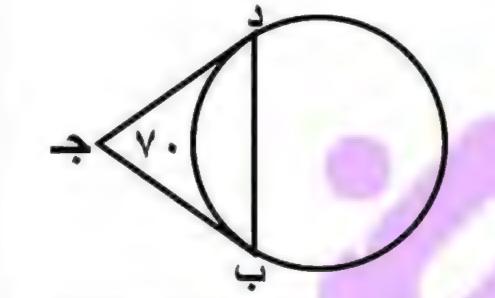
- 17. (1
- ۲۰ (ج



٥٠ في الشكل المقابل: جب، جد قطعتان مماستان

ق (جـ) = ٧٠ فإن ق (د ب) الأصغر =

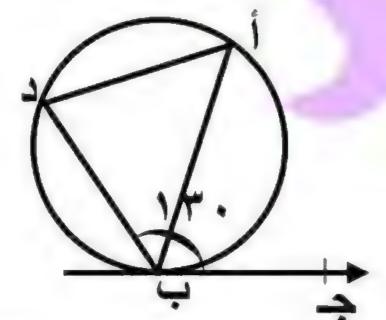
- 110 (=



٥١ <u>في الشكل المقابل</u>: بجمماس للدائرة

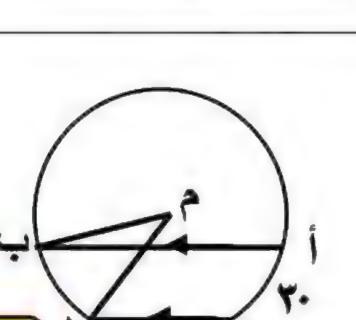
ق (د ب ب ج) = ١٣٠ فإن ق (أ) =

- ٠٠ (ج



الفي الشكل المقابل : أب // جد

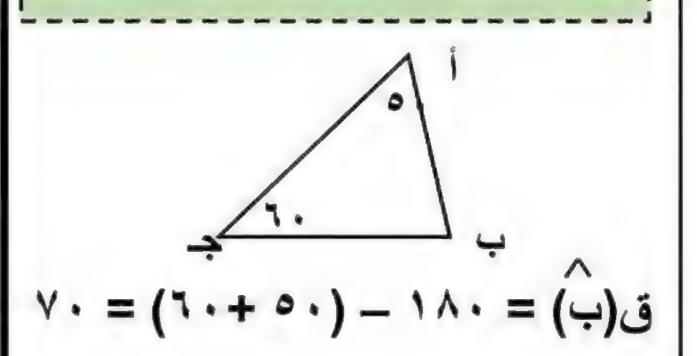
ق (أج) = ٣٠ فإن ق (بم د) =



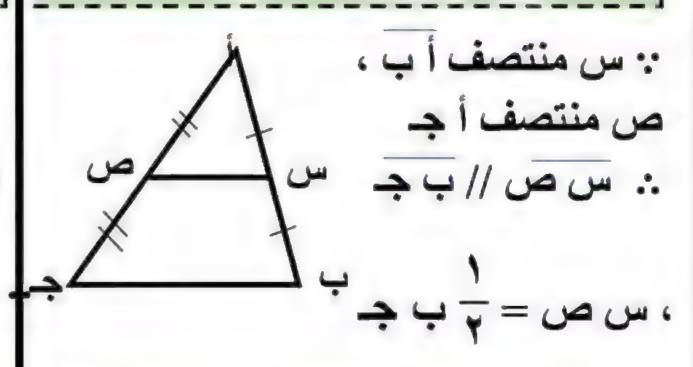
تراحمی هندسه
1 مساحة المعين الذي طولا قطريه ٦ سم، ٨ سم = سم ١
2 مجموع طولى أي ضلعين في المثلثطول الضلع الثالث
قي المثلث أب ج إذا كان (أج) ٢ = (أب) ٢ + (بج) ٢ فإن زاوية ب تكون
4 في المثلث أب ج إذا كان (أج) \ \ (أب) \ + (بج) \ فإن زاوية ب تكون
قي المثلث أب جاذا كان (أج) ' > (أب) ' + (بج) ' فإن زاوية ب تكون
6 قياس زاوية الشكل السداسي المنتظم =
7 عدد محاور تماثل المربع = ، عدد محاور تماثل المستطيل =
هو الذي معادلته ٣ س $- ٤$ ص $+ ١٢ = • هو 8$
9 ميل المستقيم الموازى لمحور السينات =
10 عدد محاور تماثل نصف الدائرةعدد محاور تماثل المثلث المتساوى الساقين
11) القطران المتساويان في الطول وغير متعامدان في
12 مربع محیطه ۲۰ سم تکون مساحته =سسسسم سمر ا
13 إذا كان أب قطر في دائرة م حيث أ (٣ ، ٥٠) ، ب (٥ ، ١) فإن مركز الدائرة م هو
14) دائرة محيطها π ۸ فإن طول قطرها =
15 في المثلث القائم طول المتوسط الخارج من الزاوية القائمة يساوى
16) في المثلث القائم طول الضلع المقابل للزاوية ٣٠ يساوى
17) عدد المستطيلات في الشكل المقابل
18 إذا كان مسقط قطعم مستقيمم على مستقيم هو نقطم فإن القطعم المستقيمم المستق
19 مربع طول قطره ٦ سم فإن مساحته = سم ا
وق الأعداد ٥،٤، تصلح أطوال أضلاع مثلث (٨، ١٠، ٩، ١٠)
ونه كان قياس إحدى زاويتي القاعدة في مثلث متساوى الساقين ٣٠ فإن قياس زاوية الرأس =

22 قياس الزاوية الخارجة عن المثلث المتساوى الأضلاع =

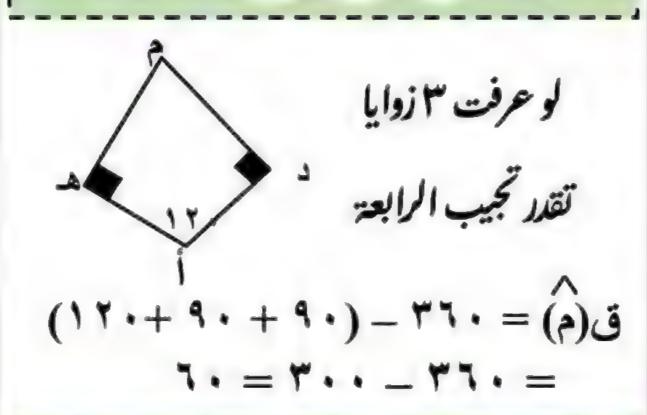
مجموع قیاسات زوایا △ = ۱۸۰



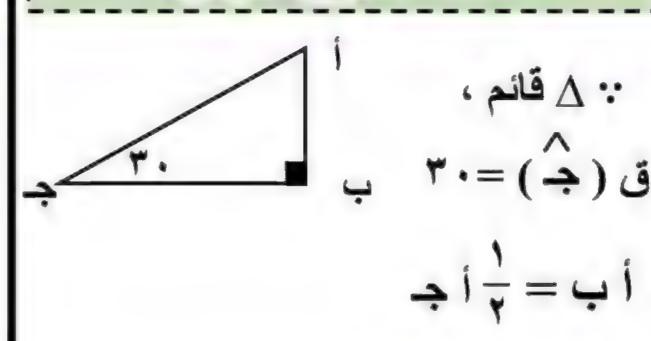
القطعة الواصلة بين منتصفى ضلعين توازى الضلع الثالث



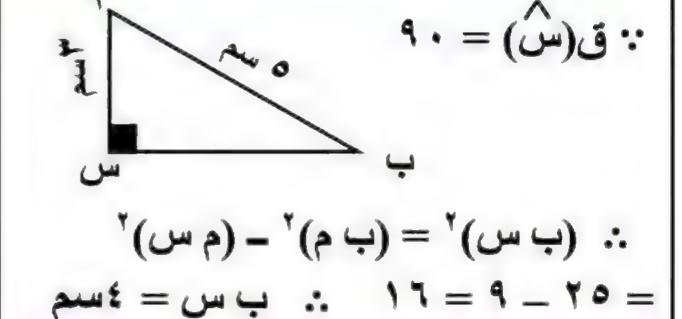
مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي = ٣٦٠



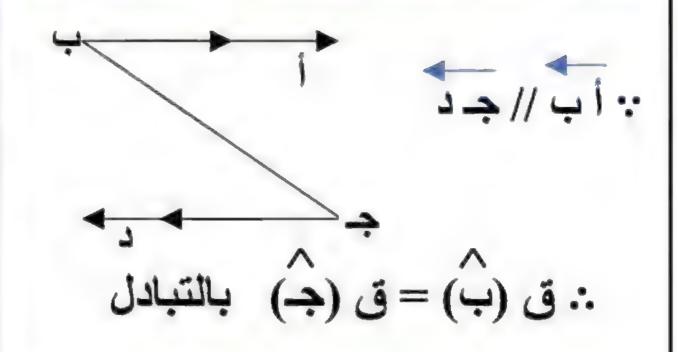
طول الضلع المقابل للزاوية ٣٠ = نصف طول الوتر



نظرية فيثاغورث



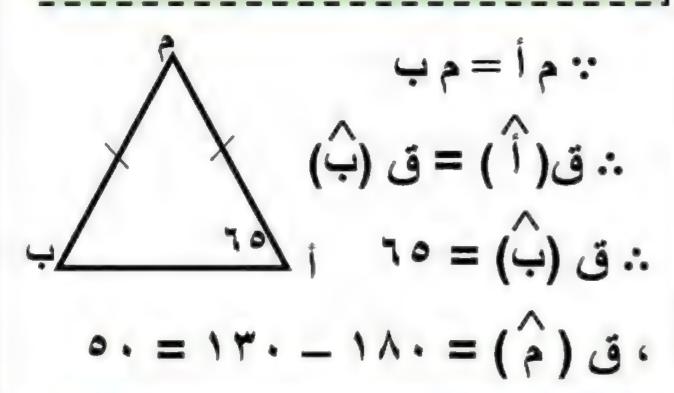
إذا وجد توازى حرف 2 فإن الزاويتان المتبادلتان متساويتان الزاويتان المتناظرتان متساويتان



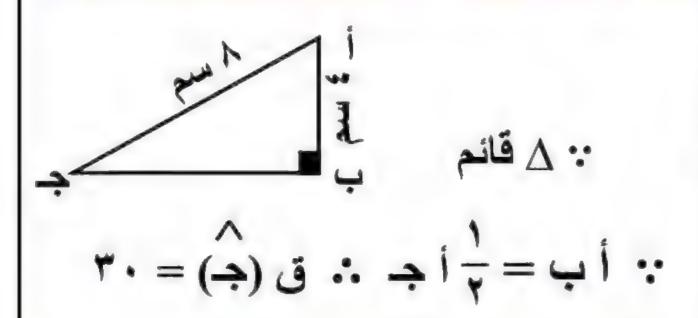
حالات تطابق مثلثين

- ضلعان والزاوية المحصورة بينهما
 - زاويتان والضلع المرسوم بينهما
 - وتر وضلع (في المثلث القائم)

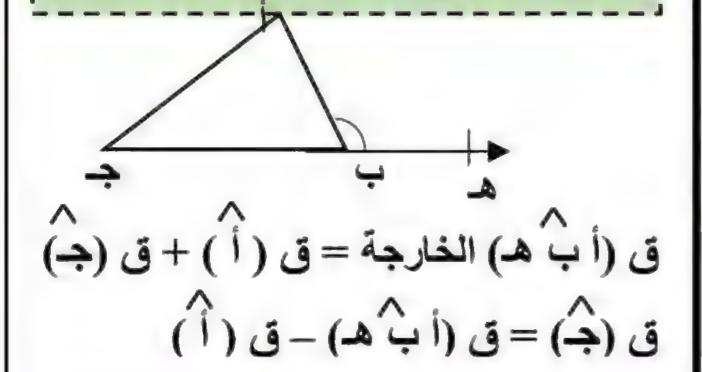
في المثلث المتساوى الساقين زاويتا القاعدة متساويتان



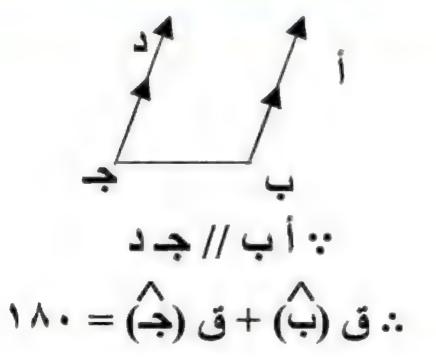
إذا كان طول الضلع = نصف طول الوتر فإن الزاوية المقابلة له = ٣٠



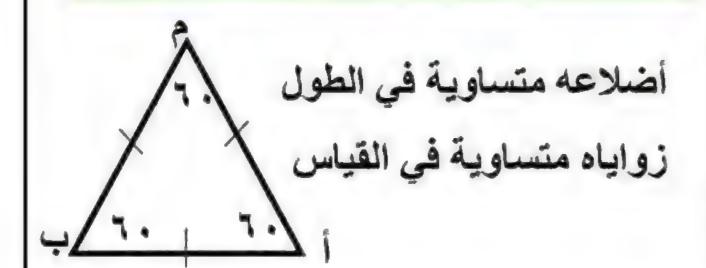
قياس الزاوية الخارجة عن المثلث = مجموع الزاويتين الداخلتين عدا المجاورة



إذا وجد توازی حرف ال فإن الزاويتان المتداخلتان متكاملتان



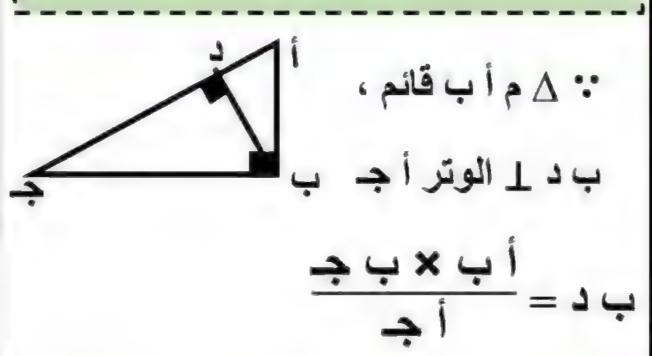
المثلث المتساوى الأضلاع



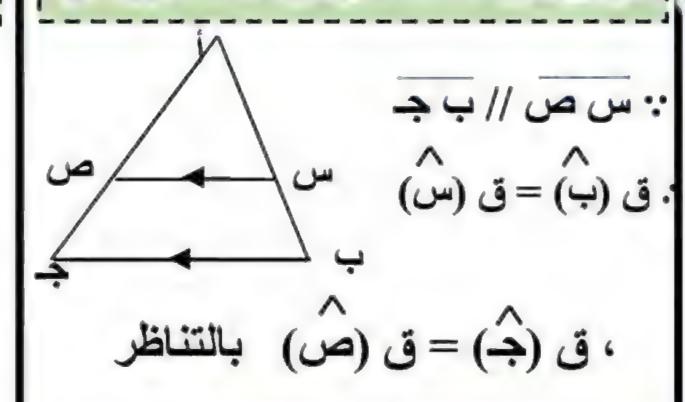
لإثبات التوازي نبحث عن إحدى الحالات الآتية:

- زاویتان متبادلتان متساویتان
- زاویتان متناظرتان متساویتان
 - ♦ زاویتان متداخلتان متکاملتان

نظرية إقليدس



إذا وجد توازی حرف ۶ فإن



نموذج امتحان رقم

السؤال الثاني

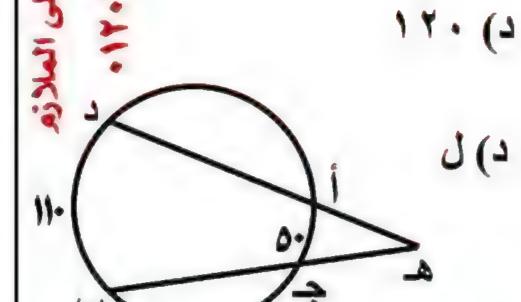
السؤال الرابع

إعداد أ/ محمود عوض

د) قائمة

السؤال الأول : اختر الإجابة الصحيحة مما بين

- (1) الزاوية المحيطية المرسومة في نصف دائرة ب) منفرجة
- ج) مستقیمه (2) المماس لدائرة طول قطرها ٨ سم يكون على بعد سم من مركزها **ب** (ج
- 7 (4 (3) عدد المماسات المشتركة لدائرتين متباعدتين =
- ج) ٣ ٤ (١
- إذا كان أب جد شكل رباعى دائرى وكان ق (ب) = $\sqrt{8}$ ق (د) فإن ق (ب) =
 - (5)إذا كان الشكل أبجد ح الشكل س صعل فإن ق (ب) = ق (......)
 - ا) س (ب (ب ج) ع ج) ع (أج) = ٥٠ ، ق (ب دَ) = ١١٠ فإن ق (هُ) = (6)



أب، أج وتران متساويان في الطول

- ،ق (جأب) ٧٠٠
- ١) أوجد ق (د هُ هـ)
- ۲) اثبت أن س د ص هـ

اً) في الشكل المقابل:

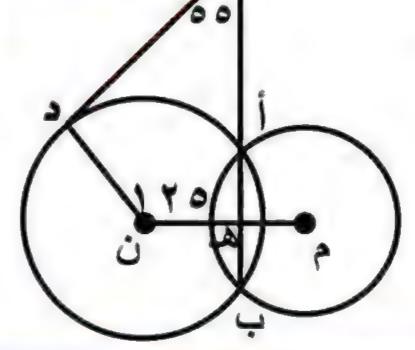
س منتصف أب ، ص منتصف أ ج



م ، ن دائرتان متقاطعتان في أ ، ب

ق (م نُ د) = ١٢٥°

- ق (ب جُد) = ٥٥°
- اثبت أن جدد مماس



ب) في الشكل المقابل:

ب) في الشكل المقابل:

أب، أجر، أهم مماسات

ه = (۲س - ۳) سم

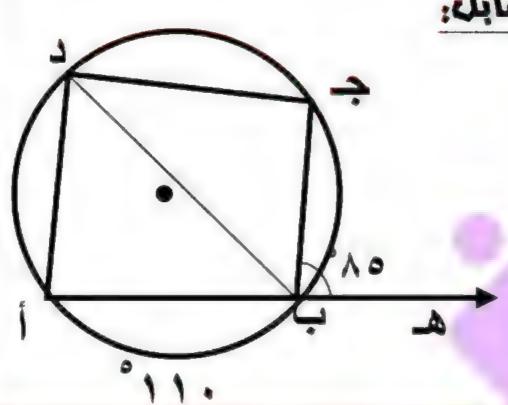
السؤال الثالث

- ق (أب) = ١١٠°

أج= ١٥ سم

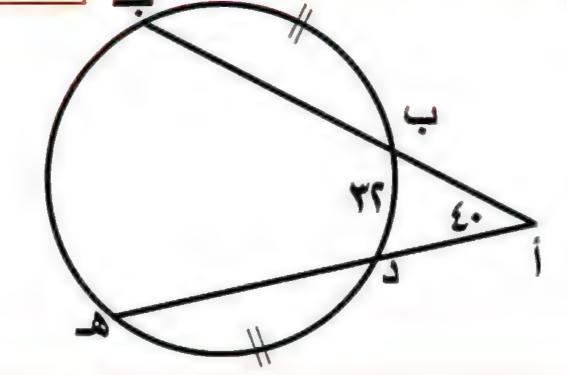
أوجد قيمة س

- ق (ج بُ هـ) = ۸۵°
- أوجد: ق (ب ﴿ جـ)



أ) في الشكل المقابل:

- ق (أ) = ٠٤٥
- ،ق (بد) = ۲۲۰
- ق (ب ج) = ق (د هـ)
- أوجد ١٠) ق (جه)
 - ٢) ق (ب جَ)



ب) في الشكل المقابل:

-س أس مماس مشترك لدائرتين متماستين اثبت أن: بد // جه

(أ) في الشكل المقابل:

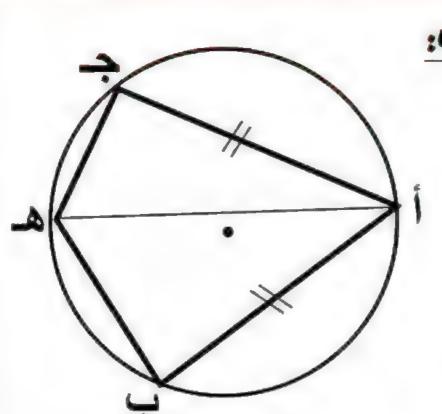
- أب=أج، بس ينصف ب ، ج ص ينصف ج
 - اثبت أن:
- ۱- ب جس ص رباعی دائری
- ٢- ص س // بج



السؤال الخامس أب=أج

ه و ب چ اثبت أن :





ج) ۲

د) ۳

17 (2

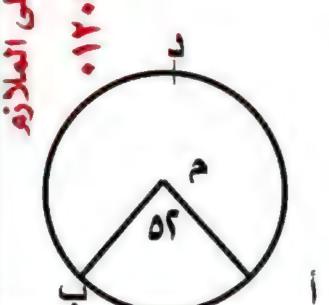
4 (7

[7, 4] (2

السؤال الأول : اختر الإجابة الصحيحة مما بين

- 1) عدد الدوائر التي تمر بثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة ..
- [2] إذا كانت الدائرتان م ، ن متماستين من الداخل وطول نصف قطر أحدهما ٣ سم ، م ن = ٨ سم فإن طول نصف قطر الأخرى =
 - 11 (>
 - 3)عدد المماسات المشتركة لدائرتين متحدتا المركز =
 - ١ (ج 4) في الشكل الرباعي الدائري كل زاويتين متقابلتين
 - ج) متبادلتان ب) متكاملتان اً) متساويتان
 - د) متتامتان 5) م ، ن دائرتان متقاطعتان وطولا نصفى قطريهما ٥ سم ، ٢ سم فإن م ن 3
 - ب) ٣١ (ب 6)في الشكل المقابل: ق (أمرب) = ٥٥٢ فإن ق (أدب) =
 - خ) ۱۲۸ 4.4 (7

السؤال الثاني



اً) في الشكل المقابل:

أب قطرفي الدائرة ، دهـ ۱ أب

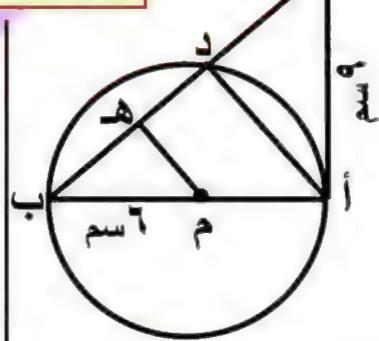
- اثبت أن :
- آ چـ د هـ رياعي دائري

اً) في الشكل المقابل:

أب قطرفي الدائرة م،

أج مماس لها عند أ

فإذا كان أج = ٩ سمر أوجد طول كل من ب ج ، أ د



أوجد ق (د مُه)

ب) في الشكل المقابل؛

أد مماس للدائرة عند د

ه منتصف بج

ب) في الشكل المقابل: السؤال الثالث

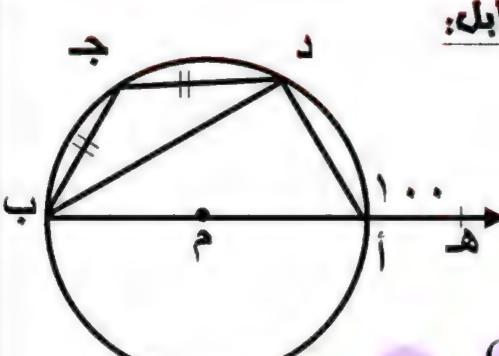
ق (أ) = ٢٥°

أب قطرفي الدائرة م ق (د أهـ) = ١٠٠٠

ق (بأم) = ٣٥°

أوجد: ١) ق (ب م ج)

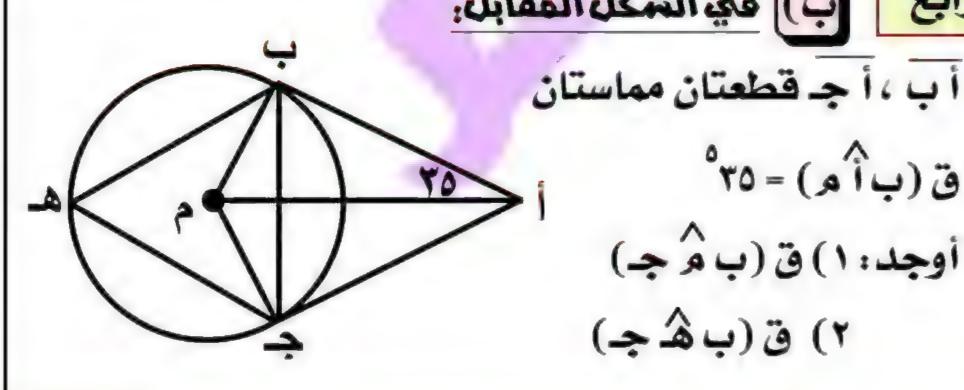
أوجد بالخطوات : ق (أ د ج)



السؤال الرابع بالشكل المقابل:

أوجد قياس القوس الذي يمثل - الدائرة.

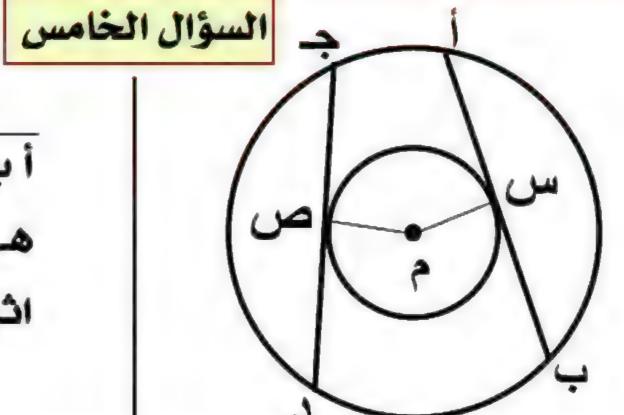
ثم احسب طول هذا القوس إذا كان طول نصف قطرالدائرة ٧ سم .



أ) في الشكل المقابل:

دائرتان متحدتا المركزم أب، جدد مماسان للصغرى

اثبت أن: أب = جدد

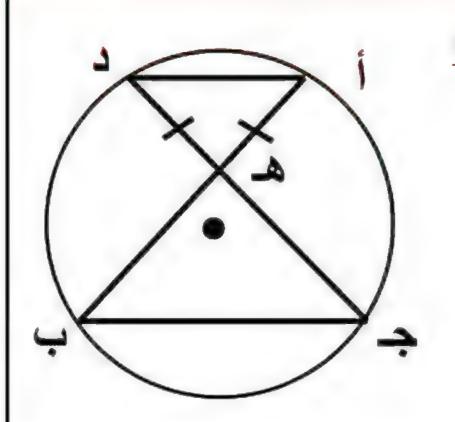


ب) في الشكل المقابل؛

أب ∩ جد = {ه} هـأ = هـد

٢) ق (ب ه ج)

اثبت أن: هب = هج



الصف الثالث الاعدادي

القصل الدراسي الثاني 2021

		Sittemal Solari Cur	أولًا الفتر البجابة الصحيحة من
	دَهُ النَّولَيْ ا	لوخا	
			مساحة نصف الدائرة تساوى
ω π 🕥	π۲ 🕘	۳ نس۳ π ا	π 🕦
		، طول نصف قطرها يساوى	_
ه سم	۳۵ سم	۲ 🥹	۹ 🛈 ۹ سم
م حیث س > صفر	مركزها مسافة (س + ۱) سا	·) سم ، و المستقيم ل يبعد عن	4
(2) محور تماثل للدائرة	قاطعًا للدائرة	((الدقهلية 2018)) ب مماسًا للدائرة	فإن المستقيم ل يكون أن خارج الدائرة
***************************************	***************************************		
((2017 8	ح الدائرة ٢ =ها (الشرقي	اً ، ب} ، فإن: اب ∩ سط	إذا كان أب \ الدائرة ^م = {
TP (3)	<u> </u>	TP (9)	(1, }
To-	وانت مساحة المثلث ٢٦ ب = ٨ س	<mark>لرین متعامدین فی دائرة ^م و ک</mark>	إذا كان ٢٦، ٢٠ نصفى قم
		ة يساوي	، فإن طول نصف ق <mark>طر الد</mark> ائر
۲ ک سم	ک سم ٤ 🖎	۱٦ 😐	۸ سم ۸
«(بورسعيد 2018 ء الغربية 2017)»	زها ٤ سم فإن المستقيم ل يكون	سم و المستقيم ل يبعد عن مرك	إذا كان طول قطر دائرة = ٨ ،
🕒 محور تماثل للدائرة	المائرة المائرة	😌 مماسًا للدائرة	ن خارج الدائرة
ان «(الدقهلية 2017)»	سم فإن الدائرتين م ، له تكون	لريهما ٤ سم ، ٩ سم ، ٦ ١٠ = ٥	م ، ٧ دائرتان طولا نصفى قد
عتماستين من الداخل	عتباعدتين	المتماستين من الخارج 😛	ا متقاطعتین
	ساعيلية 2017)»	محیطها یساوی«(الاس	دائرة نصف قطرها ٥ سم فان
π ۲ο ③	π۱۰ 🕒	π۷ 😛	π ο نسم
	((2		يمكن رسم دائرة تمر برءوس
🗿 متوازى أضلاع	😑 شبه المنحرف القائم	😛 معين	🛈 مستطیل
« بني سويف 2017)»	سم ، ٥ سم فيان ٢ ٧ =	لداخل طولا نصفى قطريهما ٣ س	م ، له دائرتان متماستان من ا
۸ سم	ه سم	۳ بسم	۲ آ
		(بني سويف 2017)»	لا يمكن رسم دائرة تمر برءوس
هستطيل	هربع	معين 😛	آ مثلث
«سوهاچ 2019 ، القليوبية 2018)» .		ئرة ۴ التي طول قطرها ۸ سم ف	
- 0		4	AH (1)

		((2017 bagunl))	🚾 الوتر المار بمركز الدائرة يسمى
قاطعًا	🕒 مماسًا	😌 نصف قطر	اً قطرًا
		سمى ﴿جنوب سيناء 2017 ﴾	🌿 أكبر الأوتار طولاً في الدائرة ي
قاطعًا	عماسًا	😛 نصف قطر	اً قطرًا
		نقطتين على الدائرة تسمى	10 القطعة المستقيمة التي طرفيها
وترًا	عماسًا	😌 نصف قطر	اً قطرًا
•	۳۱ سم، ۲ نه = ۸ سم	داخل و طول نصف قطر إحداهما	🚾 ۴ ، له دائرتان متماستان من ال
	، الغربية 2016 »	لأخرى =(الجيزة 2017	فإن طول نصف قطر الدائرة ال
۱۲ ک سم	اا سم	٦ 😌 ٦ سم	۵ 🛈 ۵ سم
«القليوبية 2019 ، المنوفية 2018 »	م، فإن: ٢٠ ال ∈	ولا نصفی قطریهما ۵ سم ۲ سه	🚾 ۴ ، له دائرتان متقاطعتين و ط
[٧,٣[3] ٧ . ٣]] ٧ . ٣ [😌	[٧,٣]
الدقهلية 2016)>	، فإن: أن∈	لا نصفی قطریهما ۵ سم ، ۸ سم	🚾 🕆 ، 🎶 دائرتان متماستان و طو
{14,4}	[17.7[] 17 . 7 [😣	[17.7]
«(البحر الأحمر 2017)»	إن المستقيم ل يكون	نيم ل يبعد عن مركزها ٣ سم ف	11 دائرة محيطها π ٦ سم والمستة
محور تماثل للدائرة	ارج الدائرة 🕒 خارج	الكائرة المائرة	أ مماسًا للدائرة
«الفيوم 2019»	٤ سم ، فإن المستقيم ل	، المستقيم ل يبعد عن مركزها أ	۱۵ إذا كان طول قطر دائرة ٨ سم
عحور تماثل للدائرة	😑 خارج الدائرة	ا قاطعًا للدائرة	🚺 مماسًا للدائرة
سم و كان المستقيم ل	(۰،۰) و طول نصف قطرها ۳	ة التي مركزها نقطة الأصل م (ان المستقيم ل خارج الدائر
	بة 2016 »	سم فإن س 🗲«الغري	يبعد عن مركزها مسافة س
[7.∞-[3]∞,7] 🕒] ∞ . ۳ [😉]∞,٣]①
تقيم ل	، س (] ، ، نق [، فإن المس	ركز الدائرة ثم مسافة س حيث	🚾 إذا كان المستقيم ل يبعد عن م
و يمر بمركز الدائرة	😑 يقع خارج الدائرة	الدائرة 😌 يقطع الدائرة	ن يمس الدائرة
	. ((اسيوط 2019))	، طول نصف قطرها =	۲۲ دائرة محيطها π ۱۸ سم ، فان
٦ اسم	ے ۳ سم	ا ۹ سم	۷ 🛈 ۷ سم
ساعيلية 2018 ، السويس2016))	م ، له تكونان «الار	٥ = { ٩ ، س } ، فإن الدائرتين ٩	إذا كانت الدائرة ↑ ۩ الدائرة ١
تقاطعتان الله المادة ال	عتداخلتان	😛 متحدتي المركز	1 متباعدتان
•			😘 ۴ ، 🗸 دائرتان متماستان من ال
	((2017	لأخرى =(شمال سيناء	فإن طول نصف قطر الدائرة ال
ک عسم 🍛	۲ 🗗	ا سم	ا ٦ اسم
	هو«بني سويف 2019)»	- الدائرتين متقاطعتين م ، له ه	 محور التماثل للوتر المشترك أم
UP 3	UP (PP (I)

=	دائرتان متباعدتين فإن ١٠٥	ريهما ٢ سم ، ٥ سم فإذا كانت ال	الرتان م ، ٧ طولا نصفى قط
] ∞ . ٣[③]∞,٣] 🕒]∞.٧[⊖] \(\times \(\times \) \(\times \)
***************************************	((الرقهلية 201 7)»	لتین ۴، ب تقع جمیعًا علی	📉 مراكز الدوائر التي تمر بالنقم
(2) العمود على أب من ب	العمود المقام على أب	<u> </u>	آ محور تماثل ۱۹ -
بالنقطتين ٢٠ ب =	ول نصف قطر أصغر دائرة تمر	ستوی بحیث ۲ ب = ٤ سم فإن طو	14 إذا كان ٢ ، ب نقطتين في المس
هسم ۵	ک سم ع	مس ۳ 😛	۲ سم
ر بالنقطتين ٢، ب =	ول نصف قطر أصغر دائرة تم	ستوى بحيث ٢ - = ٧ سم فإن ط	📆 إذا كان ٢ ، ب نقطتين في المس
«قنا 2019» (اقنا 2019)»	۷ 🕒	ه ۳٫۵ اسم	۳ (۱)
ساوى «القليوبية 2016)»	مها و تمر بالنقطتين ٢ ، ب	ً ، فإن عدد الدوائر التي يمكن رس	الله إذا كانت آب قطعة مستقيمة
عدد لا نهائي	r (<u>a</u>)	1 😛	1 صفر
	ـــــــــــــــــــــــــــــــــــــ		ت عدد محاور تماثل دائرتين متط
عدد لا نهائي	7 (2)	1 😛	🛈 صفر
		ة وحيدة هي إذا علم«ا	4
	احدى نقطها		نقطتان منها
نطها	 نصف قطرها و احدى نق 		🖻 مركزها و إحدى نقطها
•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••	۱۶ سم تساوی	مثل ربع الدائرة الذي طول قطرها	مساحة القطاع الدائرى الذى يه
العم ١٤ ع	ا الله الله الله الله الله الله الله ال	کے کے سم ^۷ سم ^۷ عام سم ^۷ ا	ا ا سم ا
ت ٩ تقع على الدائرة	۲ = (۲ - <i>س</i> + ۳) ، فإذا كان	A	اذا كانت م دائرة طول قطرها
		ليوبية 2017 ﴾	، فإن: س =«الق
1 0	Y (3)	۳ 😥	ه ۱
	عد عن المركز«الغر	ائرة طول قطرها ١٠ سم ، فإنه يب	🔼 وتر طوله ۸ سم مرسوم داخل د
7 0	کے سم	۳ 😌	۳ ۲ سم
ساط 2019))	ىد عن مركزها «ده	ئرة طول قطرها ١٠ سم ، فإنه يبه	اذا كان المستقيم ل مماسًا للدا
۱۰ 🔾	٦ اسم	ف سم	۳ 🛈 ۳ سم
	= ٢ نق فإن ٢	ن ، ٢ نقطة في مستويها ، ٢٦	📉 إذا كانت 🏲 دائرة طول قطرها
مركز الدائرة	😑 تقع خارج الدائرة	😌 تقع داخل الدائرة	نقع على الدائرة
			🔼 عدد محاور تماثل الدائرة يساو
عدد لا نهائي	7 (2)	1 😛	ن صفر
***************************************			دائرة طول أكبر وتر فيها يساو
π۱۰ ۵	π ۲٤ 🕘	π٦Θ	π۱۲ 🛈
		نطر في دائرة«الغربية 8ا	
المنطبقان المنطبقان	عامدان 🕒	🔫 متقاطعان	🛈 متوازیان

البسيط في الرياضيات

الدعم: 01018047203 - 01022543617

	عاوى«الأقصر 2017»	ط ليست على استقامة واحدة يس	왭 عدد الدوائر التي تمر بثلاث نقم
r (2)	۲ (ع)	1 😔	ن صفر
	قهلية 2018 ، قنا 2018 »	هو نقطة تقاطع«(الد	تن مركز الدائرة الداخلة للمثلث
🗿 محاور تماثل أضلاعه	🕒 منصفات زوایاه	ارتضاعاته	آ متوسطاته
«(الدقهلية 2019)»	١٤ سم فإن الدائرتين ٢ ، ٧ تكونان	ريهما ٦سم ، ٨سم ، ٦ له =	🚻 ۴، ۷ دائرتان طولا نصفی قط
🗿 متماستين من الداخل	عدتين 🕒 متباعدتين	😌 متماستين من الخارج	🛈 متقاطعتين
. «دمیاط 2019)».	٧ سم ، ١٠ سم ، فإن : ٢ ٧ =	داخل و طولا نصفى قطريهما /	13 م ، ٧٠ دائرتان متماستان من ال
ا سم	۷ 🕒	۱۷ یم	۳ (۱)
ن = ۳ سم	ه سم ، نق سم ، نق > ٥ ، فإن : ٩	داخل و طولا نصفى قطريهما ا	13 م ، له دائرتان متماستان من ال
		« 2018 ly	، فإن: نق =«المن
9 9 سم	که سم	۳ ۲ سم	۲ سم
«الفيوم 2018»	لنقطة (٤، - ٣) يساوي	ها نقطة الأصل (١٤٠) وتمر با	😢 طول نصف قطر الدائرة مركز
۵ سم	ک کا سم	ب ۳ سم	pam V (i)
	حَمْ الثانية الله السيادة الشائية الشا		
	(بني سويف 2019 ، قنا 2016)»	زاويتين متقابلتين«	1 في الشكل الرباعي الدائري كل
🗿 متساويتين في القياس	ا متكاملتين 🕒	بادلتين المبادلتين	ن متتامتين
	« اسيوط 2017 ، قنا 2016 »	ما أصغر في الدائرة تكون	الزاوية المحيطية التى تقابل قومً
ک منعکسة	🕒 قائمة	😕 منفرجة	ن حادة
	28	اعند ب، ح، فإن: ١٠	🔽 ۴ ، ۹ حد مماسان للدائرة ۴
② يقطع	😉 عمودی علی	🤑 يوازى	ن يطابق
	عًا في القوس تساوي	بطية و المركزية المشتركتين م	النسبة بين قياس الزاويتين المحب
1:13	£: Y 🕒	۲:٤ 😛	1:1 ①
«قنا 2018»	تركة معها في نفس القوس تساوي	بة و قياس الزاوية المحيطية المش	🧕 النسبة بين قياس الزاوية المماسب
٥:٢ ٥	1:1 (3)	Y:1 😌	1:Y (i)
	(الح عن العن عن (۱۹ عند عند (۱۹ عند العند الع	دائری فیه $\mathcal{O}(\Delta) = \frac{1}{\pi}$ ه	اذا كان اسحى شكل رباعى
°110 3	°4. 🕒	° £0 😛	۰۲. (1)
((201	((المنيا 2019) مطروح 2018) الدقهلية 9	ة في نصف دائرة يساوي	🔻 قياس الزاوية المحيطية المرسوما
° 1 (3)	° 9. 🕒	°٤۵ ا	°۱۸۰ (j)
	ية 2018 »	ـائرة يساوى«المنوف	🔼 قياس القوس الذي يمثل ربع الد
°17. ②	° 9. 🕒	°7, 😥	° 1. (i)
	ويف 2017 ، المنيا 2016 »		1 قياس القوس الذي يمثل ثُلث ال
°7. ③	° 9. (=)	°17. 😛	°14. (i)

		ں الدائرة يساوى	صر قوسًا قياسه يساوى ربع قياس	🚺 قياس الزاوية المحيطيه التي تحا
°9.		° 20 (3)	°170 😛	۰۳. (۱)
			ة فى ربع دائرة يسا <i>وى</i>	11 قياس الزاوية المحيطيه المرسومة
°9.	<u> </u>	° Ea 🕒	°170 😛	°r. ①
ية الداخله المقابلة	. قياس الزاوي	ن رءوسه قياسها	دت زا <i>و</i> یة خارجه عند أی رأس م	깫 يكون الشكل رباعيًا دائريًا إذا وج
				للمجاورة لها
•	③	فصف 🕒	فعف	🛈 يساوي
		ىم يساوي	ائرة التي طول نصف قطرها ٦ س	طول القوس الذي يمثل ثلث الدي
π۳		π٤ 🖎	π٦ 😌	π۱۲ 🛈
		القليوبية 2016)»	بيط الدائرة يساوي «	15 طول القوس الذي يمثل ربع مح
πنۍ	_	π ٤ 🕒	π + اس	π۲ (1)
•••••••••••••••••	•••••••		پ π ۲٫۵ سم في دائرة طول قطر	قياس القوس الذي طوله يساوي
۰۲۷.	(3)	°11.	°4. (+)	° £0 (i)
•			من نقطة تقع على الدائرة تساوي	ت عدد المماسات التي يمكن رسمها
عدد لا نهائي	3	٤ (ع)	۲ 😔	1 (1)
•		« الشرقية 2019 »	ن متماستين من الخارج يساوي	
عدد لا نهائي	(3)	٤ (ڪ	۳ ਦ	Y (i)
		« الدقهلية 2019 »	ن متماستين من الداخل يساوي	🔼 عدد المماسات المشتركة لدائرتير
٣	3	r (<u>a</u>)	1 😌	ن صفر
	*******************	••••••••••••••••		عدد المماسات المشتركة لدائرتير
عدد لا نهائي	(3)	r (3)	7 (-)	1 (1)
		(اسوان 2018 ، البحيرة 2017))		🕶 عدد المماسات المشتركة لدائرتير
٤	3	r (<u>a</u>)	7 😛	1 (1)
	********************		ن متحدتي المركز يساوى	📆 عدد المماسات المشتركة لدائرتير
٣	3	Y (3)	1 😛	ن صفر
•		« جنوب سیناء 2017)»	تين في الشكل الرباعي الدائري	۱۲ محموء قیاسے الا او بتین المتقابلا
017.	3	° ٣٦.	°۱۸، (+)	°4. (1)
•			قباس القوس المحصور بين ظ	۲۲ قیاس الزاویة الم کزیة
ربع	3	عساوي	ن معف ا	نصف (1)
			رسوم داخل الدائرة ۴ ، فان : و	۲۰ ۲ - حکور سداسی منتظم م
۰۴.	(3)	°7. (3)	ر صوم داخل المداخرة ۱۳۰ هـيان . د با ۱۲۰ (ب	°4. (i)
•		361		مع ۲۲ هام القوس الذي طوله ۲۲ سو
°1A.	(3)	فطرها ۱۶ سم = (م) ۱۲۰ ما	م و المرسوم في دانيره طول بصف ا ب ٩٠ (ب)	۵۶، (۱) مادي سوت ۱۰، س

المراجعة النهائية

ل يساوى «القليوبية 2016»	بة المركزية المشتركة معها في القوس	ية يساوى ٧٠° فإن قياس الزاوي	📆 إذا كان قياس الزاوية المماس
°1.0 ③	°15. 🕒	°v. 😛	°ro ①
		عصورة بين	🚾 الزاوية الماسية هي زاوية مـ
و و قطر	🕒 وتر و مماس	😟 مماسین	🛈 وترين
الجيزة 2017 »	شتركة معها في القوس «القاهرة 2019،	. قياس الزاوية المركزية الم	📉 قياس الزاوية المحيطية
و ربع	🕒 يساوي	فیمث 😛	نصف (ا
	ون«الوادي الجديد 2018»	قوسًا أكبر من نصف الدائرة تك	14 الزاوية المحيطية التي تقابل
ف منعکسة	🕒 قائمة	ب منفرجة	ا حادة
«2018 المنيا 2018»	: ع (لا ح) =«البحيرة 19	فیه: $\mathcal{O}(29) = 9$ ، فإن	📅 ۴ سـ حـ ک شکل رباعی دائری
°Y. (3)	°11. 🗿	°V. 😥	°ro ①
	ع (الاح) = ۲۲۰ ، فإن : ق (الاح) = .) فیه: ص (۲۹) + ۲ ص (۲ م	📆 ۴ - حک شکل رباعی دائری
°7. ③	°A. 🕒	°1 😛	°1r. ①
«الدقهلية 2019 ، الاسماعيلية 2018)»	د) ، فإن : ق (\ \ ا) =) فیه: ص (۲۱) = ۲ ص (۲۰	📆 ۴ - حک شکل رباعی دائری
°17. ③	°4. 🕒	°7. 😛	°r. (j)
	فإن: ٥ (١٥ حرى) =	ر فیه: ق (۱۲ م س ک) = ۷۰ ،	۳۲ ۲ - ح ک شکل رباعی دائری
°۳۵ (3)	°11. 😑	°18. (.)	°v. ①
		ان من نقطة خارج دائرة تكونان	القطعتان المماستان المرسومة
	😔 غير متساويتين في الطول		أ متساويتين في الطول
•••••••••••••••••••••••	🖸 متوازيتين		🕒 متعامدتین
		رباعيًا دائريًا ؟ «الاسماعيلية 2019)»	🚾 أيًا من الأشكال الأتية يسمى
ف شبه المنحرف	🕒 متوازي الأضلاع	المعين 😌	1 المربع
	حب) = ۲۰°، فإن: ق (۱۹۰) =	رسوم داخل الدائرة ۴ ، ق (۲۹	📆 إذا كانت: ٢ ب حد مثلث م
°4. (3)	°17. 🖎	°7. 😛	°r. (i)
= (» L	ر (۵۲ عنان: عن (۵۲ عنان: عن (۵ عنان	ر (عمر) : و (عمر) : و	—— ۲ من قطر في الدائرة م ، ح
° y. (3)	°18. (a)	° {. (+)	°Y. (j)
אן רי حرى مربع مرسوم داخل الدائرة ۴ ، طول سح = ٦٠ ١٥ سم ، فإن : مساحة المربع تساوي			
ر ۱۹۰۰ کا سوم	۹۰۰ 😑	۲ ۱۸۰۰ (ب	المس ۱۳۹۰۰ ا
٠	إن : طول القوس سح الأكبر يسا	للاع مرسوم داخل الدائرة م ع ع ف	الأض الأض متساوي الأض
411		سم π الله سم	
ت المحق سم	γ— • • • • •		
•	***************************************		, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,
•	غ (° ۱۳۰ = (ع ر) ع + (ع م ۹) ع ف °۲۶ ه ه	ا رة ثم متقاطعان في نقطة ه ، و نا ٦٥ (ب)	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,

الهندسة المراجعة النهائية

الوخدة الأولى

°17. (+)

°4. (3)

🚺 في الشكل المقابل :

س ، ص منتصفات الم ، اح على الترتيب ، ق (لا ب اح) = ٢٠ °

، فإن: ق (ل س ع ص) =

° 4. (2)



إذا كان: حك = ٣ سم ، ثحر لم عنتصف ٢٥ ، فإن مساحة سطح الدائرة =

π ۳ 🕕

7 - π 7 (+)

7 mg (2)

Tow π ٣٦ ③



دائرة ٢ طول نصف قطرها ١٣ سم ، ٢ - ٢٤ سم ، فإن : حرى =سس سم

7,0 (1)

٨

11 😌



م س = أ ص ، أب // حرى، ق (ل ب) = ، 0° ، فان: ق (ل م) =

🔼 في الشكل المقابل :

دائرتان متحدتا المركزم ، طولا نصفي قطريهما ٧ سم ، ١٤ سم على الترتيب

 $\frac{\gamma\gamma}{\nu} = \pi$ عيث مساحة الشكل المظلل =سم ع حيث عصب عنه فيان مساحة الشكل المظلل = ...

ro. (i)

£17 (+)

£77 (3)

04. 3

🔼 في الشكل المقابل :

احد مماسًا للدائرة عند ا ، ك منتصف اب ، ق (لد ح) = ٥٠ ، فإن: ق (لا ب ا م) =

° 20 (+)

🔀 في الشكل المقابل : «دمياط 2016»

ا - حک شبه منحرف فیه ، ا ک = ۱۵ سم ، - ح = ۲۸ سم

هان : مساحة الشكل المظلل = ...



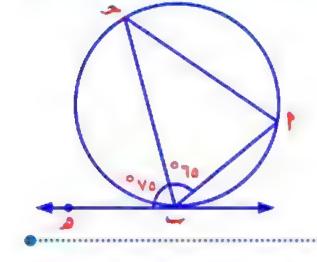


الوحدة الثانية

نص الشكل المقابل: «الغربية 2016)» 🚺

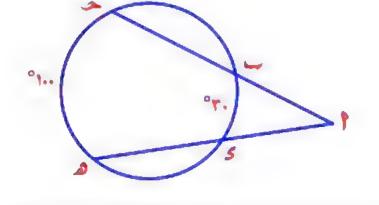
° 1. (3)

° {. (+)



في الشكل المقابل: «الغربية 2016»

° 40 (3)



ت في الشكل المقابل: «المنيا 2016 ، شمال سيناء 2017 » 🔻

- إذا كان: ق (١٩ ك ح) = ٨٠ ، فإن: ق (١٩ ب ه) =

- ۰۸، 😣



في الشكل المقابل: «الاسماعيلية 2016» 🛂

- إذا كان: ق (2 م حب) = بات ، ق (2 م ب) = (ص + ٢٠) ، فإن: ص =
 - ° 7. (1)



°1.. 3



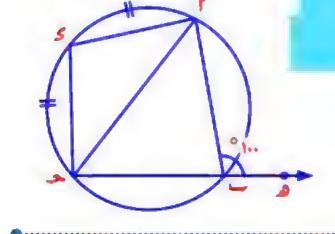
🔼 في الشكل المقابل : «الاسماعيلية 2016 » 🧧



°1.. (1)

- ° A. (+)





مي الشكل المقابل : «اسيوط2016)» 🚺

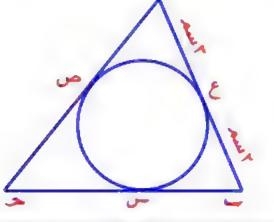
إذا كان: احد = ٨ سم، اع = ٣ سم، بع = ٢ سم، فبإن: بح =

ن ۵ سم

ا سم

ب ۷ سم

و ۱۳ سم

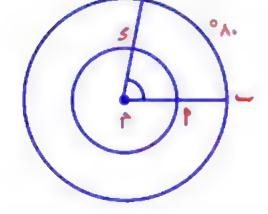


نص الشكل المقابل: «الشرقية 2016» 🔀

- $e^{(3P)}$ دائرتان متحدتا المركز $e^{(3P)}$ ، $e^{(3P)}$ ، فيإن : $e^{(3P)}$
 - ° 1.

° {. (+)

°17. (3)



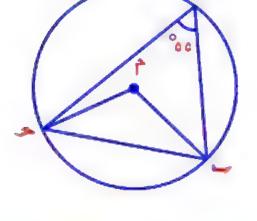
مِي الشكل المقابل: «الدقهلية 2016)» 🔼

إذا كان: ق (ك ٢) = ٥٥° ، فإن: ق (ك ٢ حب) =



- ° 00 (+)
- ° 70 (3)

° 40 (=)



المراجعة النهائية

في الشكل المقابل: «البحرالأحمر 2016)» 🚺

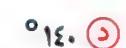
- آب ، آح قطعتان مماستان للدائرة ثم التي طول نصف قطرها ٤ سم ، ق (۲ ثم ٢ ب) = ٣٠ °
 - فإن: ٢- =
 - مس ۸ 🛈
 - mm 7 1 2 (2)

- ۳ ۸ ۱۳ سم
- و ۲ ۱ ۳ سم

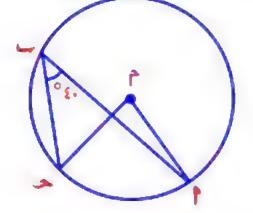


- إذا كان: ق (\ الم م ح) = ٤٠ ، فإن: ق (\ الم م ح) =
 - ° 7. (i)

° 1. (2)



° {. (+)

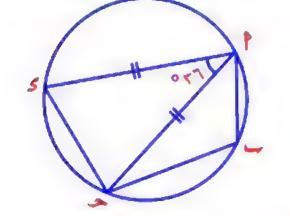


۱۱ في الشكل المقابل: «الأقصر 2019»

°18. (1)

° V. (3)

- °1.4 (+)
 - 0 8. 3



۱۷ في الشكل المقابل: «الشرقية 2018»

° {. (i)

- ° ۵. 😛
- °1.. (3)

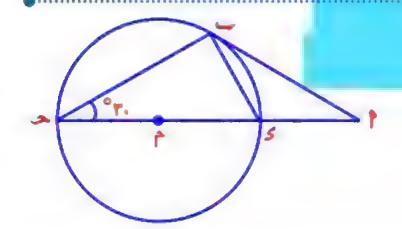




م الدائرة م ، ق (لا ح) = ۳۰ ، فإن : ق (لا م ح) = ۳۰ م قطر في الدائرة م ، ق (لا ح) = ۳۰ م قطر في الدائرة م ، ق (لا ح ح)

°17. (i)

- °11. 😛
- ٥٣. (3)



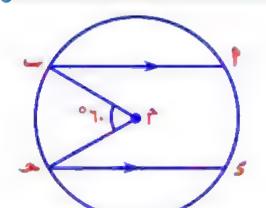
🛂 في الشكل المقابل : «اسوان 2019)»

م دائرة ، عب // حك ، ق (لا ب م حر) = ٦٠ ، فإن : ق (ع ك) = ع دائرة ، عبان : ق (ع ك) =

° 4. (1)

- °7. 😛
- °17. 3



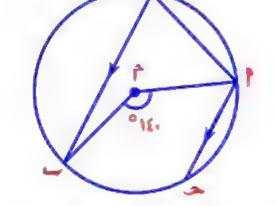


وريد الشكل المقابل: «كفرالشيخ 2018» 😘 😘

- عد الدى ، ق (۲۶۱ س) = ۱٤٠ ، فإن : ق (۲۶۱ ح) = .
 - ° V. (i)

°18. (2)

- °11. 😛
- ° ۲۲. (3)



نمي الشكل المقابل : «كغرانشيخ 2018)» [17]

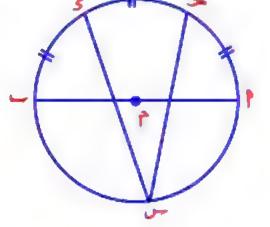
 \widehat{q} قطر في الدائرة \widehat{q} ، $\widehat{\sigma}$ $\widehat{\sigma}$ $\widehat{\sigma}$ $\widehat{\sigma}$ = $\widehat{\sigma}$ $\widehat{\sigma}$ قطر في الدائرة $\widehat{\sigma}$ ، $\widehat{\sigma}$ $\widehat{\sigma}$ $\widehat{\sigma}$ $\widehat{\sigma}$ $\widehat{\sigma}$ $\widehat{\sigma}$ قطر في الدائرة $\widehat{\sigma}$ ، $\widehat{\sigma}$ $\widehat{\sigma}$ $\widehat{\sigma}$ $\widehat{\sigma}$



0 £0 (3)

- ° ۳. 😛
- °7. (3)





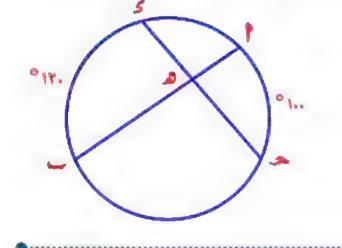
المراجعة النهائية

ن في الشكل المقابل: «الشرقية 2019)» 🚾

- إذا كان: ق (ع م) = ١٠٠ °، ق (ب ك) = ١٢٠ °، فإن: ق (١ ع ه م) =
 - °11. (1)
 - - ° V. (3)

0.

° 00 (+)



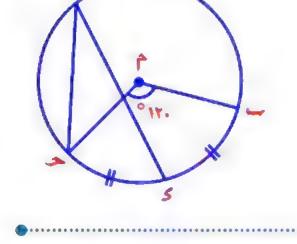
🛂 في الشكل المقابل :

°10 (i)

۳. (ب

0 E0 (3)

°7. ③



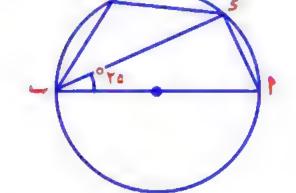
في الشكل المقابل: «الأقصر 2017»

$$\widehat{1-1}$$
 قطر في الدائرة $\widehat{1}$ ، $\widehat{0}$ ($\angle 1$ ا -2) = 0 1 0 ، 0 (-2) ، فإن : 0 ($\angle -2$) =

° 0. (i)

°110 (2)

- °1.. (+)
- °170 3



في الشكل المقابل : «الغربية 2017» 🔽

° y. (i)

- · (ii)
- 000 3

°170 (=)

- 00 (3

🚻 في الشكل المقابل :

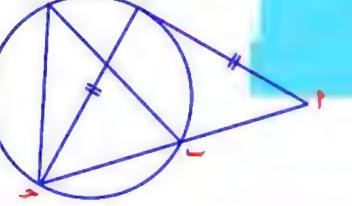


٥٦. (۱)

(3)



- °4. 😛
- ۳. (ع)

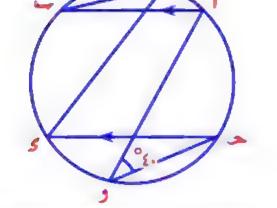


📆 في الشكل المقابل: «الشرقية 2017»

اذا كان: أب الحك، ق (الم الحد) = ٤٠ ، فإن: ق (الم اله ك) = .

° 4. (1)

- ° {• 😛
- ° 20 (3)



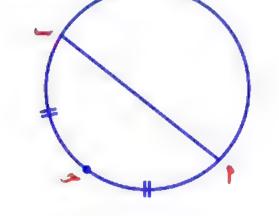
ن في الشكل المقابل: «الجيزة 2017» 🚻

إذا كانت: حمنتصف (٩٦) ، فإن: ١٦

- > (1)
- 9

≥ (⊇)

= (3)



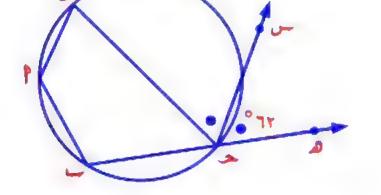
ዢ في الشكل المقابل : «الجيزة 2017»

إذا كانت: ه = بح، حس ينصف لا هدى بحيث ق (لا هدس) = ١٢°



°07 (=)

- °17A 😌
- °178 3



٥٣. 😛

° 47 (3)

في الشكل المقابل: «الجيزة 2019»

- - ، فإن قيمة س =
 - ° 1. (1)
 - ° 47 (2)



- م دائرة، م اس الحك، ق (ع حر) = ٢٠ ، ق (لا ب ه ك) = (٣ ص + ٥) °
 - ه فيان: ص =

 - °10 (=)

° 40 (3)

°1. 😌

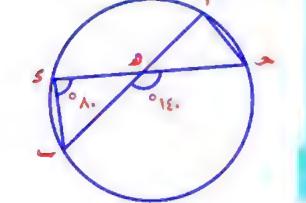


- إذا كان: أب ، أحد مماسان للدائرة عند ب، ح، ق (٤١) = ٧٠
 - ، فإن: ق (بح) الأصغر =
 - °11.



- احد ا ب ا = (ه) ، ق (ا حد ه ب) = ١٤٠ ، ق (ا ك) = ١٠٠ ، فإن: ق (ا حر) =

°7. 3



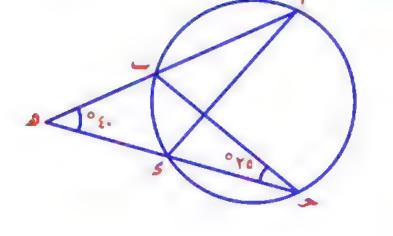
🛂 في الشكل المقابل :

- إذا كان: أب احد = { ه } ، ق (\ ه) = ، ٤° ، ق (\ ح) = ٥٢°
 - ، فان : ق (\ اب ح) =

 - 0 40 (2)

°70 (3)

° 1. (+)



نص الشكل المقابل : «اسوان 2018» 😘

- ٩٠ قطر في الدائرة ٩ ، ق (٢٩) = س ، ق (١٠) = ٢ س ، فإن : س =
 - ° 7. (i)

° ٣. (+)

° [. (=)

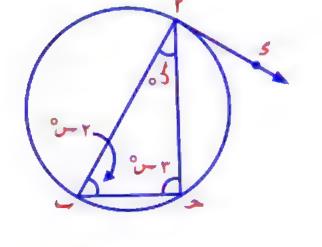


🚻 في الشكل المقابل :

- ا ك مماسًا للدائرة عندى، ق (لا ب) = ٢ س ، ق (لا ح) = ٣ س ، ق (لا ح ا ب) = س ،
 - ، فان: ق (لا ک ا ح) = ...



- °7. (=)



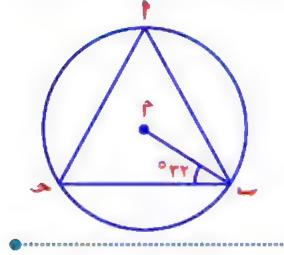
الدعو: 01018047203 - 01022543617 : معالم

📆 في الشكل المقابل :

- دائرة مركزها م، ال (الم م ح) = ٣٢ ، فإن: ال (١٩) =
 - °17 (i)
 - °78 (=)

°117 (3)

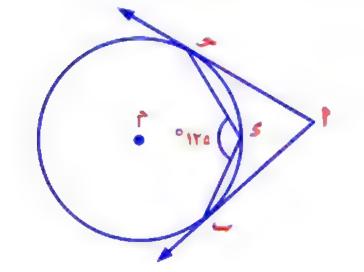
۰۳۲ (!)



🎹 في الشكل المقابل :

آب، آح مماسان للدائرة عند ب، ح، أخذت ك (بحر) بحيث ق (لا ب ك ح) = ١٢٥°

- ، فإن: ق (L ع) =

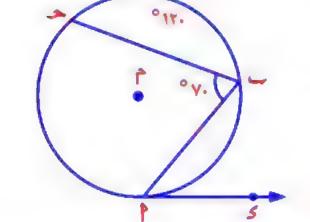


🏗 في الشكل المقابل :

ع مماسًا للدائرة عند ع ، ق (ل ب) = ٧٠ ، ق (ب ح) = ١٢٠ ، فإن : ق (١٤) =

° V. (2)

- °7. (+)
- ° 40 (3)

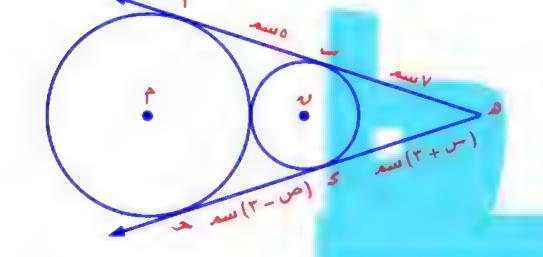


😘 في الشكل المقابل :

ه أ ، ه ب مماسان مشتركان للدائرتين أ ، له ، أب = ٥ سم ، ه ك = ٧ سم

- ، ه ک = ۷ سم ، فان : س + ص =

12 3



🔼 في الشكل المقابل :

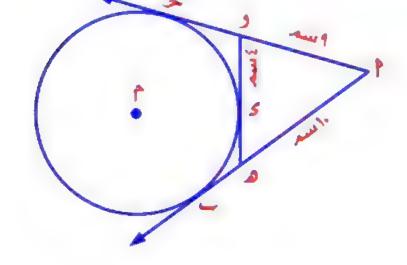
اب ، احد ، و هم مماسات للدائرة عند ب ، ح ، و على الترتيب ، او = ٩ سم

، اه = ١٠ سم ، و ك = ٤ سم ، فإن: ه ك = ...



- ے ہ سم

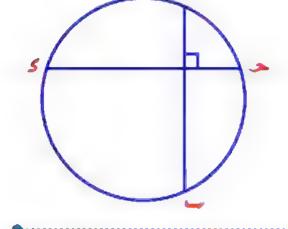




📆 في الشكل المقابل :

اب ، حك وتران متعامدان في الدائرة ٢ ، فإن: ق (سك) + ق (احد) =

- 0 80 (i)
- °11. (2)



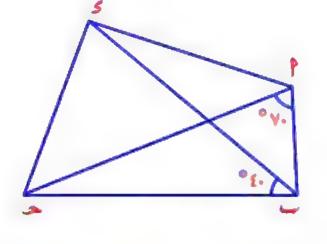
۲۸ في الشكل المقابل : «دمياط 2016»

٩ - ح ک شکل رباعي دائري فيه ، ق (ل ب ١ ح) = ٧٠ ، ق (ل ک ب ح) = ٤٠ °



°11. (2)





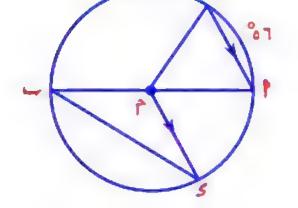
الدعو: 01018047203 - 01022543617

📆 في الشكل المقابل :

- - °YA (i)
 - °77 (2)

0....

°07 (+)



في الشكل المقابل :

ع كم مماسًا للدائرة المارة برؤوس المثلث المدعند اله و (لا ب) = س ، و (لا ح) = ٢ - 0 ، و (لا ح) = ٢ - 0 ،

- - ° 47 (1)

° { Y } °

<u>√°(∪-∀)</u> "∪-

الشكل المقابل: في الشكل المقابل:

ONE (

اب قطر في الدائرة م، ق (لا ح) = ٢٠ ، ق (اهم) = ٧٠ و الم

، فإن: ق (ه ک) =

- ۰۸۰ 😓
- °11. (3)

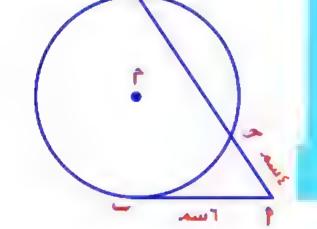


ن في الشكل المقابل 🚼

ا ب مماسًا للدائرة عند ب ، اب = ٦ سم ، اح = ٤ سم ، فإن : حاك =

- ن کسی
- € ۹ سم

ا ۱۰ عم



نص الشكل المقابل: «سوهاج 2017» 🚻 في الشكل

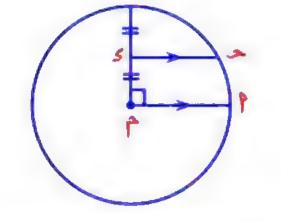
إذا كان: ٩٦ / حك، ق (٢٩٦ س) = ٩٠، فإن: ق (٩٤) =

07

4. (1)

٥٣. 🗅

° £0 (3)



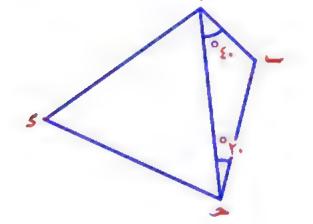
نص الشكل المقابل: «الشرقية 2018» 👪

٩ - حرى شكل رباعي دائري ، ق (لا ب احر) = ٤٠ ، ق (لا احر ب ا

- ، فإن: ق (٤ ك) = ...
 - ٧٠ (1)
 - °7. (=)

°17. 3

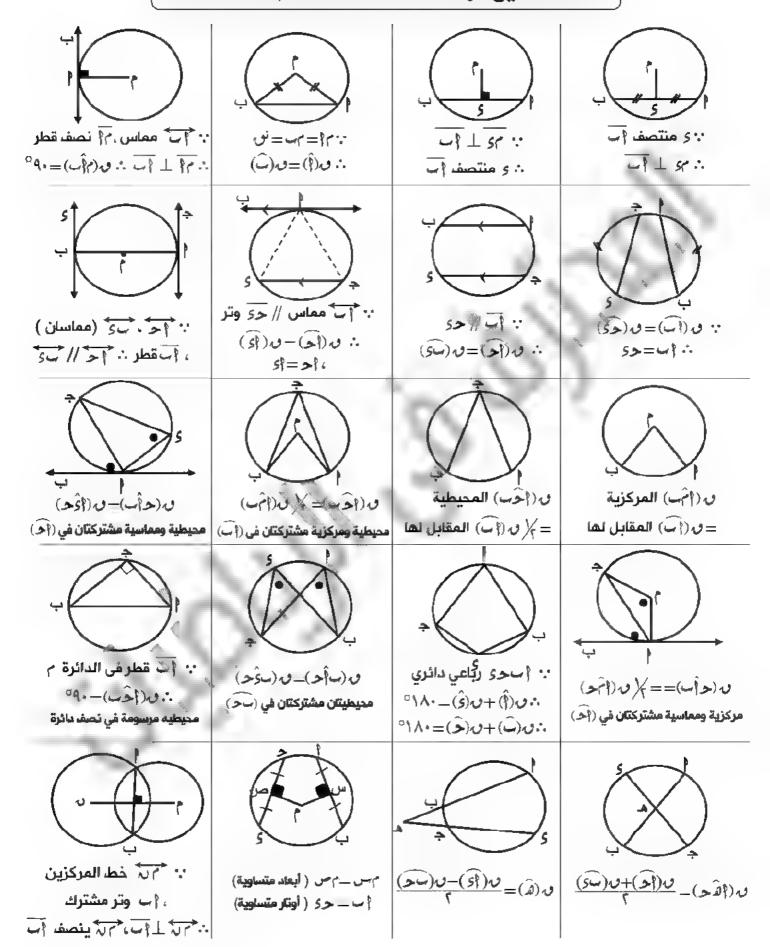
° { . (+)

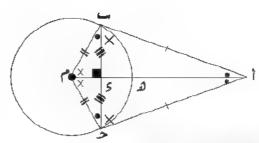


البسيط في الرياضيات، منطلق جديد

الدعو: 01018047203 - 01022543617

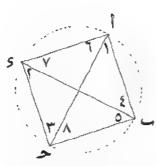
مفاتيح الهندسة للصف الثالث الإعدادي



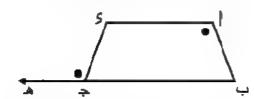


نظرية (٤) ونتائجها:

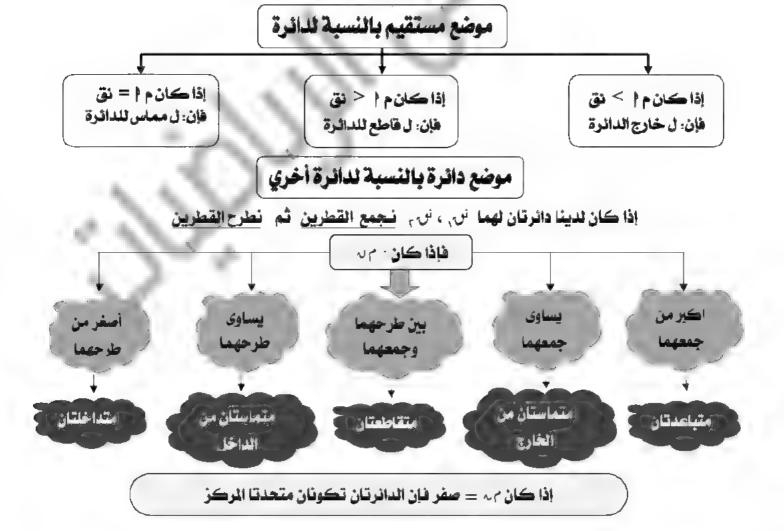
- ١ اس= احد
- 🕥 📆 محور سر ویکون
- 52-54 1 241
- 🕐 الشكل إب م و رباعي دائيري لأن :
 - 。ヤーニ(アン) = (アン)
 - ﴿ طُولَ الْمُ ﴿ عُلُولَ الْمُ وَ
 - w=>1=41 ()
- ال دراً ما على المراجع المنطق المراجع المنطق المراجع ا
- (احدُم) من (اعدُم) (عددُم) (المحدِين (المحدِين) (المحدِين) (المحدِين) (المحدِين) (المحدِين) (المحدِين) (المحدِين)
- المماستان المرسومتان من نقطة خارج الثرة قوس أصغر في الدائرة.



- $(\hat{\mathbf{i}}) = \mathcal{O}(\hat{\mathbf{i}})$ یکون رہاعی دائری
- $(\hat{\mathbf{r}}) = v_*(\hat{\mathbf{r}})$ یکون رہاعی دائری $(\hat{\mathbf{r}})$
- ψ $\psi(\hat{s}) = \psi(\hat{s})$ یکون رباعی دائری $\psi(\hat{s})$
- $(\hat{\lambda})_{\varphi} = \psi(\hat{\lambda})$ يکون رباعی دائری ($\hat{\lambda}$



إذا كان : $\mathfrak{o}(\widehat{\mathcal{E}}(a))$ الخارجة $\mathfrak{o}(\widehat{\mathfrak{f}})$ الداخلة المقابلة فإن الشكل : \mathfrak{f} بحرو رباعي دائري



عدد الدوائر التي ثمرب اللاث نقط علي استقامة واحدة (صفر)

- (١) المستطيل والمربع وشبه المنحرف المتساوي الساقين أشكال رباعية دائرية.
- (٢) متوازي الأضلاع والمعين وشبه المنحرف غير متساوي الساقين ليست أشكالا رباعية



بعض القوانين الهامة

معيط الدائرة = $7\pi^{i0}$ مساحة الدائرة = π^{i0}^{7} مساحة المربع = مربع طول ضلعه مساحة المربع = طول الضلع $\times 3$ مساحة المستطيل = (الطول \times العرض $\times 7$ مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة \times الارتفاع مسحة المعين = طول الضلع \times الارتفاع مساحة المعين = % \times حاصل ضرب طولا قطرية

مساحة شبة المنحرف = × × مجموع القاعدتين المتوازيتان × الارتفاع

مساحة الثلث = 1 × القاعدة × الارتفاع

عدد الماسات المشتركة التي يمكن رسمها لدائرة من نقطة خارجها عدد الماسات المشتركة التي يمكن رسمها لدائرة من نقطة خارجها عدد الماسات المشتركة التي يمكن رسمها لدائرة من نقطة عليها عدد الماسات المشتركة التي يمكن رسمها لدائرتين متماستين من الداخل عدد المماسات المشتركة التي يمكن رسمها لدائرتين متماستين من الخارج عدد المماسات المشتركة التي يمكن رسمها لدائرتين متقاطعتين عدد المماسات المشتركة التي يمكن رسمها لدائرتين متداخلتين أو متعدى المركز (صفر) عدد المماسات المشتركة التي يمكن رسمها لدائرتين متداخلتين أو متعدى المركز (صفر)

ملخص نظرى المندســة

- 🕥 نصف قطر الدائرة أي قطعة مستقيمة تصل بين المركز وأي نقطة على الدائرة وكلها متساوية وتساوي 🤟
 - 😙 وتر الدائرة هو أي قطعة مستقيمة تصل بين نقطتين على الدائرة
 - 🔫 قطر الدائرة وتر يمر بالمركز أو أي قطعة مستقيمة تصل بين نقطتين على الدائرة وتمر بالمركز
 - € أي مستقيم يمر بمركز الدائرة هو محور تماثل لها وللدائرة عدد لا نهائي من محاور التماثل
 - π محيط الدائرة π π ψ π مساحة الدائرة π
- ﴿ ﴿ حُصِ المركزينِ الدائرتينِ متماستينِ من الداخل أو الخارج يكون عمودياً على المماس المشترك عند نقطة التماس ﴿
 - ﴿ المستقيم المار بمركز الدائرة وبمنتصف أي وتر فيها يكون عمودياً على هذا الوتر
 - 🤊 خصالمركزين لدائرتين متقاطعتين يكون عمودياً على الوتر المشترك وينصفه
 - 🙃 المماس لدائرة يكون عمودياً على نصف القطر المرسوم من تقطة التماس
 - 🕦 المستقيم العمودي على قطر الدائرة من إحدى ثمايته يكون مماس للدائرة
 - 🕅 المماسان لدائرة المرسومان من نهايتي قطر فيهما متوازيين
 - (٣) يوجد عدد لا نهائي من الدوائر التي ثمر بنقطة واحدة
 - ﴿ يُوجِد عدد لا نهائي من الدوائر التي تمر بنقطتينَ
 - 🔞 لا يمكن رسم دائرة واحدة تمر بِثلاث نقط على استقامة واحدة
 - 🕤 أصغر دائرة يمكن رسمها تمر بالنقطتين 🕴 🕒 طولها يساوي نصف صول 🕯 🗝
 - (٧) يمكن رسم دائرة وحيدة تمر بثلاث نقط اليسُرِّ، على استُقامةُ واحدة
 - 🔊 الدائرة الخارجة للمثلث هي الدائرة التي تمر برؤوس المثلث من الخارج
 - 🕙 مركز الدائرة الخارجة للمثلث هي نقطة تقلطع الأعمدة المقامة على أضلاعه من منتصفاتها
 - 📆 مركز الدائرة الخارجة للمثلث القائم الزاوية هو منتصف الوتر
 - ﴿ الأوتار المتساوية في الطُّول في دائرة تكون على ابعاد متساوية من مركزها
 - ضى الدائرة الواحدة أو فى الدوائر المتطابقة إذا كانت الأوتار على ابعاد متساوية من المركز فانها تكون متساوية فى الطول
 - 👚 في الدائرة الواحدة أو في الدوائر المتطابقة الأقواس المتساوية في القياس متساوية في الطول والعكس صحيح
 - ﴿ فَى الدائرة الواحدة أو فَى الدوائر المتطابقة الأقواس المتساوية فَى القياس أوتارها متساوية فَى الطول والعكس صحيح
 - 🔞 الوتران المتوازييان في الدائرة يحصران قوسين متساويين في القياس
 - 🕆 القوسان المحصوران بين وتر ومماس يوازيه متساويان في القياس
 - 😗 قياس الزاوية المحيطية يساوى نصف قياس الزاوية المركزية المشتركة معما في القوس
 - 🚯 قياس الزاوية المركزية ضعف قياس الزاوية المحيطية المشتركة معما في القوس
 - 🔫 قياس الزاوية المحيطية يساوى نصف قياس القوس المقابل لها
 - 🛪 الزاوية المحيطية المرسومة في نصف دائرة قائمة
 - 🕝 الزاوية المحيطية التي تحصر نفس القوس في الدائرة الواحدة متساوية في القياس

😁 قياس الزاوية المحيطية يساوى نصف قياس القوس المقابل لها
😙 الزاوية المحيطية المرسومة في نصف دائرة قائمة
🕦 الزاوية المحيطية التي تحصر نفس القوس في الدائرة الواحدة متساوية في القياس
🚳 في الدائرة الواحدة أو في عدة دوائر الزوايا المحيطية المتساوية في القياس تحصر بين ضلعيهما أقواساً متساوية
في القياس
👚 إذا تساوي قياسا زاويتين مرسومتين على قاعدة واحدة وفي جهة واحدة منها فأنه يمر برأسيهما دائرة واحدة
تكون هذه القاعدة وتراً فيها
→ إذا كان الشكل الرباعي دائرياً فإن : كل زاويتان متقابلتان متكاملتان مجموعهم → ١٨٠
﴿ المستطيل والمربع والشبه منحرف المتساوى الساقين اشكال رباعية دائرية
🖱 متوازي الأضلاع والمعين وشبه المندرف الغير متساوي الساقين رباعيه غير دائرية
😥 قياس الزاوية الخارجة عن أي رأس من رؤوس الشكل الرباعي الدائري يساوي قياس الزاوية الداخله المقابلة للمجاورة
🗈 إذًا وجدت زاويتان متقابلتان متكاملتان في شكل رباعي كان هذا الشكل رباعي دائري
😥 إذا وجدت زاوية خارجة عند رأس من رؤوس شكل رباعي قياسها يساوي قياس ُ الزاوية الداخلة المقابلة لهذا الرأس
كان الشكل رباعياً دلئرياً
😥 القطعتان المماستان المرسومتان من نقطة ُخارج الدائرة متساويتان في الطول
﴾ يكون الشكل الرباعي دائرياً إذا تحققت أحد الشُّروط التالية :
©إذا وجدت نقطة في مستوى الشكل تكون على ابعاد متساوية <mark>من رؤوسه</mark>
©إذا وجدت زاويتان متساويتان في القياس ومرسومتانٍ على ضلع من لضلاعه كقاعدة وفي جهّة واحدة من هذا الضلع
@إذا وجدت زاويتان متقابلتان أنيه متكاملتان مجموع قياسهما 🚁 🦇 ۱
⊚إذا وجدت زاوية خارجة عند أي رأس من رؤسه قياسها يساوي قياس الزاوية الدلخلة المقابلة للمجاورة له
😥 الدائرة الداخلة لمثلث هي الدائرة التي تمس اضلاعه من الداجّل
﴿ مركز الدائرة الداخلة لأى مثلث هو نقطة تقاطع منصفات رواياه
 الزاوية المماسية هي الزاوية المكونة من اتحاد شعاعين أحدهما مماس للدائرة والأخر يحتوي وتر الدائرة يمر بنقطة
التماس
آ قياس الزاوية المماسية يساوى نصف قياس القوس الموصول بين ضلعيهما
 (المحاسية المحاسية يساوى قياس الزاوية المحيطية المرسومة على وتر التماس
⊕ إذا رسم من لحدى نقطتي النهاية لوتر في دائرة بحيث كان قياس الزاوية المحصورة بين هذا الشعاع والوتر يساوي
قياس الزاوية المحيطية المرسومة على نفس الوتر من الجهة الأخرى فإن هذا الشعاع يكون مماساً للدائرة
اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
ر م ، ◊ دائرتان متباعدتان طولا نصفی قطریهما ۸سم ، ۲سم علی الترتیب فإن : م◊ ١٤سم
$\leq \mathfrak{G} = \mathfrak{S} \qquad < \mathfrak{S} \qquad > \mathfrak{D}$
🕤 قياس الزاوية المحيطية يساوي قياس الزاوية المركزية المشتركة معها في نفس القوس
① نصف 🕞 ضعف ﴿ ربع ﴿ ثَلْثُ
﴿ إِذَا كَانَتَ الدائرِتَانَ مَ ، ◊ متماستانَ من الداخل طولا نصفي قطريهما ٧سم ، ٣سم فإن : م ◊
1. (g) Y (g) \$ (e) Y (f)
المحترف في الرياضيات "الصف التالث الإعدادي" "المواجعة النهائية في الهندسة"

5 -			﴿ فَي الشَّكُلُ الْمُقَابِلُ ؛
	ζ.		اب قطر في الدائرة م
~ \	7		، ق (أحَ) – ق (حَوَ) – ق (وَ فإن : ق (حسَوَ) =
	/		
J.		٥٣٠ ⊖	010 ①
	^ -	۰۳۰ 🕜	°£0 🕢
*(4************************	ں (حَ) فإن : به (۱) :	$\frac{1}{7} = \langle 1 \rangle$ و $\langle 1 \rangle = \frac{1}{7}$	 فى الشكل الرباعى الدائرى (٠
·71°	° ७ र .	۰۳۰ 😡	۰۲۰ Ф
وينصفه)	طعتين يكون عموداً على	🥱 خط المركزين لدائرتين متقا
🧻 🔇 المماس	🗨 الوثر المشترك 🦠	⊖ الوثر	() القطر
100	man Maria Maria	نى ئىرفىدائرة .سىئىڭاللا	் الزاوية المحيطية المرسومة المرسومة
﴿ قَائِمَةُ	🗨 مئفرجة	🔾 مستقيمة	① حادة
		ائرياً إذا كانر	🛦 الشكل المقابل يكون رباعياً د
\times	5 L-7 @	91 /	$\mathbf{v} = (\hat{\mathbf{s}}) \mathbf{o} + (\hat{\mathbf{f}}) \mathbf{o} 0$
(ا حُون) ا	ع د (ا أو ب ع ا	(5)	و ن (ب أو) = ق (ح
فإن الدائرتين تكونان	ا کان : م یہ _ ۱۶ سم	قطریهما ۸ سم ، ۲ سم اذ	🌘 دائرتان م ، 🗸 طولا نصفی
﴿ متماستين من الخارج	﴿ داخلتين	ُ ۞ متباعدتين ﴿	🗇 متقاطعتين
	V	1	🕟 في الشكل المقابل 1
			🕌 🖒 سطح الدائرة 🌾
	4	55 0	{562}
2 5 /2 1	The same of	Ø O	7 53 @
		تقابل قوساً طوئه 🗼 π س	🕦 قياس الزاوية المركزية التي ن
°74. ③	015 6	9.400	°4. D
		***************************************	😗 یمکن رسم دائرة تمر برؤوس
 متوازي أضلاع 	ے شبہ منحرف	😡 مستطيل	🕥 معین
مستقيم ل يكون	ا مسافة ٥سم فإن ال	ستقيم ل يبعد عن مركزه	😗 دائرة طول قطرها ١٠سم والد
③ قطراً في الدائرة	﴾ خارج الدائرة	😡 قاطعاً للدائرة (🕥 مماساً للدائرة
*****	رج هو	الرتين المتماستين من الذ	😥 عدد المماسات المشتركة للد
٣ 🕥	r @	١ 😡	۵ صفر
			📵 عدد محاور التماثل لأى دائرة
🕢 عدد لا نهائي	r @	1 😡	۵ صفر
	44 14 4 4466 "		
نهائية في الهندسة" 💮 🥚	تالمراجعه النا" "المراجعه النا	"الصف الثالث الإعدادي	المحتدن ت الرياضيات

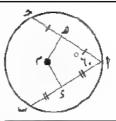
۵			🕥 في الشكل المقابل :
5		ة م	إذا كان 🖟 قطر في الدائر
4	######################################)=•٨° فإن : ق (أح َ)=	، إلى // حود ، ق (وهد
		°0.	° £. ①
			°A• 🔗
سم ، ۲سم على الترتيب	طولا نصفى قطريهما ٥٠	قاطعتان في نقطتين وكان	﴿ إِذَا كَانَ : ٢ ، ◊ دَائْرِتَانَ مَتَّ
		0.0000000000000000000000000000000000000	فإن : م √ ∈
] ٧ ، ٣] ③]٧,٣[❷	[٧٠٣[⊖	[Y.T] ①
		401400000000000000000000000000000000000	🕟 محور تماثل الدائرة هو
كز ﴿ المماس	🔗 المستقيم المار بالمر	⊖ الوتر	() القطر
	************	; قياس الدائرة يساوي	🕜 قياس القوس الذي يمثل ربع
°78. 3	011.	1000 1 040 O	۰۲۰ 🛈
10		عايتي قطر في دائرة يكوناز	 المماسان المرسومان من ند
﴿ منطبقين	🕢 متقاطعتین 🕜	😡 متوازيين	🕥 متعامدین
***************************************	فإنه يبعد عن المركز	ل دائرة طول قطرها ١٠سم	😗 وتر طوله ۸ سم مرسوم داذ
7103	7 70	1 2 9	01
		هو نقطة تقاطع	📆 مركز الدائرة الداخلة للمثلث
🕜 منصفات زوایاه الداخلة	🔗 محاور تمثل أضلاعه	ارتفاعاته	🕥 متوسطاته 🕤
75		لاومة مْلِي ثلث دَائرة يساوي	🔫 قياس الزاوية المركزية المرر
۰۳، ③	07.10	9 910	°72. ①
ن: م ٧ = سم			📆 م ، 🗸 دائرتان متماستان د
			F T 1
	1	1	نى الشكل المقابل :
		- A . A . A . A . A . A . A . A . A . A	اح قطرفي الدائرة م
ож.	1	=	، ق (حَ) = ۳۰° خاِن : ق (أَ)
		٠٦. 😡	۰۱۲۰ Ф
		° १ · 🔞	°4. 🔗
À			🕆 في الشكل المقابل :
			دائرة مركزها ۾ إذا كان : ص
)		ع ق (ا م س) = (ص + ۱۰)°
	1	۰۸۰ 🕞	٥٨٠ D
(ض + ۱۰)°		۵۱۸۰ 🕜	°1 🔗
ية في الهندسة"	 'ت" "المراجعة النها	"الصف الثالث الإعدادة	المحترف تن الرياضيات

5	\$\$\$\$.000 \$	= (ب عُ ال عند ال عند ال ال عند ال ال عند ال	 نى الشكل المقابل : نه (أثم ب) = ٥٠٠ فإن : و
()		°1	°0. ①
		° 40.	۰۲۱، 🚱
	**********	محصورة بين	術 الزاوية المماسية هي زاوية
آوتر وقطر	🔗 وتر ومماس	🔾 مماسین	① وترين
نقيم ل يكون	ن مركزها ٥سم فإن المسا	م والمستقيم ل يبعد ع	🤫 دائرة طول محيطها π٦
 ⑥ قطراً في الدائرة 	﴿خارج الدائرة	🔾 قاطعاً للدائرة	() مماساً للدائرة
	······································	ن (أ) عمر ق (و) قان	🕞 🕯 🗝 و رباعی دائری فیه :
0.710	PITO	20 ⊖,	°9. ①
- ٢ سم فإن: ٣ ، ٥ ، ١٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠	7 سم ، ۲ سم وکان ۲ سے	الدائرتين ح ، 🗸 هما ,	衡 إذا كان طولا نصفى قطري
🚱 متماستان من الخارج	🔗 متباعدتان	🔾 متداخلتان	🕥 متقاطعتان
		دائرتين متحدثى المركز	🖱 عدد المماسات المشتركة ا
(3)	101	1 105	
	×	1	 ضي الشكل المقابل :
	1		७० । १६.=(पि)
3			فابن : ق (هُ) =
A 20.	1	(° 2 · ◎ 5	
		° 90 (G) -3	°00 🚱
		1000	ن في الشكل المقابل :
- COZ.	"Marine	1.1	فانده (بُ الحِوَّةِ عَ فِي (بُ الْكِ≒٤٠
			فإن : ق (صورَ) =
5	>>	4 3 9	°7. ①
		P17. 3	°A• 🔗
شتركة معما في نفس القوس		,	الزاوية المركزية =
\ ③	Γ ⊛	1 0	① 1
			⊕ مجموعة نقط الدائرة ♦ ﴿
€ محيط الدائرة له		→ سطح الدائرة له	
م ، س > ه ، ۲ = ۲ سم ا	ى الدائرتين ٥سم ، سس		 ائرتان م ، له متماستان الد ، اه
1.0	.	_	فإن: ^ن ق =
9 3	V 🙆	A @	7 1
*********			ش عدد الدوائر التي تمر بثلاث
﴿ عدد لا نهائی	ثلاث	⊚ واحد	۰ صفر
هائية في الهندسة" (٥)	مادك" "المراجعة الن	"الصف الثالث الإع	المحترف تى الرياضيات

		میم	🝘 أطول الاوتار في الدائرة يس
🚱 نصف قطر	🥏 قاطع	🔾 مماس	(قطر
5			😥 في الشكل المقابل :
		خٌ ينصف (و حُ هـ)	إذا كانت: ﴿ ﴿ بِهِ مَ اللَّهِ اللَّهِ مَا اللَّهُ اللَّهُ مَا اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ
۰٬۰۹۲	ቀ ቀቀ ውሳካው «ቀቀቀቀ።	··········=(Ŷ) •	، ق (س حَ ه) = ٢٢° غإن:
77.071	°114 \O		D 150
	371°		°07 🔗
في القوس =	المركزية المشتركة معها	محيطية وقياس الزاوية	🚯 النسبة بين قياس الزاوية ال
٣:١③	1:1 🕝 🗆	1:1 😡	7:1
افة (س + ٢) سم	م ل يبعد عن مركزها مسا	س + ٦)سم والمستقيد	😭 دائرة طول نصف قطرها (۲
	-	ا ل يكون السيسي	حيث س >+ فإن المستقيه
﴿ مَاراً بِمركز الدائرة	 قاطعاً للدائرة 	😡 مماساً للدائرة	﴿ خارج الدائرة
· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	م → ا سطح للدائرة م=	ا = { ا ، سا} فإن :	😭 إذا كان: ﴿ أَنَّ ﴿ الدائرة '
1- 3	च 🥹 🗆	1 -10	(1, -1) D
	ا تكون ،,	قوساً أصغر في الدائرة	😥 الزاوية المحيطية الَّتَى تَقَابِل
عادة	⊘ منفرجة	⊖ قائمة	🕥 منعكسة
l e	A PARTICIPATION OF THE PARTICI	,A. /	🚱 في الشكل المقابل :
		7	م دائرة فإذا كان : ﴿ ﴿ ﴿ اللَّهِ
		· ip · · · · · ip · · · · · · · · · · ·	فَإِنْ : ق (أُ) =
	∘∘. ⊚	1	٥٤٠ €
	°14. 3	15 15	• °1·· ⊕
	-		 ضى الشكل المقابل : —
		0	= sr 6 5> // rs
2003		04.T	٩٠=(س١٩) ع د
(\star,\star)		表现各面面面面面面面面 不不不	فإن: ب (أح) =
3	°1. @		°\$0 ①
	° 4 . ③		۰۴، 🕲
Ĭ			🕸 في الشكل المقابل :
5			و منتصف 🖟 ، هـ منتصف
		=(1)	$^{\circ}$ ، وه $^{\circ}$ $^{\circ}$ هان: وه $^{\circ}$
	014. O		°11. D
	07/0		°170 🕣
نهائية في الهندسة"	11 dom1.11" "- < 1	"الصف الثالث الإع	المحتدف ت الدياضيات
بهانيه في الهندسة	المارف المراجعة الم	النطاق المعالب المجدا	ا فلرت ف الرياميوات

		و من المالية	الله في الشكل المقابل: الذا كان نامي السما
(-1./-7)		، م ب _ ۱۰ سم غان: اب	_
	17 😡		1. ①
3,	٤ ③		V
مرکزها سم	طعاً للدائرة مإنه يبعد عن	ا فإذا كان المستقيم ل قا	😭 دائرة طول قطرها ۱۰ 🛶
٤ 3	V 📀	۲ 😡	1. ①
ين المركز ٢ والمستقيم ∪ ∈	خارج الدائرة مفإن البعد ب	سم فإذا كان المستقيم ل	🔞 دائرة ۲ طول قطرها ۱۰
]∞ .0[③	[0 6 • [🕣] 0 (• [😡	{o ··} ①
ين	نطر الدائرة √ فإن الدائرة	الدائرة م — طول نصف ذ	 إذا كان طول نصف قطر
﴿ متقاطعتان	🙆 مقطابقتان	😡 متباعدتان	🕥 متداخلتان
	ىتقىم ل يكون	الدائرة $\gamma = \emptyset$ فإن المد	🔞 إذا كان المستقيم ل
	﴿ خَارِجِ الدِائرِةِ		
	1		🚱 دائرتان طولا نصفي قط
	[14.4[0)	Account to the same of the sam	
<i>†</i>			 عدد الدوائر التي يمكن ر
ه لا يوجد		7 🔘	
	700	7	🐽 في الشكل المقابل :
	لول سر 🚁 🎵	م ، ن (بَ) = ۲°° فإنَّ: ط	الماسلمة الماسكة عام
	y 😡	N 9/3	0 ①
, or,	1.0		_ ^ @
1		4	
			📵 دائرتان م ، 🗸 طولا نص
حاخل	اً⊜ متماستین من ال	خارج ا	🕦 متماستین من ال
	🕜 متباعدتین	Mary Control	🕢 متقاطعتین
حرى على الترتيب ، ٢-س=٣سم	، س ، ص منتصفا 🔟 ،	ان في الطول في دائرة م	🔞 🕌 ، حری وتران متساوی
		****	فإن∶ م ص =
* 3	€ 🕢	۲ 😡	T D
***	} فإن الدائرتين م ، له	$ boldsymbol{\dagger} = boldsymbol{\dagger}$ سطح الدائرة $ ho$	﴿ إِذَا كَانَ سَطِحَ الدَائِرَةُ مِ
 متماستان من الخارج 	🔗 متقاطعتان	😡 متحدثا المركز	🕦 متباعدتان
		بروۇس	📵 لا يمكن رسم دائرة تمر
المستطيل	🕢 المعين	😡 المربع	① المثلث
قين	تماثل مثلث متساوى الساة	ائرةعدد محاور	🕞 عدد محاور تماثل نصف د
< ③	= ②	> ©	< ①
لنهائية في الهندسة" (٧	سادت" "المراجعة ا		المحترف ن الرياضيات

(١) في الشكل المقابل :

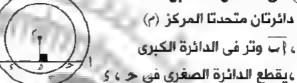


ي البرهان ي

٠٩٠= (٩ عَنتصف الله : ع الله الله عند ا

·· مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي = ٣٦٠°

🕥 في الشكل المقابل :



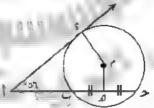
، م ه ۱ اب أثبت أن : ﴿ ح = ح و

ي البرهان ي

فى الدائرة الكبرى: $\because \frac{1}{2} \sqrt{1} \quad \therefore \quad \alpha$ منتصف $\sqrt{1}$ $\Rightarrow 0 \rightarrow 0$ $\Rightarrow 0 \rightarrow 0$

فى الدائرة الصغرى: : ﴿ مَا اللَّهِ اللَّهِ مَا اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللهِ اللهُ الل

بطرح ﴿ مِن ﴿ : ﴿ هِ اللهِ ا



في الشكل المقابل: أح^{*} مماس للدائرة م أح^{*} يقطع الدائرة م في ب ، ح

$(\hat{\gamma})=\hat{\gamma}$ أوجد: ق $(\hat{\gamma})=\hat{\gamma}$

🗞 البرهان 🥱

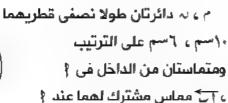
🛨 🤫 مماس للدائرة م عند 🕴 ، 🥱 (نق)

$$^{\circ}$$
 $\mathbf{A} \cdot = (\mathbf{1} \ \hat{\mathbf{s}} \ \mathbf{r}) \circ \rightarrow \overline{\mathbf{s}} \ \mathbf{1} \ \overline{\mathbf{s}} \cdot \mathbf{r} \rightarrow \mathbf{r}$

، ت ه منتصف بح

٠٠ مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي = ٣٦٠ 🌣

٤ في الشكل المقابل :



إذا كانت مساحة سطح : ∆ب ٢٠ = ٢٤ سم ً

فأوجد؛ طول ∤ب ؟

البرهان ج

· ﴿ أَنَّ مَمَاسَ لِلْدَائِرَةُ مِ مَا اللَّهِ لِللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّ

٠٠٠ الدائرتان م ۽ 🗸 متماستان من الداخل

1-13 # NE -13 - 3 mg

 $\neg P \times \neg P \times \frac{1}{\Gamma} = \neg P \rightarrow \Delta$ and \Rightarrow

137=7×3×1-

ن الله = ١١ سم

ه في الشكل المقابل :

مو له اساء مد له حود ان وس = ه ص اثبت ان

(1) for = es (1) fe = ea

🗞 البرهان 🕉

٠٠ ١٥ = ١٥ - ١٥ -

الناسود المد المسك

بطرح ﴿ مِنْ ﴿ مِنْ اللَّهِ عَلَى اللَّهِ عَلَى اللَّهِ عَلَى اللَّهِ عَلَى اللَّهِ عَلَى اللَّهِ عَلَى اللَّهِ اللَّهِ عَلَى اللَّهُ عَلَى اللَّهِ عَلَى اللَّهِ عَلَى اللَّهُ عَلَى اللّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَّى اللَّهُ عَلَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَّمُ عَلَّا عَلَى اللَّهُ عَلَّهُ عَلَّهُ عَلَّا عَلَى اللَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَّهُ عَلَّهُ عَلَّا عَلَا عَلَى اللَّهُ عَلَّا عَلَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَّا عَلَّهُ عَلَى اللَّهُ

अः नूर्य मिन्न कर्मित्र कर्मे

ن إب = حِرَ (أُولاً)

، ۲۰۰۰ <u>۱۹۰۰ ۲۰۰۰ بر منتصف آب</u>

· 1 - - - 1 ··

٠٠ م ص ل ح و ت منتصف حوو

٠٠ حص = ١٠ حود

، : اب = حور ن اس = حس

∴ ۵۵ اس و ، حصد فیهما:

((المس = وص

﴿ ﴿ سوو= صه

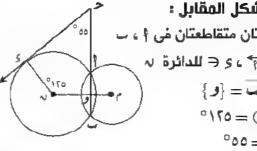
ل 🗨 ق (اشور) = ق (ح ص هـ) = ۹۰ °

 $\Delta : \Delta$ اس و $\Delta = \Delta$ وص وينتج أن : او $\Delta = \Delta$

🛪 في الشكل المقابل :

م ۽ بدائرتان متقاطعتان في 🖣 ۽ ب

- ، و ∈ 🔂 ، و ∈ للدائرة به
 - 1 3/4 | fu = {e}
 - ٥١٢٥= (٥٠٠) م د ، ق (وَ) = ٥٥٥
- أثبت أن : ﴿ وَ ﴿ مَمَاسَ لِلدَائِرَةُ لِهِ عَنْدٍ وَ



🗞 البرهان 😸

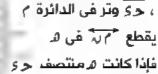
😯 ガ خط المركزين 🔒 😯 🖅 وتر مشترك

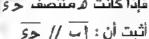
😁 مجموع قياسات الشكل الرباعي العاحلة 🚅 🎌

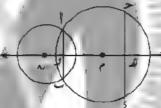
ن به و أحوة المحروة المعاس للدائرة الاعتداد

نى الشكل المقابل:

م ۽ بہ دائرتان متقاطعتان في 🖣 📤







🗞 البرهان 🗴

ن أمن خط المركزين على أب أب وتر مشترك

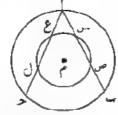
52 4 25 8 ، 😙 ت منتصف حرو

 $v \cdot v \cdot (e \hat{k}^{\gamma}) = v \cdot (\hat{l} \cdot \hat{v}) - \hat{v}^{\gamma}$ "فَيْ وَضِع تَنَاظُر" : 52 // 48 :

(٨) في الشكل المقابل :

دائرتان متحدتا المركز م

أثبت أن : س ص = ع ل



<u>لاءِ العمل في</u> نرسم مَءَ ـــ إب ، مَهَــــ إج 🔀 البرهان 🗴 في الدائرة الكبرى :

$$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}$$

في الدائرة الصغري : -

ar = sr $\sqrt{s} \pm \overline{ar}$ $\sqrt{sr} \pm \overline{sr} = r$

ت سوص=عل

﴿ ﴾) في الشكل المقابل :

باح = <u>2</u>0

، س منتصف ب ح

، ص منتصف <u>وهـ</u>

أثبت أن : إب _ إح

ي البرهان ي

· س منتصف سو نصل اسو با سو

٠٠ ص منتصف وهـ ند مص له وه

ن سو = وهر ن مي = مص في 🗚 إسّ ، إسم فيهما:

ر (الم سن ب موص

۲ ۲ ضلع مشترك

" 9·= (rのり) = (rのりの)

 $\Delta \emptyset$ س م $\Delta \Delta \emptyset$ وينتج من التطابق أن $\Delta \Delta \emptyset$

ن الله = اص الله ٢٠٠٠

، ﴿ يُن مُنتَمِقُ بِو ﴿ إِنَّ مِن اللَّهِ عَلَى مِن اللَّهِ عَلَى مِن اللَّهِ عَلَى مِن اللَّهِ عَلَى مِن اللّ

، اس منتصف وق

(m) ← ms=0m my=5m m

وبطرح () ، (، اس - سس = اص - وص 51= 4 ...

🕟 في الشكل المقابل :

ے ، بہدائرتان متقاطعتان فی ﴿ ، ب

{s}= ++ 1 1 Vr

، س منتصف ببو

، بەس⊥ ھور

ى مس = مى ، بص = له

أثبت أن: بعو = هو

البرهان ج

في الدائرة م

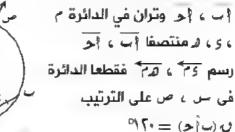
ن س منتصف سو الم مس لم بس ب

٠٠٠٠ خط المركزين ، أب وتر مشترك

41 I NO :

في الدائرة ي





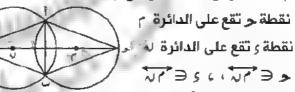
اثبت أن: ∆سصم متساوى الأضلاع



ي البرهان ي

∴ ∆س ص متساوى الأضلاع (١٧) في الشكل المقابل :

م ۽ له دائرتان متقاطعتان في 👣 ب

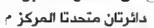


 $(\mathbf{c} \hat{\mathbf{p}}) = \mathbf{v}(\mathbf{c} \hat{\mathbf{p}}) = \mathbf{v}(\mathbf{c} \hat{\mathbf{p}})$

ي البرهان ين

- 😁 😽 خط المركزين 🖫 وتر مشترك 😙
- - في ۵۵ احری سرو
 - 24-211)
 - 54-51 (F)
 - $\Delta = \Delta = \Delta$ سوء $\Delta = \Delta$ (٣) حرى ضلع مشترك
 - وينتج من التطابق أن : $v(\mathbf{c} \, \hat{\mathbf{c}}) = v(\mathbf{c} \, \hat{\mathbf{c}})$

🔫 في الشكل المقابل :



إب، إو قطعتان مماستان للدائرة الصغرى

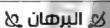
أثبت أن: إب = إح

البرهان ين

- ٠٠ إو مماس للدائرة م عند ه ، م ه نصف قطر
 - · 76 1 90
- · أب مماس للدائرة عند و ي أو نصف قطر
 - 4 1 sp ..

😥 في الشكل المقابل :

- م دائرة ق (سعوع) =ق (سعص) ، ومنتصف سرص
 - ، ه هنتصف سع
 - أثبية أن: مع _ مه

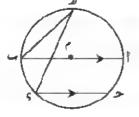


- $(\hat{\omega}) \triangleq \mathcal{O}(\widehat{\omega}) = \mathcal{O}(\widehat{a})$
 - ئ بنوس ÷ سوع
- : و منتصف س س الله الله م و الس س
 - الم منتصف سرع المنتصف علم الماسع
 - 20 = 50 ··

(١٥) في الشكل المقابل:

🕌 قطر في الدائرة 🕆

- 52/1486
- ٥٨٠=(ع) عاده
 - أوجد: ن (هُ)

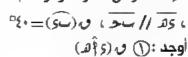


ي البرهان ي

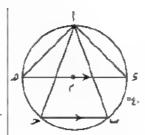
- 😯 🚾 قطر في الدائرة م
- ٠٠ الحوا) = ١٨٠ ، ال (حود) ٥١٨٠ . الم
- $\circ \land \cdot \cdot = \circ \land \cdot \circ \land \land \cdot = (\widehat{\mathsf{Sw}}) \circ + (\widehat{\mathsf{sh}}) \circ \cdot \cdot$
- - ن (و) محيطية مقابلة لـ (و)
 - $\widehat{\mathbf{v}} \circ \widehat{\mathbf{v}} = \widehat{\mathbf{v}} \circ \widehat{\mathbf{v}} = \widehat{\mathbf{v}} \times \widehat{\mathbf{v}} = \widehat{\mathbf{v}} = \widehat{\mathbf{v}} \times \widehat{\mathbf{v}} = \widehat{\mathbf{v}} = \widehat{\mathbf{v}} \times \widehat{\mathbf{v}} = \widehat{\mathbf{v}} = \widehat{\mathbf{v}} \times \widehat{\mathbf{v}} = \widehat{\mathbf{v}} = \widehat{\mathbf{v}} = \widehat{\mathbf{v}} \times \widehat{\mathbf{v}} = \widehat{\mathbf{v} = \widehat{\mathbf{v}} = \widehat{\mathbf{v$

🕆 في الشكل المقابل :

عطر في دائرة مركزها م







🗞 البرهان 🗴

(1)
$$\omega = \omega \quad \therefore \omega(\widehat{\omega}) = \omega(\widehat{\omega})$$

$$(\vec{0}) = (\vec{0})$$
 محیطیتان مشترکتان فی $(\vec{0}) = (\vec{0})$

$$(\mathfrak{P})$$
 \mathfrak{P} \mathfrak{P} \mathfrak{P} محیطیتان مشترکتان غی \mathfrak{P} \mathfrak{P}

$$\therefore \mathfrak{o}_{k}(\widehat{\mathfrak{g}}) = \mathfrak{o}_{k}(\widehat{\mathfrak{g}}) \quad \therefore \text{ ab} = \mathfrak{a}\mathfrak{g}$$

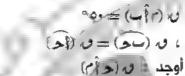
🚱 في الشكل المقابل :

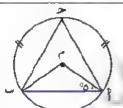
(١٩) في الشكل المقابل :

، هرس = هرص

سع ∩ سل = (ه)

أثبت أن : هع = هل





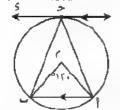
ي البرهان ي

٠٠ ١١ = ١٠ = نق

"محيطية ومركزية مشتركتان في (أَبُ)"

$$\circ \mathsf{V} \circ = \circ \underbrace{(\hat{\mathsf{L}})}_{\mathsf{V}} \circ \underbrace{(\hat{\mathsf{L}})}_{\mathsf{V}} \circ = \underbrace{(\hat{\mathsf{L}})}_{\mathsf{V}} \circ= \underbrace{(\hat{\mathsf{L}})}_{\mathsf{V}} \circ= \underbrace{(\hat{\mathsf{L}})}_{\mathsf{V}} \circ= \underbrace{(\hat{\mathsf{L}})}_{\mathsf{V}}$$

(٣) في الشكل المقابل :



ي البرهان ي

$$\div \circ (\dagger \widehat{\mathbf{c}} \omega) = \frac{1}{7} \circ (\dagger \widehat{\mathbf{c}} \omega) = \frac{1}{7} \times \mathbf{11}^{\circ} = \mathbf{17}^{\circ}$$

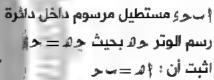
"محیطیة ومرکزیة مشترکتان فی $(\widehat{\P}_{m{\nu}})$ "

∴ ∆ ﴿ إِب متساوى الأضلاع

ي البرهان ي

💀 🧟 قطر في الدائرة م

🕪 في الشكل المقابل:





ي البرهان 🍇

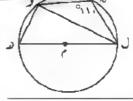
$$\mathfrak{o}_{\mathfrak{p}}(\widehat{\{ \varphi \}}) = \mathfrak{o}_{\mathfrak{p}}(\widehat{\mathfrak{q}})$$
 وبإضافة $\mathfrak{o}_{\mathfrak{p}}(\widehat{\mathfrak{q}})$ للطرفين $\mathfrak{o}_{\mathfrak{p}}(\widehat{\{ \varphi \}})$

🗚 في الشكل المقابل :

لُهُ قطر في الدائرة

، نه (٩٠) = ۱۱۱°

اوجد: ق (و ل اله)



ي البرهان ي

😯 🖒 🏗 قطر في الدائرة م

٠٠ و (ل و م ع ٩٠ ٥ محيطية مرسومة في نصف دائرة "

 $^{\circ}$ $^{\circ}$

° ∨ • = ° \ \ • - ° \ \ ∧ • = (Â) \ ∴

٠٠ ق (و ل ا ع م ۱ ٠٠ - ۲۰ - ۲۰ - ۲۰ - ۲۰ - ۲۰ - ۲۰

(٣٧) في الشكل المقابل :

إبح مثلث متساوى الأضلاع مرسوم داخل دائرة



بحيث ∮و = وهـ أثبت أن : ∆ ∮وهـ متساوى الأضلاع -

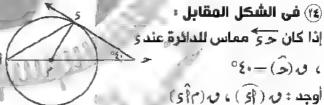
ي البرهان يخ

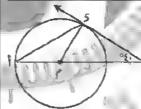
- 😯 🛆 إسر متساوي الأضلاع
- ∴ قیس کل زاویة من زوایا =۰۲° ن ص(بَ) = ۰۲۰ ش
- 🕂 Ĝ) ، (وُ) محيطيتان مشتركتان في القوس ﴿ ﴿ وَ ﴾
 - $^{\circ}$ $\forall \cdot = (\hat{s}) \omega = (\hat{\omega}) \omega :$
 - في △ ۱۶ ه نو و (۱۶ هر) = ۱۸ ه ۱۶ = ۱۹
 - ن 🛆 🛚 و هـ متساوى الأضلاع 👚

🔫 في الشكل المقابل : حرح مماس للدائرة عندح إس، هو وتران في الدائرة حيث: إلى // هو // حود أثبت أن : و ه = و در

ي البرهان ي

∴ و ۵ = وو





(٣) في الشكل المقابل :

ن در (ع) =۱۱۰ :

(٣٥) في الشكل المقابل:

رسم 🥳 يقطع الدائرة م 🍦

رسم 🚅 يقطع الدائرة م 🦸

في ر والدائرة له في ح

العمل العمل الم

🖖 الشكل إسح و رباعي دائري

 $^{\circ}$ \ $\Lambda \cdot = (s\hat{\mathbf{r}}_{-}) \cdot \mathbf{r}_{+} (\hat{\mathbf{r}}_{-}) \cdot \mathbf{r}_{+} \cdot \hat{\mathbf{r}}_{-}$

٠٠ الشكل لابو الدرياعي دائري

"\\ = " \ \ - " \ \ \ = (sf-) \ :

ن ب (๑٠٠٠) الخارجة خن (و) الداخلة المقابلة

 $^{\circ} \backslash \Lambda \cdot = ^{\circ} \lor \cdot + ^{\circ} \backslash \backslash \cdot = (\widehat{2}) \cup + (\widehat{2}) \cup \cdots$

- C 1 0 0 0

(أولا)

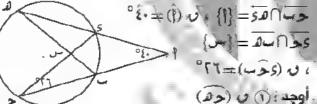
(ثانیاً)

البرهان ج

في لـ والدائرة له في ۶

م ، له دائرتان متقاطعتان في ﴿ ، ب

 \sqrt{a} (وَ) = \sqrt{a} أوجد: \sqrt{a} أثبت أن: \sqrt{a} \sqrt{a}



وهما زاويتان داخلتان وفي جهة واحدة من القاطع 📆

الله في (ه سود)

البرهان ج

- · (حروه) خارجه عن ∆ اوح
- ن ن (ح وُه) =٠٤٠ + ٢٦٥ = ٢٢٥ ن
- $\cdot \cdot \cdot \cdot \cdot (\widehat{e(L)}) = ^{1}$ مقابل لزاویة محیطیة (e(L)
 - : ق (و ب ه) = ق (و و ه) = ١٦٥

"محيطيتان مشتركتان في (حَمَ)

∴ & (((a)) = 7 × 17° = 70°

"مقابل لــ (وَحُرِب) المحيطية"

٠٠ ق (ه شور) = ١٥٥ + ١٣٢ = ١٩٥

ي البرهان ي

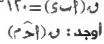
، ق (وَ) - ع

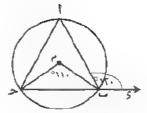
$$(\widehat{r} \circ s) \circ + (\widehat{s}) \circ = (\widehat{r} \circ s) \circ \hat{r}$$

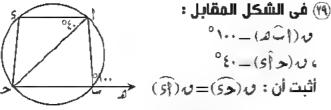
$$\mathfrak{S}(\widehat{\mathfrak{s}}) = \mathfrak{o}(\widehat{\mathfrak{s}})$$
 "قوس مقابل لزاویة مرکزیة" $\mathfrak{s}(\widehat{\mathfrak{s}}) = \mathfrak{o}(\widehat{\mathfrak{s}})$ "قوس مقابل لزاویة مرکزیة" $\mathfrak{s}(\widehat{\mathfrak{s}}) = \mathfrak{o}(\widehat{\mathfrak{s}})$ "قوس مقابل لزاویة مرکزیة" $\mathfrak{s}(\widehat{\mathfrak{s}}) = \mathfrak{o}(\widehat{\mathfrak{s}})$

附 في الشكل المقابل :

م دائرة، ب(سمُ د)=۱۱۰ ، ن (الآء)=۱۲۰،







ي البرهان ي

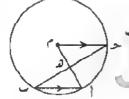
ن اسح و رباعی دائری

، به (ح أي) _ ، ٤٠

- ن $\mathfrak{G}(\hat{\mathbf{q}} \hat{\mathbf{q}})$ الخارجة $\mathfrak{G}(\hat{\mathbf{g}})$ الداخلة المقابلة :

 - ن ور (او ح) ۱۸۰ ۱۶۰ ۱۶۰ ۱۶۰ ۱۶۰ ۱۶۰ ۱۶۰
- $\widehat{(\mathbf{S})} \mathbf{v} = \widehat{(\mathbf{S} \mathbf{c})} \mathbf{v} : \widehat{\mathbf{v}} \widehat{(\mathbf{c} \mathbf{c})} = \widehat{\mathbf{v}} \widehat{(\mathbf{c} \mathbf{c})} \mathbf{v} : \widehat{\mathbf{v}} \widehat{\mathbf{c}} \widehat{\mathbf{c}$





إب وترفى الدائرة م ، حم الا إب (a) = (1) >4 6 أثبت أن مم > المراق الم

रू गामकारि छ



محيطية ومركزية مشتركتان مَّى ﴿ أُحَ ﴾

٠٠ ١ ح ١١١ ١١ ١١ قاطع لهما

من ١٠٥ ال ١٠٥ (١١٥٠ > ٥٠ (١١٥٠)

وبالتالي فإن 💎 🗠 ب 🖈 🕽 🗈

(٣) في الشكل المقابل -







لا البرهان &

- $: \uparrow \gamma = \uparrow c = c \gamma$ ن $\land \uparrow c \gamma$ متساوى الأضلاع ٠٠ ق (الحوم) = ١٠٠٠
 - ، ٠٠ قه (سحَ ٢) ــ ١٨٠° "زاوية مستقيمة"

- ٠٩٠= ٢٠+ ٢٠= (٢٩٠) عن
 - ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ مَمَاسَ لِلدَائِرَةُ مُ عَنْدَ ﴾

ي البرهان ي

محیطیة ومرکزیة مشترکتان فی ﴿ 🗝 ﴾

، ∵ (وب أ) خارجة عن ∆ إسود

いい。上のするーのでしてうりかい

🗥 في الشكل المقابل :

اب ، حرج وتران متوازيان في الدائرة

- ، طول نصف قطرها ١٥ ﴿ ﴿
 - ه در د اور عال = ۱۸۰

طول $(\widehat{\{a})$ = طول $(\widehat{\{a})$

اوجد: ق (م أب) ، ق (حرة) وطول وو

البرهان ع

٠٨٠=(١٦٠) عاد ١٩٠٠ ..

"قوس مقابل لزاوية مركزية"

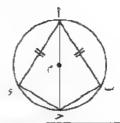
- ن طول (أحر)_ طول (أب)
- · د (او) = د (او) = ۱۸۰
- 47= 17 * (° 1 = (4 ft) 0 :
- $\circ \circ \cdot = \frac{\circ \wedge \cdot \circ \wedge \wedge \cdot}{\varsigma} = (\widehat{\beta} \widehat{C}_{\Gamma})_{\mathcal{O}} = (\widehat{C}_{\Gamma})_{\mathcal{O}} : \widehat{\beta}_{\Gamma})_{\mathcal{O}} : \widehat{C}_{\Gamma}$
 - ٠٨٠=(st) ن ن (اح) ن ن الآع :
- $^{\circ}\mathsf{V} = (^{\circ}\mathsf{A} \cdot + ^{\circ}\mathsf{A} \cdot + ^{\circ}$
- \sim طول $< \widehat{\epsilon} = \frac{\circ 17.}{\circ \circ \circ \circ} \times 1 \times \frac{\circ \circ \circ \circ}{\circ \circ \circ} = 3.17$ سم

📆 في الشكل المقابل :

إح قطر في الدائرة م

59 = 49 6

 $(\widehat{\mathbf{c}}_{\mathbf{z}})_{\mathbf{z}} = \widehat{\mathbf{v}}_{\mathbf{z}}$ اثبت أن : $\widehat{\mathbf{v}}_{\mathbf{z}}$



ب 🕏 مماس للدائرة عند ب ، س ∈اب ، س ∈ سر سرص // سايح

(٣٥) في الشكل المقابل :

أثبت أن: الشكل إس صح رباعي دائري

البرهان يخ

· · سُ ص // بِي عُ ابَ قاطع لهما

$$\bigcirc \longleftarrow \cup_{s \in S_{max}} \text{ value }) = \cup_{s \in S_{max}} \cup_{s \in S$$

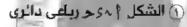
محيطية ومماسية مشتركتان في ﴿ أَبُّ ﴾

😗 (صبوب) خارجة عن الشكل إس صو

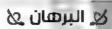
ن اس صرح رباعی دائری



اع الماسو ، ديد الماس أثبت أن :



(x) U(x) = (50) U(x)



ن الا ا سو الاوراد عدد عدد الاوراد عدد عدد الاوراد عدد العدد العدد العدد العدد العدد العدد العدد العدد العدد ا

(>\varphi\)\varphi = (>\varphi\)\varphi

" وهما مرسومتان على القاعدة 🖟 وفي جهة واحدة"

الشكل الهور رباعى دائرى

ومن الشكل الرباعي الدائري الموح

$$\bigcirc \longleftarrow (\diamond \hat{\uparrow} s) \circ = (\diamond \hat{\downarrow} s) \circ :$$

(\$\(\sigma\) \cdot \(\sigma\) \(\sigma\) \(\sigma\) \(\sigma\) \(\sigma\) \(\sigma\) \(\sigma\) \(\sigma\) \(\sigma\)

"محيطيتان مشتركتان في (حــــــــ)"

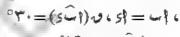
🗞 البرهان 🥩

🛨 🔂 قطراً في الدائرة 🥎

من () ، () وبالطرح: \dot{v} (\dot{v}) من () ، () وبالطرح:

📆 في الشكل المقابل :

إسرو شكل رباعي



، ق (وقوله) = ۱۲۰

أثبت أن : الشكل إسحى رباعي دائري

البرهان ين

マ・=(5いり)シキ(いま)か : 5り=いり:

٠٠ ٥٠(وأب) = ٥٠(و وَهُ ١٠ ١٠ ٥٠(و وَ هُ) خارجة عنه

الشكل المحورباعي دائري

📆 في الشكل المقابل 🔢

إسرى شكل رباعي دائري

تقاطع قطراه في و 🏻

، س ∈ او ، ص ف وو

حيث: سرص // الا

أثبت أن: الشكل سرسحب رباعي دائري

रू । धिकार र

* وهما مرسومتان على القاعدة ﴿ بَ وَفَي جِمَةَ واحدة "

ت: سرص // sp

* وهما مرسومتان على القاعدة ﴿ سِ بِي وَفَي جِهة واحدة "

الشكل س صوب رياعي دائري

🔫 في الشكل المقابل :

- 2 = a5 (1)
- الشكل وسو هرباعى دائرى

٥٥٠_(س به المورد عنه ١٥٥٠ م

(٩٩) في الشكل المقابل:

٥٨٠- (ساقع) م د

أثبت أن: الشكل إسح≳ رباعي دائري

ي البرهان ين

اب = اع

وهما مرسومتان على القاعدة إب وفي جهة واحدة بن الشكل إسحو رباعي دائري

🚱 في الشكل المقابل:

اس ينصف (بأح)

، ومن ينهف (توري)

أثبت أن الشكل إس صع رباعي دائري

البرهان ي

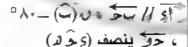
"محيطيباًن مشتركتان في (بحر) "

ن الله ينصفه (ب أج) من ينصف (ب وح) الله عصل ينصف (ب وح)

وهما مرسومتان على القاعدة سِ سَ وفي جمة واحدة

∴ الشكل ﴿ اِسِ صِ وَ رَبِاعِي دَائِرِي

﴿٤) في الشكل المقابل؛



، ق (و و که) = ۵۰

أثبت أن: الشكل إسح ورباعي دائري

البرهان ي

نصف (وحُه) ينصف (وحُه)

ن ور (و حُرف = ۲ × ۵۰ = ۱۰۰۰ ث

، ب: ﴿وَ // حَدَّ ، حَوَّ قاطع لهما

 \circ ن \circ (\circ) + \circ (\circ \circ بالتبادل \circ

🛭 البرهان 🖔

في ∆∆ (۶ھ ، ﴿حَدَدَ فيهما:

- (١٥ ٥ (١٥ أه) = ٥ (١٥ أح)
 - 21-51 T

"محيطيتان مشتركتان فَي ﴿ ﴿ ﴿ ﴾ "

- ن ق (و) = ق (ا و التطابق "من التطابق"
 - ن (اوْه) = ن (وُ)
 - ·· (﴿ وَهُ) خارجة عن الشكل وَ وَ هِ

ن إس ص و رباعي دائري (ثانياً)

🖈 في الشكل المقابل 🕯

∆ إس صفيه:



، سري ينصف (اس ص)

، صلح ينصف (إ ص س) ب

أثبت أن : الشكل ﴿ بحرة رباعي دائري

ي البرهان ي

فی ∆اس ص

$$\psi(\nu \hat{e}) = \psi(\nu \hat{e}) = 0$$
۱۲۰ بالتقابل بالرأس د

وهما زاويتان متقابلتين متكاملتين

ن اسح و رباعی دائری

😥 في الشكل المقابل :

اب قطر ، و ∈ اب

، وح مماساً للدائرة عند ح ، ه ∈ حت بحيث ده = دح

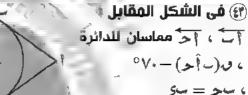
أثبت أن: الشكل أحود رباعي دائري

ي البرهان ي

" مماسية ومحيطية مشتركتان في (بُ حُ)"

🙃 احروه رباعی دائری 🛴 👫 🖟 🖟 🖟 🗠





، سار = ساو اوجد : ب (اَبَو)



·· إلى ، إحر مماسان للدائرة ما إس المارة

" مماسية ومحيطية مشَّتركتان في (🇝 ﴿ 🖫 "

😥 في الشكل المقابل :-

م ، بدائرتان

متقاطعتان في 📢 🚅

، حرج يمربالنقطة س

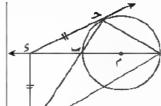
اثبت أن :

الشكل ﴿وس ه رباعي دائري

و العمل في نرسم آب

البرهان ج

في الدائرة م 💀 🌣 حب 🕯 رباعي دائري



 $\cdot \cdot \cdot \cdot \circ (\neg \circ \circ \uparrow)$ الخارجة $= \circ \circ (\neg \circ \uparrow)$ الداخلة المقابلة في الدائرة 🐶 😁 🗝 و رباعي دائري

ن اوس ه رباعی دائری

😥 في الشكل المقابل :

اٍ المراد متوازي أضلاع ، ه
المراد متوازي أضلاع ، ه
المراد متوازي أضلاع ، ه

، ن(د∮د) =۲۰° أوجد:

أولاً الدراه (عد) ، الدرو)



البرهان &

四十二十二

👍 🗝 متوازى أضلاع

🎻 🍇 اً الدحري رباعي دائري

🗈 في الشكل المقابل :

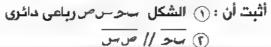
إبر مثلث فيه إب € إح

ره *ب حق* ينصف (()

ويقطع اح في س

 (\widehat{c}) وينصف (\widehat{c})

ويقطع ∮ب في ص



البرهان ع

 $(\widehat{\varphi}) = \{ \varphi : \varphi(\widehat{\varphi}) = \varphi(\widehat{\varphi}) \}$

 $\therefore \frac{1}{1} \circ (\widehat{\omega}) = \frac{1}{1} \circ (\widehat{\alpha})$

"المراجعة النهائية في الهندسة "

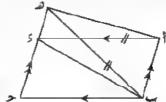
وهما مرسومتان على القاعدة سرص وفي جهة واحدة

🗅 🍑 جسرس رباعی دائری

📢 في الشكل المقابل :

إبري متوازي أضلاع ، ۵ ∈ حري

بحيث: ب• ه = او



أثبت أن: الشكل إبوه رباعي دائري

ي البرهان ي

- 😯 ابحر متوازي أضلاع
- $(\hat{\mathbf{y}}) = (\hat{\mathbf{y}}) = (\hat{\mathbf{y}}) \cdot \hat{\mathbf{y}} = (\hat{\mathbf{y}}) \cdot \hat{\mathbf{y}$
- ٠٠ او = ساه ، او = سر نبه = سر

 - من () و ند الله عن ا

وهما مرسومتان على القاعدة 🛶 وفي جهة واحدة ً ن اساء هر رباعی دائری

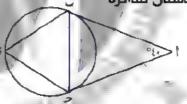
🚯 في الشكل المقابل 🕯

اب ، اح قطعتان مماستان للدائرة

عند ہے ، ح

°ಓ=೧)ಿ ಚ ಒ

اوجد : ن (ب څح)



🔊 في الشكل المقابل 🤋 إب في مثلث مرسوم داخل دائرة م م م م نصفي قطرين فيهما



﴿ الشكل المقابل:

۵۱۳۰=(۶ مُن) ن د

حب بنصف (ا و ع)

(f) اوجد : به (f)

41/5000

21 ± -1 :

ن حَبِّ ينصف (إحرى) ن حَبُّ ينصف (إحرى)

52 // 476

(١) أثبت أن :

إب، إم قطعتان مماستان للدائرة م

"محيطية ومركزية مشتركتان في (ب5)"

😁 🗓 ، أح قطعتان فماستان عند ب ، ح

(~ 070=(0+1)v=(->1)v :

°0.=°10=°10-°11.=(1)4:

ن مجموع قياسات الزوايا الداخلة للمثلث = ١٨٠٠

ي البرهان ي

.: ق (ادر) = ق (ادر) = ٢٥ و بالتبادل - ()

أوحده

(一) い((一)) い((を)) い((一))

ي البرهان ي

- ·· م { = م ب "أنصاف أقطار"
- ٠٠ ق (م أب) = ق (م أب أ) = ٣٠٠
- ·· ・・ (リア・ニッグ・ーッパトー (レアナ) ひ・:
- ママーー(いたり)したー(いうり)か・
 - "محيطية ومركزية مشتركتان في ﴿ ﴿ ۖ ﴾ "
 - 😁 اس ب حر رباعی دائری
 - ن ق (اس ب ع م ۱۸۰ ۲۰ = ۱۲۰ = ۱۲۰ =
- ٠٠ قه (أحرب) = كه (أسرب) = ٢ ×١٦١٥ = ١٤٦٥

ي البرهان ي

- 😁 🕌 ، اح قطعتان مماستان عند 🚅 ح
 - · اب = اح
- : ق (المَد) ق (المَد) المَار وق المَد) المَد الم
 - ٠٠ ق (ا ب ع ع ع ع ع ع ع ع ع ٥٧٠ ع ٥٧٠ ع ٥٧٠ ع ٠٧٠

"محيطية ومماسية مشتركتان في (بح)"

🚯 في الشكل المقابل :

سراک ، سرک مماسان

للدائرة عند 🖒 ب

، ق(ع)=۱۱۰

، ق.(سَ) —۲۶۰ اثبت أن :

الَ إِنَّ ينصف (سأَر)

55 // 58 P

ي البرهان ي

😷 🧝 ۾ ۽ سرو قطعتان مماستان عند 🕽 ۽ پ

50 // sp :.

🐿 في الشكل المقابل: اس=اح ، ۱۶ ، وب مماسان للدائرة

اثبت أن :

﴿ ﴿ مُماس للدائرة المارة برءوس △ إسع

🗞 البرهان 🧭 😁 🏎 ممس للدائرة عند 🚅 😅 ٢٠٠٠ نصف قطر

○日・二 (50月) 二

ن هم سر وباعی دائری 👚

🔊 في الشكل المقابل :

للدائرة م ، هـ منتصف إو

🕥 هم بحر شکل رباعی دائری

(2) v(-19m) = + v(2)

أثبت أن :

﴿ب قطر في الدائرة م ، 🚅 مماس

"محيطية ومركزية مشتركتان في (سب) "

من (م) ال المراس) = أ ب (ح) من (ح)

😥 في الشكل المقابل : 🏻 إ ـ حرى متوازي أضلاع فيه :

, >==>P

أثبت أن :

حرك معاس للدائرة الخارجة للمثلث إسر

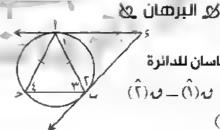
البرهان ين



- 3c // Pu

$$(\hat{\mathcal{C}}_{(a)}) = (\hat{\mathcal{C}}_{(a)})$$
 بالتبلال $(\hat{\mathcal{C}}_{(a)}) = (\hat{\mathcal{C}}_{(a)})$ من $(\hat{\mathcal{C}}_{(a)})$

﴿ حَيْ مَمَاسَ لِلدَائِرَةُ الْخَارِجَةُ لِلمُثْلَثُ أُبِحِ.



٠٠٠٠٠٠ ، وب مماسان للدائرة

(f) 0 = (1) 0 ÷ 45= 15 ÷

 $\psi : \psi(\hat{I}) = \psi(\hat{J})$

"مماسية ومحيطية مشتركتان في (﴿ ۖ)"

$$\hat{\xi})_{\mathcal{O}} = (\hat{\tau})_{\mathcal{O}} : \mathcal{O}(\hat{\tau}) = \mathcal{O}(\hat{\tau})$$

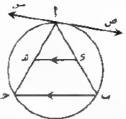
$$(\hat{\mathbf{r}})_{\mathcal{O}} = (\hat{\mathbf{r}})_{\mathcal{O}} \stackrel{\sim}{\leftarrow} (\hat{\mathbf{r}})_{\mathcal{O}} \stackrel{\sim}{\leftarrow} (\hat{\mathbf{r}})_{\mathcal{O}} = (\hat{\mathbf{r})_{\mathcal{O}} = (\hat{\mathbf{r}})_{\mathcal{O}} = (\hat{\mathbf{r}})_{\mathcal{O}} = (\hat{\mathbf{r}})_{\mathcal{O}} = (\hat{\mathbf{r$$

ن درو) ق (بارد) ·

🕹 🎋 🕏 مماس للدائرة المارة برؤوس 🛕 🗝 🤇

🗞 في الشكل المقابل :

المح مثلث مرسوم داخل دائرة 🙌 🔂 مماساً للدائرة عند وه // سح أثبت أن :



﴿ مَمَاسَ لِلْدَائِرَةُ الْمَارَةُ بِالنَّقَطُ ﴿ ، ﴿ ، ﴿ ، ﴿ اللَّهُ مُا اللَّهُ مُا اللَّهُ اللَّا اللَّهُ اللَّا اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّا اللَّهُ اللَّهُ اللَّالِي اللَّالِ اللَّا اللَّهُ اللَّا اللَّهُ اللَّا اللَّهُ اللّ

ي البرهان ي

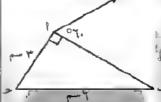
$$0: \mathfrak{G}(\mathfrak{m}) = \mathfrak{G}(\widehat{\mathfrak{c}}) \longrightarrow \emptyset$$

"مماسية ومحيطية مشتركتان في ﴿ ۖ ﴾ "

: ﴿ ﴿ مُعَاسَ لِلدَائِرَةُ الْمَارَةُ بِالنَّقِطِ ﴿ وَ ٤ ءَ هُ

🚯 في الشكل المقابل : 🤇

ショ・=(ション) ، اح = ٢سم ، ب د = ٢سم



٥٦٠-(s) ساره

أَثْبِتَ أَن : ﴿ 5 ﴾ مماس للدائرة الجَّارِجة للمثلث إسر

البرهان في

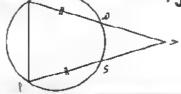
😯 🛆 🛶 حـ قائم الزاوية في 🖟

ن 📝 ً مماس للدائرة المارة برؤوس 🛦 إبح

(٥) في الشكل المقابل :

Ps _ - -أثبت أن :

25-52



🗞 البرهان 🗴

15= - a ::

$$(\widehat{\omega})_{\mathcal{O}} = (\widehat{\mathfrak{f}})_{\mathcal{O}} : \widehat{(\omega_{\mathcal{A}})}_{\mathcal{O}} = (\widehat{\mathfrak{f}}_{\mathcal{A}})_{\mathcal{O}} :$$

وبالطرح ∴ *ح* ه = ح و

🔊 في الشكل المقابل:

ᢇ قطر في الدائرة م

، ق (ح أب) = ٣٠٥

، و منتصف أح

، وب (أح = (ه)

(۱) أوجد: به (ب و ح) ، به (أو)

(ج) اثبت ان: ١٦ // ح؟

البرهان ع

۳۰ ور (سو عرب عرب على المساع مع ۳۰ عرب المساع مع ۲۰ عرب المساع مع المساع مع المساع مع المساع مع المساع مع المس

"محیطیتان مشترکتان فی (بحر)"

" ひ = " アンド = (し う) し ア = (こ) い :

، ۱۰۰ اب قطر في الدائرة م ... ن ن(اوب) ــ ۱۸۰°

*ハイン (258) ··

ه: ومنتصف (اح)

" -= "\" = (5) N = (5) N :

 $^{\circ} \mathbf{T} = \frac{^{\circ} \mathbf{T}^{\circ}}{\mathbf{T}} = (\mathbf{S}) \mathbf{v} + \mathbf{T} = (\mathbf{S}) \mathbf{v} \div$

﴾ ن (و حُ ﴾ = ال (ح أب) = الله وضع تبادل 52 // 48

🙉 في الشكل المقابل 🧗

△ ا محر مرسوم فارج الدائرة م

التي تمس أضلاعه

اليرعمدد عادر

في ﴿ ﴾ ﴿ ، ﴿ على الترتيب

m pm & Den c pm 0 _ 59 c

﴾ حو د ۲۰ ۲سم أوجد: محيط ١٩٠٨ مح

البرهان ج

😁 🤞 ۽ 🐧 قطعتان مماستان عند ي ۾

: او = اه = هسم

😁 🥱 ، 🛍 قطعتان مماستان عند ي و

ال ساع = ساو = ١٤ سم

😙 حرو 🥫 حرم قطعتان معاستان عند و ۽ 🌣

∴ حو = ح ه = ۳ سم

-4 + 1 + 1 = 37

슋 في الشكل المقابل :

اب ، اح قطعتان مماستان

للدائرة عند ب ، ح

، ق (ح و م ع م ١٢٥ = ١٦٥٥)

اثبت أن: (١ تحر ينصف ٥٠ (١ ١٥ هـ)

A> - 4> (F)

ي البرهان ي

📆 في الشكل المقابل ۽

اب قطر في دائرة م

اوجد: ١٠ ١٥ (١٩ ١٠ حر)

(SûP) v (

ي البرهان ي

$$^{\circ}\xi_{\cdot} = ^{\circ}\xi_{\cdot} - ^{\circ}\xi_{\cdot} = (\hat{\gamma})_{\circ} \circ :$$

، 😭 🖵 قطر في الدائرة م

$$\circ$$
 در \circ (الم \circ به \circ محیطیة مرسومة فی نصف دائرة \circ

$$\omega_S = S \Rightarrow : \widehat{(\omega_S)} \omega = \widehat{(S \Rightarrow)} \omega :$$

🐨 في الشكل المقابل :

ᢇ قطر في دائرة م

، حُرم مماس للدائرة عند ح رسم مَرَ⊥ أَبَ

بحیث: $\overline{as} \cap \overline{cw} = \{e\}$ اثبت أن:

- الشكل أوور رباعى دائرى
- ﴿ المثلث هرو متساوى الساقين

البرهان ي

🍙 🛂 💸 (اُ حُ ب) = ۹۰ ° " مرسومة في نصف دائرة "

به وراس $\hat{\gamma}_{c}$) الخارجة $= \phi(\hat{c})$ الداخلة المقابلة

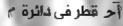
🧞 اووح رباعی دائری

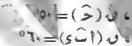
"مماسية ومحيطية مشتركتان في (حس)"

ومن الشكل الرباعي الدائري 🕫 وح

من 🕥 ، 🕥 ن 🛦 هرو متساوي الساقين

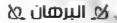
🐨 في الشكل المقابل :





أوجد بالبرهان :

の一ついいいかり



😯 🗗 قطر في الدائرة م

٠٠ الله المحيطية مرسومة في نصف دائرة "

"محیطیتان مشترکتان می (حرو)"

$$^{\circ}V_{\cdot}=^{\circ}V_{\cdot}+^{\circ}\xi_{\cdot}=(\hat{S}_{-})_{\bullet}$$

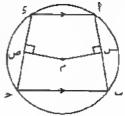
😥 في الشكل المقابل:

دائرة م فيما:

24 // 59

اس با اس کا اس کا عرب

أثبت أن : م س = م ص



ي البرهان ي

>4/51:

ت میس ہم ص

🐿 في الشكل المقابل :

سرص ، سرع مماسان

للدائرة عند ص ، ع

، صع=كع

٥٧٠=(ال) = ١٧٠

أوجد بالبرهان : ق (س)

(٢) أثبت أن: سع // صل

البرهان ي

· و درص غ س) = و د (ص ح ع) = ۲۰ °

"مماسية ومحيطية مشتركتان في (صع)

٠٠٠ سرص ، سرع معاسان للدائرة عند س ، ع

∴ سوص = سرع

·· وہ (س صَ ع) _ وہ (س عُ ص) _ ۲۰

.. ق (سَ)=۱۸۰=(بَ) مَا الْمَا الْمَا

، ٠٠ صع ــ لع

ن وروص ل) = ورول ص) = ٠٠٠ .

 \cdot : ود (غ $\widehat{\phi}$ و) = ود (ص غ س) = ۷۰° "في وضع تبادل" : سرع // صل

📆 في الشكل المقابل :

م ، له دائرتان متطلبقتان رسم ﴿ لَ ۗ // ﴿ رَبِّ

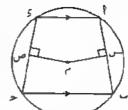
قطع الدائرة م

في ۱ ، س

وقطع الدائرة 🖟

في حت ٤

أثبت أن : إح = *--*و



riangle العدمل riangle نرسم riangle h riangle h ، $\sqrt{e} \perp \sqrt{c}$ ي البرهان ج

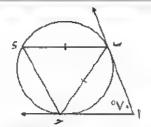
- ae // yn, ya + fu, ve / ez
- ن مه // لهو نالشكل مهود مستطيل
- \therefore م $a = \sqrt{2}$ دائرتان متطابقتان \therefore م
- ن أب = حرى وبإضافة بح للطرفين ن أح = بر

🖘 في الشكل المقابل :

का । धा مماسان للدائرة م

، ل (ب أحر) = ۷۰ °

أوجد: ق (ا ب و)



ي البرهان ي

ن إلى ، إلى مماسان للدائرة م

°00 = °V - °V = (->)0 :

ن ور (دور) - ور (احد) - ۵۵°

أمماسية ومحيطية مشتركتان في (﴿ حُو) "

ارد الدو عالي

00_(>5u)v=(5>u)v ..

°150=°4+°00=(5û\$) ...

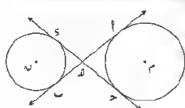
🕅 في الشكل المقابل :

اب ، حري معاسان

للدائرتين ۾ ۽ له

أثبت أن :

5==



🛭 البرهان 🖒

∵ ه 🖣 ، هر مماسان للدائرة م

· 6 1= 6 ~ → (1)

ى: هرب ، هر مماسان للدائرة 环

(n) ← ca> - (n) :

بجمع () ، ()

ن ه ۱+ هد - هد + ه ع

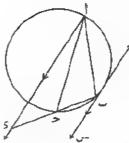
خ ال - حوى

🐚 في الشكل المقابل :

🛆 🖡 🛶 مرسوم داخل دائرة بَ مَنْ مَمَاسَ لِلدَائِرَةُ عَنْدُ بُ 5-211516



إب مماسة للدائرة برؤوس ∆ إحر



ي البرهان ي

- J-21/57 :
- $(\hat{\xi})_{\mathcal{O}} + (\hat{\Upsilon})_{\mathcal{O}} = (\hat{\lambda})_{\mathcal{O}} :$
- (\hat{r}) خارجة عن Δ $\{c\}$
- $\hat{\varphi}(\hat{z}) = \varphi(\hat{z}) + \varphi(\hat{z}) \Rightarrow \hat{\varphi}(\hat{z}) + \varphi(\hat{z}) \Rightarrow \hat{\varphi}(\hat{z}) \Rightarrow$
 - $(\hat{1}) = \psi(\hat{1}) = \psi(\hat{1})$



- (0) + (1) = (1) + (+) · :
 - ن قدرش)=قد(ڤ) .
- أب مماسة للدائرة المارة برؤوس △ احرى



🕢 في الشكل المقابل : 🖟

اب ، ح و وتران متساویان في الطول في الدائرة

(a) - 52 / wil

أثبت أن : ∆ إحرم متساوى الساقين



ي البرهان ي

- 5>= -1 :
- ن ب المراحد عدد عدد المرفين الطرفين الطرفين
 - ن در(s) = دراسو)
 - (١) ع (ح) = ٥ (١)
 - "محيطيتان مقابلتان لقوسين متساويين في القياس"
 - ∴ ∆اح هـ متساوى الساقین
 - 🕜 في الشكل المقابل :
 - ᢇ قطر في الدائرة ۾
 - ، برزر مماس عند ب
 - ، و منتصف اح
 - (۱) أثبت أن : ۱ ه اله الم رباعي دائري
 - (a) v(=(-î -) v(a)

- ن و منتصف اح
- - ·· بِهِ مَمَاسَ للدائرة م عند ب
 - ، مب نصف قطر
- ٠٩٠= ل سَد ق (م ثَد ع = ٩٠ د م ت د ع الله ع = ٩٠ ... د م ت د ع الله ع = ٩٠ ... د م ت د م ت د م ت د م ت
 - $(\hat{a} \hat{\omega} \circ (\hat{a} \hat{a})) = (\hat{a} \hat{a} \hat{a})$

وهما مرسومتان على القاعدة 🖟 وفي جهة واحدة

ن المساء رباعي دائري 🗠

ي البرهان ج

ومن الرباعي الدائري

- ن هه (هُ) = ق (مح أب) مرسومتان على القاعدة $\frac{1}{2}$
 - (山)かりの「産(山かりかい
 - "مركزية ومحيطية مشتركتان في (بح)"

- (◊◊) في الشكل المقابل:
 - إبحرو شكل رياعي مرسوم داخل دائرة
 - 90 = (Qu) 0 4
 - 91. = (4)0
 - أوجد: ق (ب ﴿ ح)
- البرهان ج
 - ٠٠ اسجو رباعي دائري
- الداخلة المقابلة المقابلة المقابلة المقابلة المقابلة
 - 0 ((cs/) = (1s) :
 - °0, °1, = () 0 1 = (su) 0
 - ٠٠ ق (سور ع = ٥٩٥ ٥٩٥ = ٥٤٥ ...
- 🕅 أوجد قياس القوس الذي يمثل ثلث قياس الدائرة ثم أحسب طول هذا القوس إذا كان طول نصف قطر الدائرة ۲۱سم $\pi = \frac{77}{\sqrt{1}}$

الحــل يلا

 $^{\circ}$ قياس القوس $\frac{1}{4}=^{\circ}$ ما $^{\circ}$

طول القوس = $\frac{1}{\sqrt{1700}} \times 7 \times \frac{77}{V} \times 7 = 33$ سم

الشكل المقابل:

₹< قطر في الدائرة م

--- (T> (

مماسان للدائرة

 $(\psi \circ \psi) = \psi \circ (\psi \circ \psi)$ اثبت أن $\psi \circ (\psi \circ \psi)$

ي البرهان ي

😁 حراً مماس للدائرة م عند 🖒 😅 نصف قطر

😁 حبُّ مماس للدائرة معندب 🕝 🦏 نصف قطر

ن إحسام رباعي دائري



، ﴿ اسْ معاس مشترك لهما



ي البرهان ي

في الدائرة الصغري

"مماسية ومحيطية مشتركتان في $(\widehat{\psi})$

في الدائرة الكبري

"مماسية ومحيطية مشتركتان في (أر)"

 $\psi(\hat{\mathbf{a}}) = \psi(\hat{\mathbf{a}})$ وهما في وضع تناظر $\psi(\hat{\mathbf{a}})$ As 11 24 .

🕥 في الشكل المقابل :

﴿ حُ ، ﴿ إِنَّ مِماسانِ لِلدَائِرِةِ ـ

عند ج ، ب

، ق (أحرب) = ٥٥°

، ق (ح وُ هـ) = ١٢٥°

اثبت ان: ١٦ // ١٩

۲) اثبت آن : حب = حھ

ي البرهان ج ∵ حبه و رباعی دائری

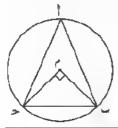
- $^{\circ} \backslash \wedge \cdot = (\hat{a} \cup \hat{a}) + (\hat{a} \cup \hat{a}) = \cdot \wedge \wedge \circ$
- . به (حرب و) = ۱۸۰° ۱۲۵ = ۵۵° د ۵۰°
- ن $\psi(\hat{\mathbf{y}} = \psi) = \psi(\mathbf{y} = \psi)$ وهما في وضع تبادل : ن اح // سه (أولاً) ·
- $\psi(c(\hat{k}, \nu)) = \psi(\hat{k}, \nu) = 00^{\circ}$ "aalwij gazidija": (ثانباً) ے جب _ حکم

🕪 في الشكل المقابل :

ے دائرۃ

حيث (سام حر) قائمة

اثبت ان : (y - 2 = 0 (- 1/2)



البرهان ي

(1) ← "20=(5(a)) = (5(a) ·· "محيطية ومركزية مشُتركتان في (﴿ وَ

できーラーニー

من (ال المواد عدر الماد)

🕪 في الشكل المقابل 🔻

أب قطر في الدائرة م

، بي مماس يقطع إحرفي و 0 T. - (1) 0 :

-اثبت ان :

اب مماس للدائرة المارة برؤوس △ بحر

ي البرهان ج

🗠 🏗 قطراً في الدائرة ح

ن و $(\hat{\mathbf{A}} = \hat{\mathbf{A}}) = \hat{\mathbf{A}}$ محیطیة مرسومة غی نصف دائرة" $\hat{\mathbf{A}}$

۽ 😴 📆 مماس للدائرة عند 👊 ۽ 🥌 نصف قطر

°4.=(5ûc)20 ∴ 5u ± uc ∴

٠٠ وه (وُ) ه ۲۰ = ۲۰ = ۲۰ = ۲۰ = ۲۰ = ۲۰ $\longrightarrow \bigcirc$

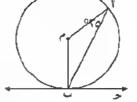
ن بر(حب ع) = بر(و)

∴ ﴿ أَبُّ مَمَاسَ لِلدَائِرَةُ الْمَارَةُ بِرَؤُوسَ △ بُحرِ وَ

🕪 في الشكل المقابل :

بح مماس للدائرة م

، ق (ب أم) = 10° اوجد: ق (اَ وَحِد)



ي البرهان ي

"مماسية ومركزية مشتركتان في ﴿ أُبُّ) "

🚯 في الشكل المقابل :

🇝 قطر في الدائرة 🖹

24/1586

، ق (ا ق ب) = ٥٥٠

اوجد: (١) له (١٠١٩) ا

(5P) w (P)



😙 🗝 قطر في الدائرة ﴿

∴ ن (بُور) – ۹۰ ° محیطیة مرسومة فی تصفر دائرة "

🚯 في الشكل المقابل :

سح قطر في الدائرة ح

55 //-18 6

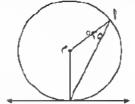
، ق (و أحر) - 50°

أوجد: ق (أح س)



"محيطية ومركزية مشتركتان في (حرو)"

🛨 🏎 قطر في الدائرة م المحتدف نى الدياضيات



نه $v_{\bullet}(\mathbf{u}, \hat{\mathbf{q}}_{-\mathbf{q}}) = {}^{\circ}\mathbf{q}_{-\mathbf{q}}$ "محیطیة مرسومة غی نصف دائرة"

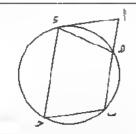
50 11 -1 :

🛪 في الشكل المقابل :

إسحري متوازي أضلاع

أثبت أن :

52 = 51



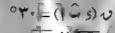
🛭 البرهان 🧭

😯 اسج و متوازی اضلاع

ت دسور رباعی دائری

من ١٠٥٠

🐼 في الشكل المقابل 🕯





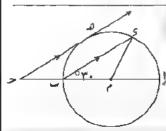
، أب قطر في الدائرة ج



البرهان ج

ن أب قطر في الدائرة م ن ور أهرب) = ١٨٠°

11 25 "



s a = s | ∴

"المراجعة النهائية في الهندسة "

"الصف الثالث الإعدادى"

Æ في الشكل المقابل :

اسحرو شكل رباعي فيه:

أثبت أن: ﴿ ١٠٠ رباعي دائري

ي البرهان ي

VX40

∵ (و هُ ح) خارجة عن ۵ هسو

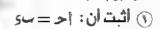
$$^{\circ}$$
T $^{\circ}$ T

ن
$$\mathfrak{o}(\hat{\mathfrak{sp}}) = \mathfrak{o}(\hat{\mathfrak{spo}}) = \mathbb{A}^{\infty}$$
 بالتبادل $:$

وهما مرسومتان على القاعدة ﴿ ﴿ وَفَي جَمَّةُ وَاحِدَةً

🚯 في الشكل المقابل 🦸

رباعی مکل رباعی مرسوم داخل دائرة م فرسوم داخل دائرة م فرد کان : ق $(\widehat{\mu}) = v \cdot (\widehat{e})$ ، ق $(\widehat{e}) = v \cdot (\widehat{e})$



﴿ أُوجِد فِ (أُهُ وَ)

ي البرهان يخ

 $v : v(\widehat{(1-v)}) = v(\widehat{(2-v)})$ وبإضافة $v(\widehat{(2-v)})$ للطرفين

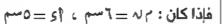
"محيطيتان أقواسهما متساوية في القياس"



من الخارج في ح ۽ أح تمس الدائرة م

، ۶۶ - بعس الدائرة [.] بي ۶

، أب تمس الدائرة له في ب



- اثبت ان: او = اح = اب
- ﴿ أُوجِد محيط الشكل ﴿ ب ١٩٠٨
- ﴿ اثبت أن عَمْ اللهِ ينصف (ح ٩٠٠)

ي البرهان ي

😁 🥳 🕻 🕻 🕳 قطعتان مماستان عند ی و

😁 ؍ 🕳 الله قطعتان مماشتان عند ح ، ب

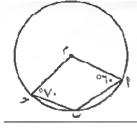
ئه محیط الشکل ا ب ب ب ج ب ب + ۲ + 0 + 0 − 77 سم

۵۵ (د ۱۷ م) ۵ الله فیهما

 $1 \leftarrow \sqrt{1}$ مناع مشترك $\Delta = \sqrt{1}$ مناع مشترك $\Delta = \Delta$

🐠 فى الشكل المقابل :

ق (م أس) = ٢٠° ، ق (م ش س) – ٧٠٠ أوجد ق (أم ح)



لا العصـــل لا نرسم أ−

ي البرهان ين

- ۲۰ ۱۰ = ۱۰ "أنصاف أقطار"

97. - 97. - 97. - 91A. - (4P) 0 -

∴ ۲ ب = إد "أنصاف أقطار"

٠٠ ور(مهر) = ور(م د س) = ٧٠ °

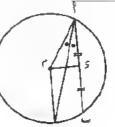
🗚 في الشكل المقابل :

🕌 وترفى الدائرة م

، آح ينصف (١٠)٠)

، و منتصف اب

اثبت أن : 55 لم حم



البرهان ج

٠٩٠= روس سَوع) = وروس لَ ع) = ٥٩٠ :

في الشكل المقابل :

ق (ص سَ ع) = ۹۰۰

، ورول ص) - ۹۰۰

، ق(س مُص) = ٥٩°

ء م منتصف س غ

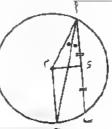
أوجد: ق (س ص ل)

وهما مرسومتان على القاعدة صح وفي جهة واحدة

ن سرصعل رباعی دائری

🕏 صع قطراً في الدائرة 🖫 منتصف صع

"محيطية ومركزية مشتركتان في (سل)"



ي البرهان ج

ن ٢٠١٠ = ح "أنصاف أقطار"

ن اح ينصف (ب أي)

の一 (タイノ)ひ=(タインの:

من (۱) وا

 $\psi(\nu \hat{\gamma} = \psi(\gamma \hat{\gamma})$ وهما في وضع تبلدل $\psi(\nu \hat{\gamma} = \psi \hat{\gamma})$

48/120:

بالتداخل 12 15 :-

🗚 في الشكل المقابل 🤻

أب، إح مماسان للدائرة م

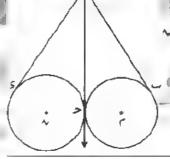
، أح ، أي مماسان للدائرة له

، اب = 10 سم

، أي - (ص - ٢) سم

، احد = (اس - ۲) سم

أوجد قيمة : س ، ص



🗞 البرهان 🤡

٠٠٠ أب ، آح مماسان للدائرة م

ن اس = اح

∴ ٢س - ٣ = ١٥
∴ ٢س - ٣ = ١٨

٠ س <u>الما</u> _ ٩

·· ﴿حَرَّ ﴾ ﴿وَ مماسان للدائرة له

۱۷ = ۵۰ ∴ ص = ۱۷ ∴ ص = ۱۷







الجزء الأول الأسئلة

أولا: أكمل ما يلى:

- ١ ـ القطعة المستقيمة التي طرفاها مركز الدائرة وأي نقطة على الدائرة تسمى ٢- القطعة المستقيمة التي طرفاها أي نقطتين على الدائرة تسمى ٣- الوتر المار بمركز الدائرة يسمى ٤ - أكبر الاوتار طولا في الدائرة يسمى ٥ يوجد للدائرة عدد من محاور التماثل ٦- المستقيم العمودي على أي وترفي الدائرة من منتصفه يكون للدائرة . ٧- الدائرة تقسم المستوى الى مجموعات من النقط. ٨- المستقيم العمودي على قطر الدائرة من احدى نهايته يكون ٩- المماسان لدائرة عند نهايتي قطر فيها يكونان • ١- الأوتار المتساوية في الطول في دائرة تكون على أبعاد متساوية من ١١- إذا كانت الأوتار في دائرة على أبعاد متساوية من المركز فإنها تكون ١٢- إذا كانت أ تقع خارج الدائرة م التي نصف قطرها نق فإن م أ نق ١٣ ـ خط المركزين لدائرتين متقاطعتين يكون 0 - 1 إذا كان سطح الدائرة م 0 سطح الدائرة ن0 = 0 فإن الدائرتين م0
 - التحسام المال الما

٥١ ـ إذا كان سطح الدائرة م ∩ سطح الدائرة ن ={أ}، فإن الدائرتين م ،ن

١٦ ـ عدد الدو ائر التي يمكن رسمها و تمر بنقطتين معلومتين في المستوى يساوى



١٧ ـ إذا اشتركت دائرتان في ثلاث نقط فإنهما
 ١٨ أصغر دائرة يمكن رسمها لتمر بنقطتين معلومتين في المستوى يكون طول نصف قطر هـ
بساوى
١٩ ـ نقطة تقاطع محاور تماثل اضلاع المثلث هي
· ٢- الدائرة م طول نصف قطرها نق ،أ نقطة في مستوى الدائرة . أكمل :
(أ) إذا كانت م أ $=\frac{1}{7}$ نق فإن أ الدائرة
(-) إذا كانت م أ $=$ نق فإن أ $=$ الدائرة
(ت) إذا كانت م أ $= 7$ نق فإن أ \dots الدائرة
٢١ ـ الأقواس المتساوية في القياس في دائرة أوتارها
٢٦ قياس الزاوية المحيطية يساوى نصف قياس
٢٢- الزاوية المحيطية التي تقابل قوسا أصغر في الدائرة
٤٢- الوتران المتوازيان في الدائرة يحصران بينهما قوسين
٢٥ ـ قياس القوس من دائرة يساوى ضعف
نانيًا: اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
(١) إذا كان طول قطر دانرة ٧سم ، المستقيم ل يبعد عن مركزها ٣٥٠ سم فإن ل يكون :
أ) قاطع للدائرة في نقطتين. ب) يقع خارج الدائرة.
ج) مماس للدائرة. د) محور تماثل للدائرة.
٢) إذا كانت النقطه أ تنتمي للدائرة م التي قطرها ٦سم فإن م أ تساوى :
أ) ٣سم ب)٤سم ج) ٥سم د) ٣سم
(٣) إذا كان المستقيم ل مماسا للدائرة التي قطرها ٨سم فإنه يبعد عن مركزها بمقدار:
أ) ٣سم ب) ٤سم ج) ٣سم د) ٨سم







نصف قطرها ٣سم	الأصل م (۰،۰) و 			(٤) إذا كان ل مستقيم . وكان ل يبعد عن م	
][(7]∞,٦](₹]∞0	ب)[٣	اً)]۳،∞[
∈]٠،نق[فإن ل	سافة س حيث س	ِ الدائرة م ه	، يبعد عن مركز	(٥) إذا كان المستقيم ل	
	ب) يمس الدائرة		الدائرة.	أ) يقطع	
ئرة.	د) يمر بمركز الدا		خارج الدائرة.	ج) يقع ٠	
ل یساوی ۱سم ، وکار				(٦) إذا كان طول العمو طول نصف قطر ا	
)يمس الدائرة.	ب	الدائرة.	أ) يقطع	
. 5) يمر بمركز الدائر	7	خارج الدائرة.	ج) يقع ٠	
النقط الأتية لاتنتمى	رها ٧سم .أي من	، نصف قط	ة الأصل وطول	(٧) دائرة مركزها نقط للدائرة ؟	
((·	ج) (۲	(٧-٠٠) (ب	(Y (*) (j	
- ب يساوى :	- القطعة المستقيمة أد	مر بطرفی	مكن رسمها وتد	(٨) عدد الدوائر التي يـ	
نهائى	د) عدد لا	ج (ح	۲ (ب	١ (١	
	الدائرتين م ، ن:	أ ،ب } فإن	∩ الدائرة ن={	(٩)إذا كانت الدائرة م	
	متحدتي المركز	ب)		أ) متباعدتان	
	متقاطعتان	, (7	ن الخارج	ج) متماستان مر	
قطر أحدهما ٥سم ،	_			(۱۰) إذا كانت الدائرتا م ن = ٩سم ،فإن	
ىم	سم د) ۱۶س	ج) ۲	ب) \$سم	أ) ٣سم	



لر أحدهما ٣سم ،	اخل و طول نصف قط ، بساه ي :	ن متماستين من الدا م نصف قطر الأخرى		
	، پسروی	ن ـــــ بــر و	ـــ ، ــرن ـــر،	- 0 r
	م د) ۱۲سم	سم ج) ۱۱س	ب) ٢	أ) صسم
يان م ن ∈ .	طریهما ٥سم ، ٢سم ف	نان و طولا نصفي ق	نرتان متقاطعا	(۱۲) م ، ن داهٔ
[٧ , ٣] (ع) [۲،۳] د	ب) [۳، ۲ [] Y	۱)] ۳،
	قامة واحدة يساوي:	بثلاث نقط على است	رائر التى تمر	(۱۳) عدد الدو
	د) عدد لا نهائي	د ج) ثلاث	ب) واح	أ) صفر
: 94	ن متقاطعتین م، ن ہ	مشترك أ ب لدائرتير	نماثل للوتر ال	(١٤) محور الذ
	د) أن	→ م ج) نم	<u>ب</u> (ب	ا) أم
	قع جميعا على :	ر بالنقطتين أ ، ب تنا	.r rtt .tt .s	11 :51 (10)
		- + · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	دوانز اندی تم	()
نی ب ا	ج) العمود المقام عا	ب) <u>ب</u> ا		
ني ب		ب (ب		أ) محور
نی ب آ	ج) العمود المقام عا	ب (ب	ِ ب أ د المقام على	أ) محور د) العمو
	ج) العمود المقام عا	ب) ب أ ب أ من ب ثلاث نقط ليست على	ر ب أ د المقام على إنرالتي تمر ب	 أ) محور د) العمو (١٦) عدد الدو
	ج) العمود المقام عا استقامة واحدة : ج) ٢	ب) ب أ ب أ من ب ثلاث نقط ليست على	ب أ د المقام على انرالتي تمر ب	 أ) محور د) العمو (١٦) عدد الدو أ) صفر
	ج) العمود المقام عا استقامة واحدة : ج) ٢	ب) بأ بأمن ب ثلاث نقط ليست على ب) ١ للمثلث هو نقطة تقا	ب أ د المقام على انرالتي تمر ب	 أ) محور د) العمو (١٦) عدد الدو أ) صفر (١٧) مركز الد
	ج) العمود المقام عا استقامة واحدة : ج) ٢ طع :	ب) ب آ ب أ من ب ثلاث نقط ليست على ب) ١ للمثلث هو نقطة تقا	ب أ د المقام على ائر التي تمر ب ائرة الخارجة فات زواياه الد	 أ) محور د) العمو (١٦) عدد الدو أ) صفر (١٧) مركز الد
	ج) العمود المقام عا ، استقامة واحدة : ج) ٢ طع : مفات زواياه الخارجة ر تماثل أضلاعه	ب) بأ بأ من ب ثلاث نقط ليست على ب) ا للمثلث هو نقطة تقا اخلة ب) منص داخلة د) محاو	ب أ د المقام على ائر التي تمر ب ائرة الخارجة فات زواياه الد اعاته ، ب نقطتين	







(١٩) إذا كان أ ، ب نقطتين ، أ ب =٦سم فإن عدد الدوائر التي طول نصف قطر كل منها ٥سم وتمر بالنقطتين أ ، ب يساوى :

ا) صفر ب) ١

(٢٠) في الشكل المقابل:



فى الدائرة م إذا كان ق (< أم ب) = ٢٥٥ ، فإن ق (ب د أ) يساوى :

(٢١) في الشكل المقابل:

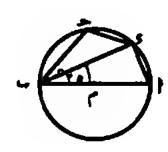
أب قطر في الدائرة م ، ق (<أ ب ح)= ٤٠ °



(٢٢) في الشكل المقابل:

إذا كان أب قطرفي الدائرة م ، ق (حأ ب د) = ٢٥° فإن :

أو لا: ق (< د أ ب) تساوى :





(٢٣) في الشكل المقابل:



017. (3

دائرتان متحدثا المركز في م ، أب \cap حد = {م} ،

فإذا كان ق (ب د) = ۸۰° ، فإن ق (أح) يساوى :

ب) ۸۰۰ (ج

(٢٤) مستعينا بالأشكال الأتية اختر الأجابة الصحيحة





شكل (١)

شكل (١) : دانرة مركزها م، ق (حم ب م) = ٣٢٥ ، فإن ق (ب ج) يساوى :

ب) ۲۳۷ ج) ۲۶ د) ۲۲۱۰

017 (

شكل (٢): إذا كان أب قطر في دائرة وكان:

فإن ق (< د س ه) تساوى :

ج) ١٥٥ د) ٢٧٥

۱) ۱۸ (۱۰ ب) ۳۳۰

(٢٥) عدد المماسات التي يمكن رسمها من إحدى نقط دائرة تساوى :

أ) واحد ب) اثنان ج) أربعة د) عدد لا نهائى







(٢٦) في الشكل المقابل:

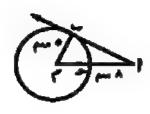


018. (2 017. (2

ب ۱۰۰(ب

· 1.

(٢٧) في الشكل المقابل:



أ ب مماس للدائرة م ، إذا كان م ب = ٥سم ، أ ح = ٨سم ، فإن أ $= \dots$

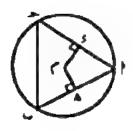
أ) ٥سم ب) ١٠سم ج) ١٢سم د) ١٣ سم

(۲۸) یمکن رسم دائرة تمر برءوس:

أ) شبه منحرف ب) معين ج) متوازى اضلاع د) مستطيل

رابعا": أسئلة إنتاج الإجابة:

(١) في الشكل المقابل:



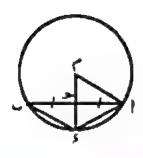
(٢) في الشكل المقابل:

دائرة مركزها م وطول نصف قطرها ١٣ سم ،

أب وتر فيها طوله ٢٤سم، دمنتصف أب

رسم م ج فقطع الدائرة في د . أوجد :

أولا: طول مج ثانيا: م (△ أ د ب)





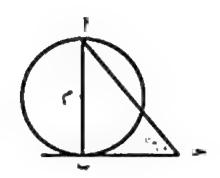
(٣) في الشكل المقابل:

دائرة م محيطها ٤٤سم ، أب قطر فيها ،

→ بج مماس للدائرة عند ب، ق(< ح) = ٢٠°

اوجد طول ب ج

 $\left(\frac{1}{44} = 7\right)$



(٤) في الشكل المقابل:

م ، ن دائرتان متقاطعتان ، من يقطع الدائرة م في ح ،

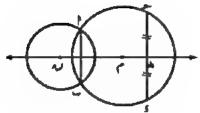
رسم جاً مماسا للدائرة م عند ج

يقطع الدائرة ن في أ ، ب . أثبت ان :

ثانیا: م أ = م ب

أولا: جـ أ = جـ ب





م ، ن دائرتان متقاطعتان في أ ، ب ،

فإذا كان ه منتصف جد . أثبت أن : أب //جد .





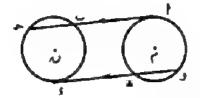


(٦) م، ن دائرتان متماستان من الداخل عند أ ، الدائرة م أكبر من الدائرة ن ، رسم أ جَ مماسا مشتركا للدائرتين ، ورسم ن م فقطع الدائرة ن في ب ، ورسم ب د مماسا للدائرة ن فقطع الدائرة م في د ، ه . أثبت أن :

ئانيا: ب د = ب ه

اولا: أج // بد

(٧) في الشكل المقابل:



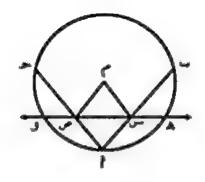
م ، ن دائرتان متطابقتان ، أج قطعة مماسة

للدائرة م عند أ ، ود قطعة مماسة للدائرة ن عند د ، أج // و د

ئانيا: أب = هد

أثبت أن : أولا : ب جـ = و هـ

(٨) في الشكل المقابل:



أب ، أجوران متساويان في الطول في الدائرة م. س ، ص منتصفا أب، أجررسم س ص فقطع الدائرة في ه ، و اثبت أن سه = ص و

(٩) في الشكل المقابل:

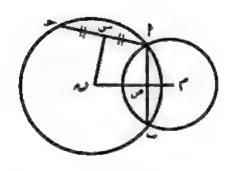
الدائرتان م ، ن متقاطعتان

فى أ ، ب . م ن ∩ أب = {ص} ،

ا ب = ا د ، س منتصف آج.

أثبت أن :

ن ص = ن س





(۱۰) الدائرة م فيها أب ، جـ د وتران متوازيان . ه منتصف أب، رسم هـ م فقطع جـ د في و . <u>أثبت أن:</u> و جـ = و د.

(۱۱) الدائرة م فيها أب، أجوتران . د ، ه منتصفا أب ، أج على الترتيب رسم

دم فقطع أج في و بحيث كان م ه = هو . أثبت أن : ق (حب أح) = ٥٤٥ دم فقطع أج في دائرة م ، رسم الوتر جد // أب، رسم جس لـ أب ، دص لـ أب ، رسم لـ أب ، رسم لـ أب ، دص لـ أب .

(۱۳) أ، ب نقطتان حيث أ ب = ٦سم . أرسم دائرة تمر بالنقطتين أ ، ب بحيث يكون طول نصف قطرها ٥سم ، ثم اوجد بعد مركز الدائرة عن أب.

(١٤) أرسم المثلث أب حالذي فيه أب = ٢سم ، أح = ٤سم ،

ق (< ب أ ح) = 0.7° أرسم دائرة تمر بالنقطتيين أ ، جـ ، ومركزها \in أب. 0.7° أب قطر في دائرة م ، أجـ وتر فيها حيث ق (< ب أ ح) = 0.7° رسم ب جـ

ورسم م د ل أج يقطعه في د .

أولا : أثبت أن : م د // بج

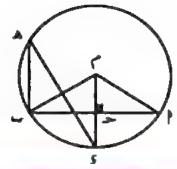
ثانيا: أثبت ان طول بج يساوى طول نصف قطر الدائرة.

(١٦) في الشكل المقابل:

م جـ ∩ أب يقطعه في جـ

ويقطع الدائرة في د ، ق(< م أ ب) = ٢٠٠ .

أوجد: أولا: ق (أد) ثانيا: ق (< د ه ب) .









الإجابات

أولا": أكمل ما ياتى:

- ١) نصف قطر الدائرة
 - ٢) الوتر
 - ٣) القطر
 - ٤) القطر
 - ٥) لانهاني
 - ٢) محور تماثل
 - T (Y
 - ٨) مماسا للدائرة
 - ۹) متوازیان
 - ١٠) مركز الدائرة
- ١١) متساوية في الطول
 - < (17
- ١٣) عموديا على الوتر المشترك وينصفه
 - ۱٤) متباعدتان
 - ١٥) متماستان من الخارج
 - ١٦) عدد لا تهائي من الدوائر
 - ١٧) يتطابقان
- ١٨) 💺 طول القطعة المستقيمة الواصلة بين النقطتين المعلومتين .
 - ١٩) مركز الدائرة الخارجه للمثلث
 - ۲۰) أ) داخل ب) على ج) خارج



ثانيا": أختر الاجابة الصحيحة:

- مماس للدائرة
 - ۲) ۳سم
 - ۳) کسم
 -] ∞ ، ٣ [(4
 - ه) يقطع الدائرة
- ٦) يقع خارج الدانرة
 - (Y,Y)(Y
 - ۸) عدد لا نهائی
 - ٩) متقاطعتان
 - ۱۰) کسم
 - 11) 11سم
 - 14,41 (14
 - ۱۳) صفر
 - ذ ئا من (۱٤
 - ۱۵) محور آب
 - 1 (11
- ١٧) محاور تماثل أضلاعه
 - ۱۸) ۲سم
 - 4 (19







ثالثًا": أسنلة متنوعة:

$$\therefore$$
م (Δ أدب) = $\frac{1}{7} \times$ أب \times جـ د

$$\lambda \times Y \stackrel{!}{\leftarrow} \times \frac{1}{Y} =$$

ئق
$$=$$
 ئق $\times \frac{\gamma\gamma}{\gamma} \times \gamma$.:



$$\therefore \mathbf{v} = \mathbf{v} = \mathbf{v} : \mathbf{v} : \mathbf{v} : \mathbf{v} = \mathbf{v} : \mathbf{v}$$

.. ب ج
$$=\sqrt{\frac{\pi}{\pi}}$$
 $=\frac{197}{\pi}$ \rightarrow ۸ سم.

$$\mathbf{u} = \mathbf{i} = \mathbf{a} \div$$







(٥) جم، ن دانرتان متقاطعتان في أ، ب

· همنتصف الوتر جـ د

∴م هـٰ ــ جـد

أب لمن ، جدلمن

ن أب //حد

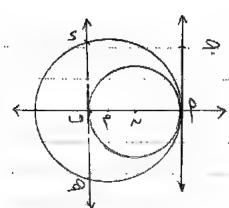


، أب قطر في الدائرة ن

∴ أج//بد

في الدائرة ن ن ب لـ لـ د هـ

. ب منتصف د ه . ب د = د ه



(٧) العمل: نرسماً م ويقطع و هـ في س ، نرسم دن و يقطع ب جـ في ص البرهان:

∴ مأ ك أج ·· أجـ مماس للدائرة م عند أ

٠٠ أج // ود ∴ أس لـ ود

∴ ند⊥ دو

·· دو مماس للدانرة ن عند د

ن أص // سد، أس ــود ، صد ــدو

ن الشكل أس د ص مستطيل : ن أس = ص د ·



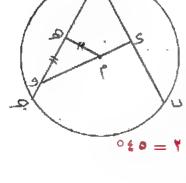




(۱۰) : همنتصف آب



فی
$$\Delta$$
 أ د و ق $\hat{(c)} = 99$ ، ق $\hat{(c)} = 93$



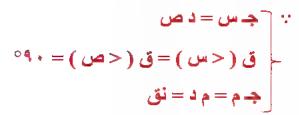


(۱۲) العمل: نرسم جو ، م د

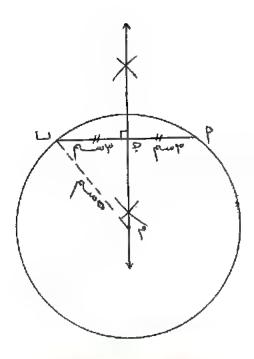


.: **د**س = د ص

ف*ي 🛕 🛦 ح* س م ، د ص م



$$\Delta = \Delta = \Delta = \Delta$$
 د ص م $\Delta = \Delta$



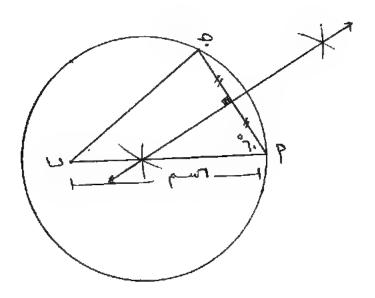
= ئاسم

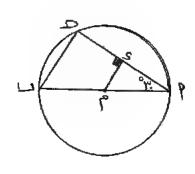






(14)





٠٠ أب قطر في الدائرة م ٠٠ منتصف أب

ن مد // جب، أج قاطع

.. ق (< أ د م) = ق (< ج) = ۹۰۰ " بالتناظر "

في 1 أحب

∵ ق (< ←) = ۰۹۰، ق (< أ) = ۳۰۰ ·

 \therefore جـ ب = $\frac{1}{\sqrt{1}}$ أ ب = $\frac{1}{\sqrt{1}}$ نق = نق



(۱٦) في 🛆 أم جـ





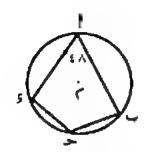


الجزء الثاني الأسئلة

أولا: أكمل ما يلى:

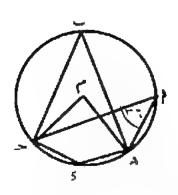
١- في الشكل الرباعي الدائري تكون الزاويتان المتقابلتان

٢ في الشكل المقابل:



٣- يكون الشكل رباعيًا دائريًا إذا وجدت زاوية خارجة عند أي رأس من رؤوسة قياسها يساوي الزواية المقابلة للمجاورة لها.

٤- في الشكل المقابل:



- الزاويتان المحيطتان المرسومتان على قوس واحد في دائرة يكونان
 - ٦) ارتفاعات المثلث

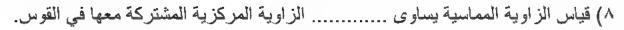


٧) في الشكل المقابل:

أب قطر في الدائرة م ، جدد مماس لها ،

أكمل ما يأتي:

خامسًا: ق
$$(\widehat{+}) = \frac{1}{7} [$$
ق $(\widehat{-}) - \widehat{0} (\widehat{-})]$



٩) عدد المماسات المشتركة المرسومة للدائراتين متباعدتين يساوي

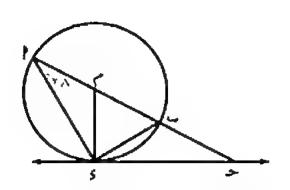
١٠) مركز الدائرة الداخلة لأى مثلث هو نقطة تقاطع

تأنيًا: اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاه:

١) في الشكل المقابل:

أج، ب د وتران في دائرة متقاطعان في هـ،

فإن ق (أد) يساوى:









٢) في الشكل المقابل:

إذا كان أب ، جد وتران في دائرة فإن ق (د أب) يساوى:

°V* (2)

(۱) ۰۲۰ (ج) °۰۰ (ب) °۲۰ (۱)

٣) القطعتان المماستان المرسومتان من نقطة خارج دائرة دائمًا:

(أ) متساويتان في الطول. (ب) غير متساويتين

(د) متوازیتان

(ج) متعامدتان

٤) الزاوية المماسية هي زاوية محصورة بين:

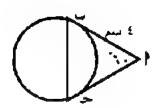
(أ) وتران (ب) مماسان (ج) وتر ومماس (د) وتر وقطر

عدد المماسات المشتركة لدائرتين متحدتي المركز تساوي:

(د) ثلاثة

(أ) صفر (ب) واحد (ج) اثنان

٦) في الشكل المقابل:



أب، أج مماسان، ق (أ) = ٢٠٠،

فإذا كان أب = ٤سم فإن طول جب تساوى:

(د) ۸ سم

(أ) ٣سم (ب) ٤سم (ج) ٥سم

٧) عدد المماسات المشتركة لدائرتين متماستين من الداخل تساوي:

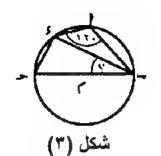
(د) أربعة

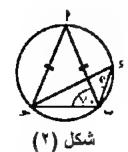
(ب) اثنان(ج) ثلاثة

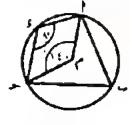
(أ) واحد



٨) مستعينا بالأشكال الآتية اختر الإجابة الصحيحة:







شکل (۱)

شكل (١): إذا كانت ق (أم ج) = ١٤٠ فإن ق (أ د ج) تساوى:

(۱) ۰۱۰ (ج) ۲۰۰ (ج) °۲۰ (۱)

(ج) ^{ه ځ ه}

شكل(۲): إذا كانت ق (أ \hat{y} جـ) = ۷۰ فإن ق (\hat{y} د جـ) تساوى:

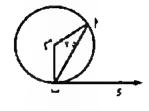
(أ) ۲۰° (ب) ۶°° (ج) ۶°°

شكل(۳): إذا كانت ق (ب أ د) = ۱۲۰° فإن ق (ج $\widehat{\mu}$ د) تساوى:

°۲۰ (ب)

°10 (l)

٩) في الشكل المقابل:

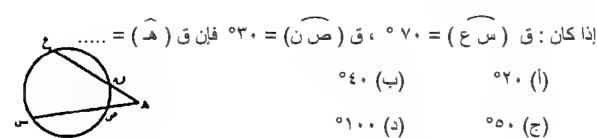


إذا كان ب د مماس للدائرة م ،

ق (ب أُ م) = ٢٥° فإن ق (أ ب د) تساوى:

(أ) ۲۰ (ب) ۲۰° (ج) ۲۰°

١٠) في الشكل المقابل:



(أ) ۲۰°

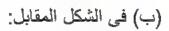


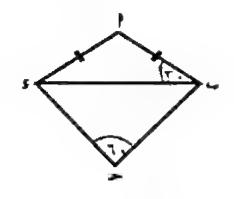




ثالثاً: تمارين متنوعة:

(١) (أ) اثبت أنه إذا كان الشكل الرباعي دائريًا فإن كل زاويتين متقابلتين فيه متكاملتان.





أب جد شكل رباعي فيه:

أب = أ د ، ق (أ ب د) = ۳۰° ،

ق (جَ) = ۲۰°،

أثبت أن: الشكل أب جد رباعي دائري.

(۲) أ ب جـ د شكل رباعي دائري فيه أ ب $\frac{1}{1}$ (حج ، هـ منتصف أ ب أثبت أن هـ جـ = هـ د .

 $\frac{1}{2}$ أ $\frac{1}{2}$ ب حاد الزوايا مرسوم داخل دائرة ، رسم أ $\frac{1}{2}$ ب جايقطع $\frac{1}{2}$ في د

ويقطع الدائرة في هـ . رسم جـ ن \pm أ ب ليقطع أ ب في ن . أثبت أن :

ثانيًا: ق(ب ن د) = ق (ب ه د)

أولا: الشكل أن دج رباعي دانري.

(٤) أ ب ج مثلث متساوي الأضلاع مرسوم داخل دائرة ، د نقطة على أ ب ، أخذت نقطة هـ على $\frac{1}{1}$ على $\frac{1}{1}$ على $\frac{1}{1}$ د ج بحيث أ د = د ه . أثبت أن:

ثانیًا: د ب // أ هـ

أولا: أد ه مثلث متساوي الأضلاع.

رابعًا: دب = هـجـ

ثالثًا: ق (د ج ب) = ق (ه أ ح)



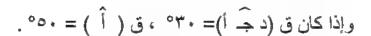
(٥) في الشكل المقابل:

أ ب ج مثلث فيه أ ب = أ ج

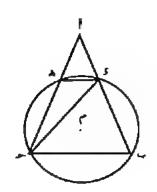
ب جـ وتر في الدائرة م ،

أب، أج يقطعان الدائرة في د، هـ.

أثبت أن : ب جـ // د هـ



أوجد أولاً: ق (ب هُ ج) ثانيًا : ق (ب مُ ج)



ثالثًا: ق (جـ د هـ)

(٦) (أ) أثبت أن الزاويا المحيطية التي تحصر نفس القوس في الدائرة متساوية في القياس.

(ب) في الشكل المقابل:

أ ب ج مثلث مرسوم داخل دائرة ،

ب س ⊥ أج، أص ⊥ بج

يقطعه في ص ، ويقطع الدائرة في ع ، أثبت أن:

أولا: الشكل أب ص س رباعي دائري .

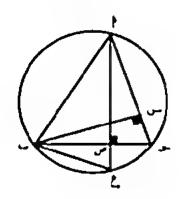


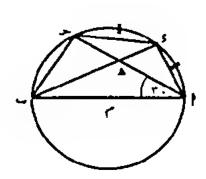
(٧) في الشكل المقابل:

أ ب قطر في الدائرة م ، حـ ∈ للدائرة ،

أو k! أو جد ق (ب \hat{c} ج) ، ق (أ $\hat{\psi}$ د)

ثانيًا: أثبت أن ∆ أب هـ متساوي الساقين.



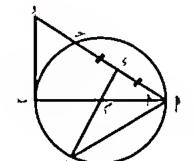








٨) في الشكل المقابل:

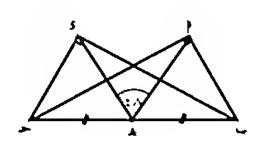


أب قطر في الدائرة م ، د منتصف أج

رسم ب و مماس للدائرة فقطع أجفى و . أثبت أن:

أولاً: الشكل م ب و د رباعي دائري . ثانيًا : د هـ // ب جـ

٩) في الشكل المقابل:



ق (ب أ ج) = ق (ب د ج) = ۹۰ هـ منتصف $\frac{1}{1}$ م ق (أ ه د) = ۶۵ هـ منتصف $\frac{1}{1}$ و لأ: أوجد ق (أ $\frac{1}{1}$ د).

ثانیًا: اثبت ان : (أ) ق (أ \hat{p} د) = ق (أ \hat{e} د)

(-) \widehat{a} \widehat{b} \widehat{a} \widehat{b} \widehat

١٠) أب جدد شكل رباعي مرسوم داخل دائرة ، و ∈ أب ، رسم و هـ // بج

____ بقطع جـد في هـ، دو ∩ جـب = { س } . أثبت أن:

أولا: الشكل أو هدر رباعي دائري. ثانيًا: ق (ب س و) = ق (ه أ د)

۱۱) أ نقطة خارج دائرة رسم أب يقطع الدائرة في ب ، ج على الترتيب ، رسم أد يقطع الدائرة في د ، ه على الترتيب، فإذا كان أج = أه.

أثبت أن : أولاً: بد // جه الثبت أن : ق (ب ج) = ق (هـ د)

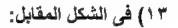


١٢) في الشكل المقابل:

نصف دائرة مركزهام،

اد //بج ، اب = بد.

أثبت أن: الشكل أب جد متوازى أضلاع.



أ ب جدد شكل رباعي مرسوم داخل الدائرة م ،

أس ينصف ب أج، د ص ينصف ب دُج أثبت أن:

أو لا: الشكل أ س ص د رباعي دانري.

ثانيًا: س ص // ب ج

١٤) في الشكل المقابل:

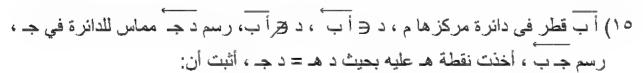
ق (جـ) = ۲۰° ،

طول جدد = طول ب جد،

مِن ∩ جد = { هـ } .

دأ ∩ الدائرةم = { هـ }

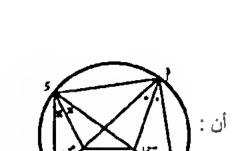
أوجد بالبرهان : ق (ب د ج) ، ق (ب أ د) ، ق (ب م ه) .

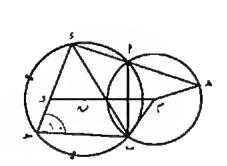


أولاً: الشكل اجد هرباعي دائري.

ثانيًا: أه قطر للدائرة الخارجة للشكل أجده.

ثالثاً: د هم مماس للدائرة المارة برؤوس المثلث أب هم.













أولا: أكمل ما ياتى:

\$ (9

ثانيًا: اختر الإجابة الصحيحة:

۸) نصف قیاس

ثالثًا: تمارين متنوعة:

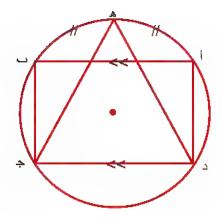
١) أ) اثبات نظرية.

$$^{\circ}$$
۱۲۰ = ($^{\circ}$ ۳۰ + $^{\circ}$ ۳۰) = $^{\circ}$ ۱۲۰ \div ق ($^{\circ}$)

.: الشكل أب جد رباعي دانري .



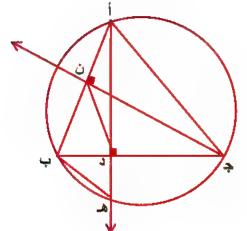
۲) ۱۰ أب // دج



" وهما مرسومتان على القاعدة

أج وفي جهة واحدة منها"

.: الشكل أن د جر رباعي دانري.



(1)

: (< ب ن د) حارجة عن الشكل الرباعي الدانري أ ن د ج







٤) ٠٠ أب ج مثلث متساوي الأضلاع

.: △أد هـ متساوي الأضلاع.

في ∆∆ أدب، أهج

" محطیتان مشترکتان فی (ب ج)"

" وهما في وضع تبادل"

بطرح ق (< ب أ هـ) من الطرفين.

"محطيتان مشتركتان في (د ب)"

∴ دب=هج



: (< أ هد) خارجة عن الشكل الرباعي الدانرى د هجب.

ق (<ا هد) = ق(< ا جب) وهما في وضع تناظر.

.. د هـ // <u>ب جـ</u>

٠٠ (< ب د ج) خارجة عن △ أ د ج .

، .. ق (< ب م ج) المركزية = ٢ق (< ب د ج) المحيطية = ٢ × ٨٠ = ١٦٠°

" مشتركتان في (ب جـ) "







۲) أ) أثبات نظرية

"وهما مرسومتان على القاعدة أب وفي جهة واحدة منها".

$$(-\infty)$$
 فی ($-\infty$) ق ($-\infty$) "محیطتان مشترکتان فی ($-\infty$)" .. ق ($-\infty$) "

$$(- + i 3) = (- + i 3)$$
 "محطیتان مشترکتان فی $(- + i 3)$ " "محطیتان مشترکتان فی $(- + i 3)$ "

$$^{\circ}$$
 ۳۰ = (ا ب د) المحیطیة = $\frac{1}{7}$ ق (ا د) = ۳۰ ث



٨) ٠٠ منتصف أ ج أ ج ا أج

··· ب و مماس للدانرة م عند ب. . ب و ⊥ أ ب

ن ق (< و ب م) + ق (< م د ج) = ۹۰ + ۹۰ = ۱۸۰°

.: الشكل م ب و د رباعي دائري.

٠: أب قطر في الدانرة م. .. ق (< أجب ب) = ٩٠°

ن ق (< أ جـ ب) = ق (< أ د هـ) = °۹ "وهما في وضع تناظر".

∴ جـب // د هـ

٩) ٠٠ ق (< ب أ جـ) = ق (< ب د جـ) = ٩٠ ·

"وهما مرسومتان على القاعدة ب جوفى جهة واحدة منها".

.: الشكل أب جد رباعي دانري.

ن ق(< ب أ جـ) المحيطية = ٩٠°

. ب ج قطر للدائرة الخارجة للشكل أ ب جد.

٠٠ هـ منتصف ب جـ . . هـ مركز الدانرة

"ومشتركتان في (أد)".

٠: (< أ ب د) ، (< أ ج د) محطيتان مشتركتان في (أ د)

.. ق(< أبد) = ق(< أجد)</p>

·· (< أ هـ جـ) مركزية ، (< أ ب جـ) محيطية مشتركتان في (أ جـ)

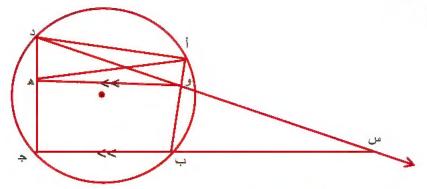
ن ق (< أ هـ جـ) = ٢ق (< أ ب جـ)</p>







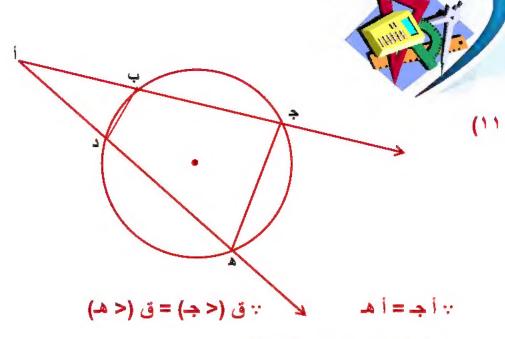
(1.



٠٠ أ ب جـ د شكل رباعي دانري.

·· و هـ // ب جـ ، جـ د قاطع.

. الشكل أو هد رباعي دانري.



- ٠٠ الشكل ب د هـ جـ رباعي دانري.
- .. ق (< أ ب د) الخارجة = ق(< هـ)
- .. ق (< أ ب د) = ق(< ج) وهما في وضع تناظر
 - .. ب د // جـ هـ
 - ٠٠ ق(< جـ) = ق(< هـ)
- ن ق (ب د هـ) = ق (جـ ب د) بطرح ق (ب د) من الطرفين.
 - .: (جـ ب) = ق (هـ د)
 - ۱۲) ∵أب=بد ∴ق (<أ) =ق(<د)
- - .. ق (< أ) = ق(< ج)
 - ن أ هـ // ب جـ ، أ ب قاطع
- .. ق (< أ) + ق(< أ ب ج) = ١٨٠° "داخلتان و في جهة واحدة من القاطع.
- .. ق (< ج) + ق(< أ ب ج) = ١٨٠ " وهما داخلتان وفي جهة واحدة من القاطع.
 - ن أب // هج
 - في الشكل أب جه
 - ٠٠ أب // هج، أه // بجقاطع : الشكل أب جه متوازى أضلاع.







"وهما مرسومتان على القاعدة س ص وفي جهة واحدة منها".

"محطیتان مشترکتان فی (د ج)

"وهما في وضع تناظر"

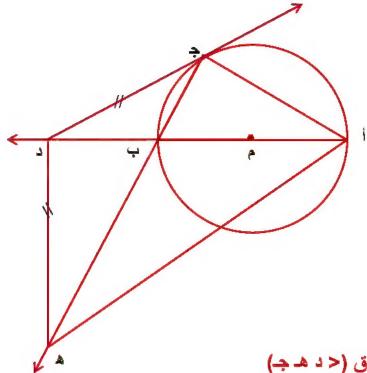
" (ح د أ ص) = ق (
$$<$$
 د س ص) "محطیتان مشترکتان فی ($<$ د ص) " .

: الشكل أب جد رباعي دائرى

: (< هـ أ ب) خارجة عن الشكل الرباعي الدانرى أ ب جـ د .



(10



- ∵ د جـ = د هـ
- .. ق(< د جه) = ق (< د هج)
 - ٠٠ د ج مماس للدانرة م عند ج.
- .: ق (< د جب) المماسية = ق (< جا ب) المحيطية مشتركتان في (ب ج).
 - .. ق (< جاد) = ق (< جهد)

"وهما مرسومتان على القاعدة جد وفي جهة واحدة منها"

- .: الشكل أجد هرباعي دانرى .
 - ٠٠ أب قطر في الدائرة م
 - نق (< أجب) = ٩٠٠
 - .. ق (< أجه) = ۹۰ ..
- . أ هـ قطر للدائرة الخارجة للشكل أ جـ د هـ .
- ·· ق (< د أ هـ) = ق (د جـ هـ) "محطیتان مشترکتان فی (د هـ)".
 - ، ٠٠ ق (< د جه) = ق(< د هج)
 - ∴ق (< بأهـ) = ق (< دهـ ب)
 - . د هـ مماس للدائرة المارة برؤوس المثلث أب ه.